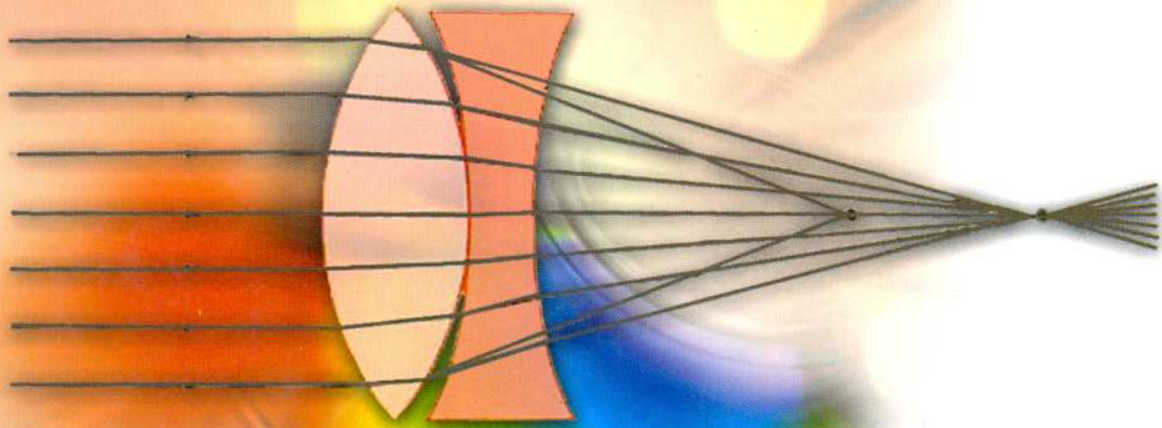


فیزیک عمومی

(نور)

(خلاصه درس ، پرسشهای چهارگزینه‌ای و پاسخنامه تشریحی)
ویژه آزمونهای کارشناسی به کارشناسی ارشد



در این کتاب می‌خوانید :

◆ خلاصه‌ای از مباحث نور

◆ پرسشهای چندگزینه‌ای همراه با پاسخنامه

تشریحی نور مطرح شده در آزمونهای کارشناسی

ارشد رشته‌های فیزیک پزشکی، فیزیک دریا،

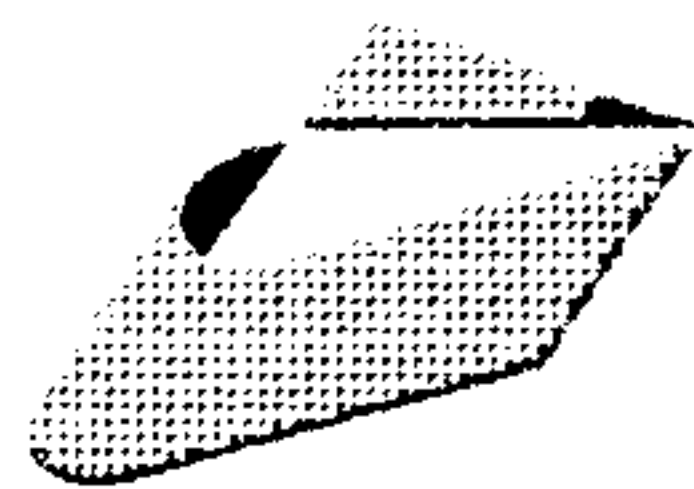
ژئوفیزیک، هواشناسی، فلسفه علم،

مهندسی عمران و آزمونهای GRE

◆ قابل استفاده برای دانشجویان در درس فیزیک پایه

مؤلفان : ناصر زارع دهنوی حسین محسنی پور

به نام خدا



مؤسسه فرهنگی هنری
دییگران تهران

فیزیک عمومی (نور)

(ویژه آزمونهای کارشناسی به کارشناسی ارشد)

مؤلفان :

حسین محسنی پور

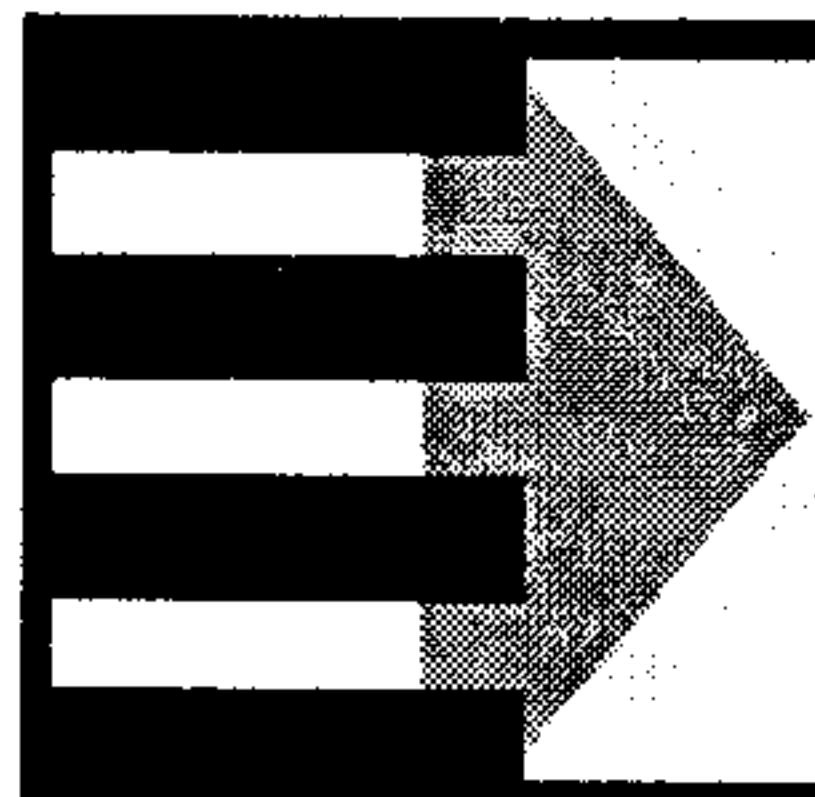
ناصر زارع دهنوی

RWTUV



دارنده گواهینامه ISO 9001/2000

در زمینه نشر کتاب و طراحی جلد



هرگونه چاپ و تکثیر از محتویات این کتاب بدون اجازه کتبی ناشر ممنوع است. متخلفان به موجب قانون حمایت حقوق مؤلفان، مصنفان و هنرمندان تحت پیگرد قانونی قرار می‌گیرند.

فیزیک عمومی (نور) ویژه آزمونهای کارشناسی ارشد

مؤلفان: حسین محسنی پور - ناصر زارع دهنوی

ناشر: مؤسسه فرهنگی هنری دیباگران تهران

حروفچینی و صفحه‌آرایی: مجتمع فنی تهران

طرح روی جلد: مجتمع فنی تهران

چاپ: چاپ جلالی

نوبت چاپ: اول

تاریخ نشر: تیر ماه ۱۳۸۲

تیراژ: ۳۰۰۰ نسخه

قیمت: ۹۸۰۰ ریال

شابک: ۹۶۴-۳۵۴-۳۰۸-۰۰

ISBN: 964-354-308-0

محسنی پور، حسین

فیزیک عمومی (نور) (ویژه آزمونهای کارشناسی ارشد) / مؤلفان

حسین محسنی پور؛ ناصر زارع دهنوی -- تهران: مؤسسه

فرهنگی هنری دیباگران تهران، ۱۳۸۲.

۱۲۷ص: مصور، نمودار.

ISBN 964-354-308-0

فهرست نویسی بر اساس اطلاعات فیپا.

۱. دانشگاهها و مدارس عالی -- ایران -- آزمونها ۲. فیزیک -

- آزمونها و تمرینها (عالی). ۳. نور -- آزمونها و تمرینها (عالی)

۴. آزمون دوره‌های تحصیلات تکمیلی -- ایران. الف. زارع

دهنوی، ناصر. ب. عنوان

۳۷۸/۱۶۶۴

۹۳ ف ۲۸۳۸ م / LB۲۳۵۳

۸۲-۵۴۳۷ م

کتابخانه ملی ایران

آدرس: سعادت آباد، بلوار بهزاد (ضلع شمالی پارک سعادت آباد)، نبش باغستان یکم، شماره ۱۰

صندوق پستی: ۱۴۳۳۵ / ۹۴۳

فکس: ۲۳۵۲۶۲۶

تلفن: ۵-۲۰۹۰۰۰۱

فهرست مطالب

مقدمه ناشر	۶
مقدمه مؤلف	۷
فصل اول : ماهیت و انتشار نور	
۱-۱ مقدمه	۹
۱-۲ نور مرئی	۹
۱-۳ دوگانگی موجی ذره‌ای	۱۱
۱-۴ نور هندسی و نور موجی	۱۱
۱-۵ انرژی	۱۱
۱-۶ تکانه	۱۲
۱-۷ اثر دوپلر	۱۳
۱-۸ پرسشهای چند گزینه‌ای	۱۴
۱-۹ پاسخهای تشریحی	۱۶
فصل دوم : بازتابش و شکست ، امواج تخت و سطوح تخت	
۲-۱ بازتابش و شکست	۱۹
۲-۲ قانون اسنل	۲۰
۲-۳ ضریب شکست	۲۰
۲-۴ زاویه حد و بازتابش داخلی	۲۱
۲-۵ تیغه متوازی‌السطوح	۲۲
۲-۶ منشور	۲۳
۲-۷ اصل فرما	۲۵
۲-۸ راه نوری	۲۶
۲-۹ پرسشهای چند گزینه‌ای	۲۸

۱۰- ۲ پاسخهای تشریحی ۳۵

فصل سوم : بازتابش و شکست ، امواج کروی و سطوح کروی ۴۱

۱- ۳ امواج کروی - آینه تخت ۴۱

۲- ۳ امواج کروی - آینه کروی ۴۲

۳- ۳ رسم پرتوها ۴۴

۴- ۳ خصوصیات و رسم تصویر ۴۴

۵- ۳ جسم مجازی ۴۶

۶- ۳ سطح شکننده کروی ۴۸

۷- ۳ عدسی ضخیم ۴۹

۸- ۳ عدسی نازک ۵۱

۹- ۳ رسم پرتوها ۵۳

۱۰- ۳ خصوصیات تصاویر ۵۴

۱۱- ۳ توان عدسی ۵۵

۱۲- ۳ ترکیب عدسیها ۵۵

۱۳- ۳ اسبابهای اپتیکی ۵۶

۱۴- ۳ چشم ۵۸

۱۵- ۳ پرسشهای چندگزینه‌ای ۶۰

۱۶- ۳ پاسخهای تشریحی ۷۲

فصل چهارم : تداخل ۸۳

۱- ۴ آزمایش یانگ ۸۳

۲- ۴ همدوسی ۸۶

۳- ۴ جمع اختلالهای موجی ۸۷

۴- ۴ بررسی شدت در آزمایش یانگ ۸۷

۸۹.....	۴-۵	تداخل از فیلمهای نازک
۹۳.....	۴-۶	فریزهای ضخامت ثابت
۹۵.....	۴-۷	حلقه‌های نیوتون
۹۷.....	۴-۸	پرسشهای چندگزینه‌ای
۱۰۰.....	۴-۹	پاسخهای تشریحی

فصل پنجم : پراش ۱۰۳

۱۰۳.....	۵-۱	مقدمه
۱۰۴.....	۵-۲	تک شکاف
۱۰۵.....	۵-۳	پراش در روزنه گرد
۱۰۶.....	۵-۴	چند شکافیها
۱۰۷.....	۵-۵	قانون براگ
۱۰۸.....	۵-۶	پرسشهای چندگزینه‌ای
۱۱۱.....	۵-۷	پاسخهای تشریحی

فصل ششم : قطبش ۱۱۵

۱۱۵.....	۶-۱	قطبش
۱۱۶.....	۶-۲	ورقه‌های قطبی کننده
۱۱۶.....	۶-۳	قطبیدگی در اثر بازتاب
۱۱۷.....	۶-۴	شکست دوگانه و بلورهای دو رنگی
۱۱۷.....	۶-۵	قطبش دایره‌ای
۱۱۹.....	۶-۶	پرسشهای چندگزینه‌ای
۱۲۲.....	۶-۷	پاسخهای تشریحی

مقدمه ناشر

حمد و سپاس ایزد منان را که با الطاف بیکران خود این توفیق را به ما ارزانی داشت تا بتوانیم در راه ارتقای دانش عمومی و فرهنگ این مرز و بوم در زمینه چاپ و نشر کتب علمی دانشگاهی، علوم پایه و کشاورزی و به ویژه علوم کامپیوتر و انفورماتیک گامهایی هر چند کوچک برداشته و در انجام رسالتی که بر عهده داریم مؤثر واقع شویم. گستردگی علوم و توسعه روزافزون آن، شرایطی را به وجود آورده که هر روز شاهد تحولات اساسی و چشمگیر در سطح جهان هستیم. این گسترش و توسعه نیاز به منابع مختلف از جمله کتاب را به عنوان قدیمی‌ترین و راحت‌ترین راه دستیابی به اطلاعات و اطلاع‌رسانی، بیش از پیش روشن می‌نماید. در این راستا، واحد انتشارات مؤسسه فرهنگی هنری دیباگران با همکاری جمعی از اساتید، مؤلفان، مترجمان، متخصصان، پژوهشگران، محققان و نیز پرسنل ورزیده و ماهر در زمینه امور نشر درصدد هستند تا با تلاشهای مستمر خود برای رفع کمبودها و نیازهای موجود، منابعی پربار، معتبر و با کیفیت مناسب در اختیار علاقه‌مندان قرار دهند.

کتابی که در دست دارید با همت " آقایان حسین محسنی پور و ناصر زارع دهنوی " و تلاش جمعی از همکاران انتشارات میسر گشته و شایسته است از یکایک این گرامیان تشکر و قدردانی کنیم.

ویراستاری : آقای مهدی رئوفی

ویرایش کامپیوتری و صفحه‌آرایی : خانم مریم فرجیان

طراحی روی جلد : خانم شیما صدرا

امور چاپ و نشر : آقای حیدر شفیعی

ناظر چاپ : آقای کریم براغ

در خاتمه از عموم هموطنان عزیز و دانش پژوهان گرامی خواهشمندیم ما را با ارائه پیشنهادها و انتقادهای خود در بهبود کمی و کیفی کارهای انجام شده راهنمایی نمایند تا بتوانیم در آینده کتابهایی با کیفیت بهتر تقدیم حضورشان کنیم.

مدیر انتشارات

مؤسسه فرهنگی هنری دیباگران تهران

مقدمه مؤلفان

کتاب حاضر شامل مبحث نور همراه با تستهای مربوطه که در آزمونهای کارشناسی ارشد (آموزش عالی و آزاد اسلامی) آورده‌اند، می‌باشد. تستهای آزمونهای فیزیک پزشکی، فیزیک دریا، ژئوفیزیک، هواشناسی، فلسفه علم، مهندسی عمران و آزمونهای GRE همراه با پاسخهای تشریحی در آخر هر فصل آمده‌اند. از آنجا که سطح بسیاری از سؤالات نزدیک به هم است. لذا مطالعه کلیه تستها به خواننده توصیه می‌شود. البته در برخی رشته‌ها سؤالات تخصصی‌تر وجود دارد، ولی از تمام رشته‌ها سؤالاتی انتخاب شده‌اند که جنبه عمومی دارند. در هر فصل خلاصه‌ای از مطالب مربوطه نیز آورده شده است. مؤلفان ضمن پوزش از هرگونه خطا و یا نقص احتمالی در کتاب حاضر از تذکرات و راهنمایی خوانندگان محترم برای رفع نقص در چاپهای بعدی کمال تشکر را دارند.

حسین محسنی پور

ناصر زارع دهنوی

فصل اول

ماهیت و انتشار نور

۱-۱ مقدمه

از نظر تاریخی، ابتدا نیوتون نظریه ذره‌ای نور را مطرح کرد. بر اساس این نظریه نور از ذراتی تشکیل شده است که به خط مستقیم حرکت می‌کنند. از دلایل تجربی که مؤید این نظریه بودند می‌توان از تشکیل سایه و نیم سایه، بازتابش و شکست نور و هم چنین تناسب شدت نور با عکس مجذور فاصله از چشمه نور نام برد.

نظریه موجی که بعداً توسط هویگنس مطرح شد، نور را یک نوع موج می‌داند و نه جریانی از ذرات. البته در نظریه هویگنس چیزی در مورد ماهیت موج و یا موج الکترومغناطیسی که بعدها توسط ماکسول بیان شد، اشاره‌ای نمی‌شود. بر اساس نظریه هویگنس نور به صورت موج گسیل می‌شود و تمام نقاط روی یک جبهه موج را می‌توان چشمه‌هایی در نظر گرفت که مولد موجکهای کروی ثانویه‌اند، پس از زمان t ، مکان جدید این جبهه موج سطحی است که بر این موجکهای ثانویه مماس است. پس از مشاهده آثار تداخل و پراش، نظریه موجی بر نظریه ذره‌ای برتری پیدا کرد و پس از مطرح شدن نظریه الکترومغناطیس توسط ماکسول و کشف امواج الکترومغناطیس توسط هرتز، نور به عنوان یک موج الکترومغناطیس شناخته شد.

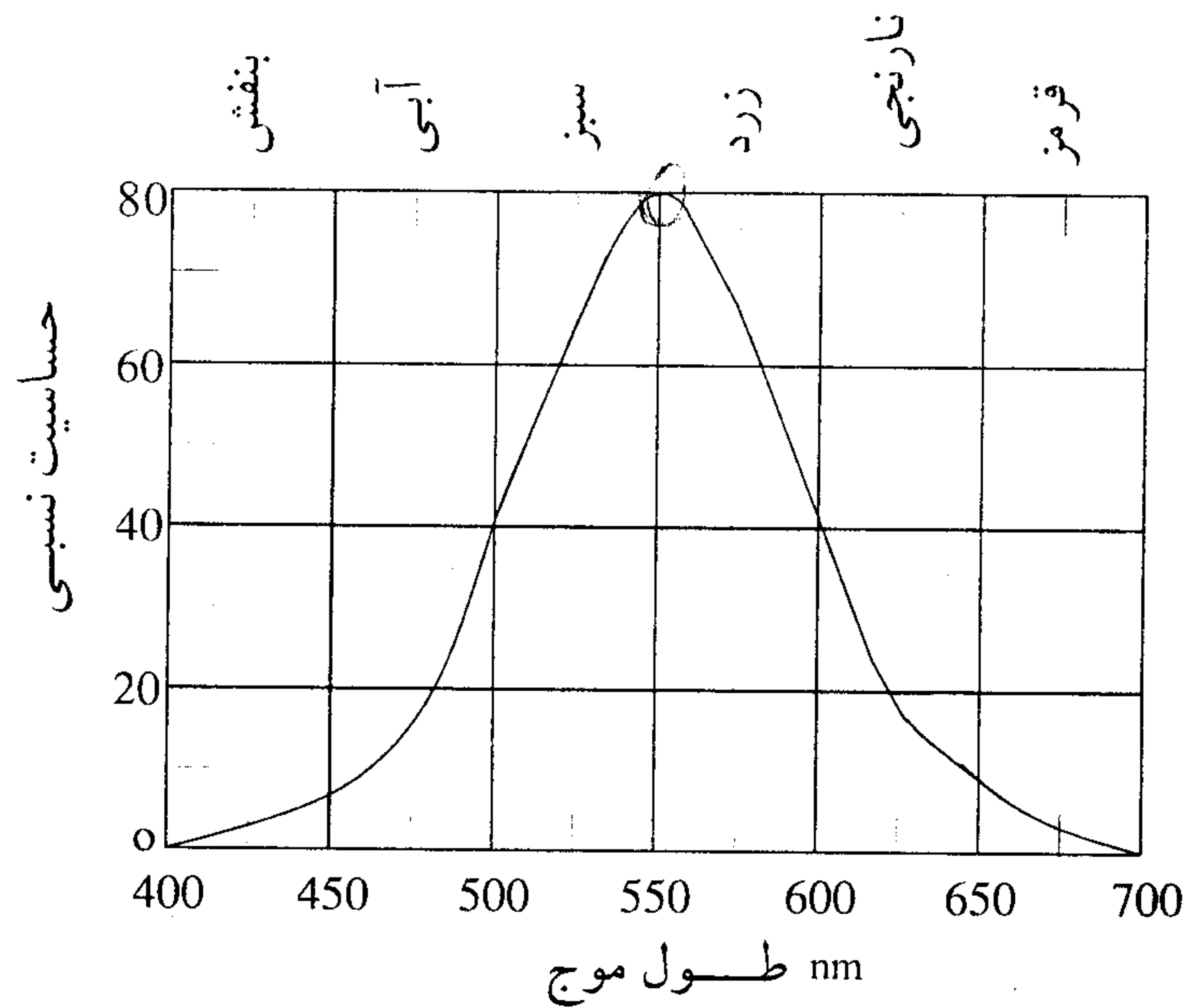
۱-۲ نور مرئی

نور مرئی بخشی از طیف الکترومغناطیس است و در واقع تابشی است که بر چشم اثر می‌گذارد. طول موج نور مرئی در خلأ حدوداً از 400 nm تا 700 nm می‌باشد.

می‌دانیم که موج الکترومغناطیس یک آشفتگی الکترومغناطیسی متشکل از دو میدان الکتریکی و مغناطیسی نوسانی عمود بر هم است که با سرعت نور حرکت می‌کند. این سرعت در خلأ ثابت و برابر

با $C = 299792458 \frac{\text{km}}{\text{s}}$ است. در زیر منحنی حساسیت چشم نسبت به طول موجهای مختلف

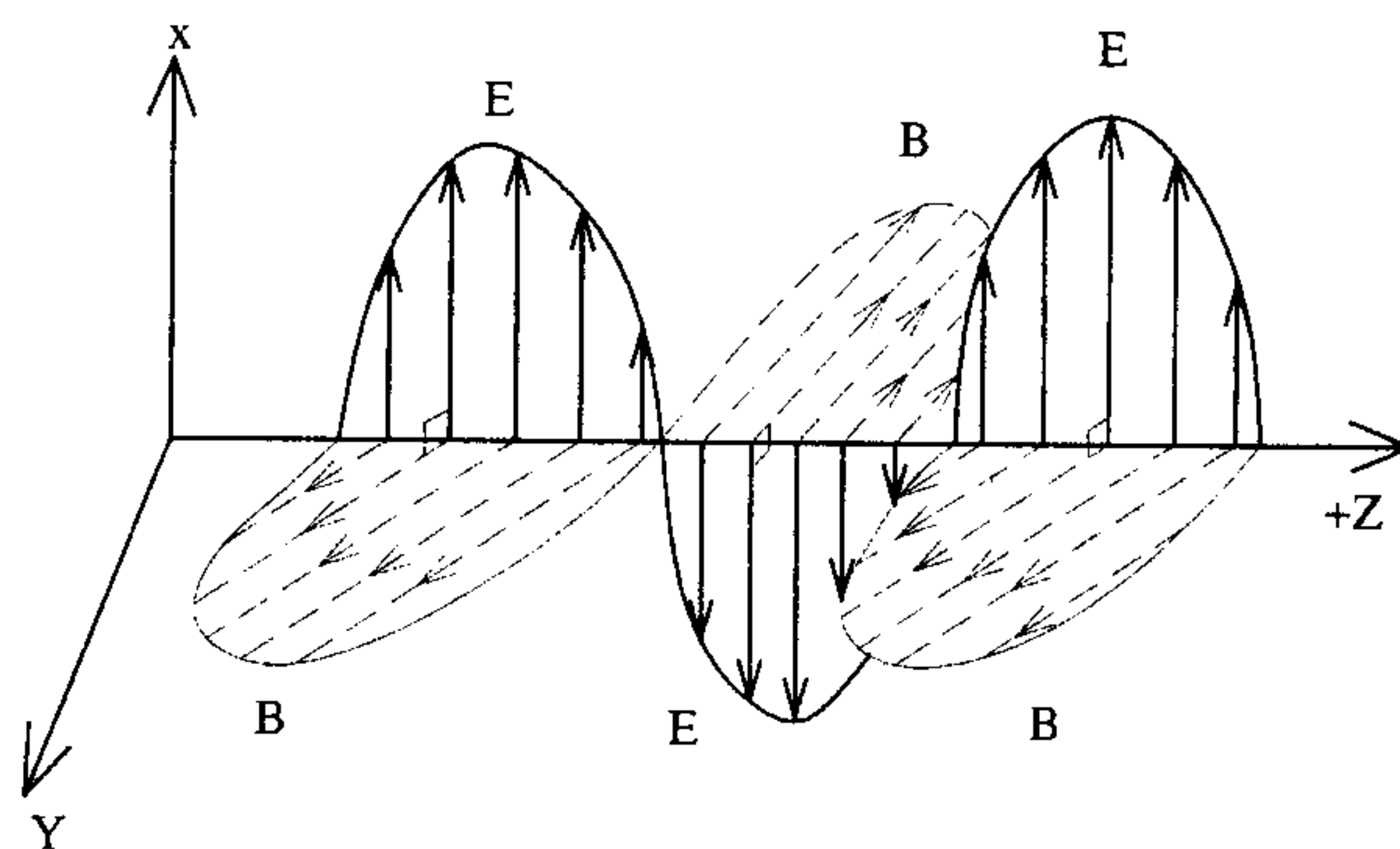
ترسیم شده است.



در زیر شکل یک موج الکترومغناطیس را که در خلأ و در جهت $+z$ با فرکانس ν و طول موج λ منتشر می شود داریم:

$$\omega = 2\pi\nu \quad \text{و} \quad k = \frac{2\pi}{\lambda}$$

$$E_x = E_M \sin(kz - \omega t) \quad \text{و} \quad B_y = B_M \sin(kz - \omega t)$$



)) باید توجه داشت که رنگ نور بستگی به فرکانس آن دارد. هنگامی که نور از محیطی وارد محیط دیگر می شود طول موج و سرعت آن تغییر می کند: اما فرکانس نور بدون تغییر خواهد ماند.

$$v = \frac{v}{\lambda}$$

۳-۱ دوگانگی موجی ذره‌ای

با انجام آزمایشاتی همچون اثر فتوالکتریک، مکانیک کوانتومی نشان داد که نور گاهی اوقات از خود رفتار ذره‌ای نشان می‌دهد. این ذرات فوتون نامیده شدند. انرژی هر فوتون برابر است با :

$$E = h\nu$$

که $h = 6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s}$ ثابت پلانک و ν فرکانس نور است.

$$\lambda \nu = c \Rightarrow E = \frac{hc}{\lambda} = pc$$

اندازه حرکت فوتون است. $p = \frac{h}{\lambda} = \hbar k$

۴-۱ نور هندسی و نور موجی

در صورتی که ابعاد جسم بسیار بزرگتر از طول موج نور باشد، اثرات موجی قابل مشاهده نیست. در این حالت می‌توان نور هندسی را به کار برد، به عبارتی می‌توان نور را به صورت ذراتی در نظر گرفت که به خط مستقیم سیر می‌کنند. به عنوان مثال هنگامی که سایه و نیم‌سایه یک جسم بزرگ را مشاهده می‌کنیم، آثار پراش در لبه سایه قابل مشاهده نیست و یا در کار با آینه‌های تخت، آینه‌های کروی و یا عدسیها فرض می‌کنیم که نور به خط مستقیم حرکت کرده و اپتیک هندسی را به کار می‌بریم.

اگر ابعاد جسم در مقایسه با ابعاد طول موج بزرگ نباشد و یا نزدیک به طول موج نور باشد، اثرات موجی قابل مشاهده بوده و در این حالت نور موجی را در مورد تابش به کار می‌بریم. به عنوان مثال هنگامی که آثار تداخلی ناشی از دو شکافی یانگ (ابعاد شکافها کوچک است) را بررسی می‌کنیم اپتیک موجی را به کار می‌بریم.

۵-۱ انرژی

انرژی ساطع شده در واحد زمان در واحد سطح (توان در واحد سطح و یا آهنگ شارش انرژی در واحد سطح) توسط بردار پوینتینگ \vec{S} توصیف می‌شود :

$$\vec{S} = \frac{1}{\mu_0} \vec{E} \times \vec{B} = \vec{I} = \frac{W}{A} = \frac{E}{A\epsilon}$$

جهت این بردار، جهت انتشار انرژی و اندازه این بردار مقدار انرژی ساطع شده در واحد زمان و در واحد سطح است.

مثال : توان متوسط بر واحد سطح

یک موج الکترومغناطیسی تخت که در خلاء و با سرعت c در جهت $+z$ حرکت می‌کند را در

نظر می‌گیریم $E_z = 0$ و $B_z = 0$

$$E_x = E \cdot \sin(kz - \omega t) \quad \text{و} \quad B_y = B \cdot \sin(kz - \omega t)$$

چون \vec{E} بر \vec{B} عمود است، اگر \vec{E} در جهت x باشد \vec{B} در جهت y است. برای یک موج تخت

در فضای تهی $E = Bc$ است.

$$\vec{E} \perp \vec{B} \Rightarrow S = |\vec{S}| = \left| \frac{1}{\mu_0} \vec{E} \times \vec{B} \right| = \frac{1}{\mu_0} E_x B_y \sin 90^\circ$$

$$= \frac{1}{\mu_0} E \cdot B \cdot \sin^2(kz - \omega t) = \frac{E_0^2}{\mu_0 c} \sin^2(kz - \omega t)$$

$$\langle S \rangle = \frac{E_0^2}{\mu_0 c} \frac{1}{T} \int_0^T \sin^2(kz - \omega t) dt = \frac{E_0^2}{2\mu_0 c}$$

که E_0 یا E_M حداکثر میدان الکتریکی است.

۶-۱ تکانه

یک باریکه نور را در نظر بگیرید که در مدت زمان t به جسمی بتابد و تماماً جذب شود. اگر

انرژی جذب شده در این مدت U باشد، تکانه منتقل شده به جسم برابر است با $P = \frac{U}{C}$

اگر نور تماماً بازتاب پیدا کند، تکانه منتقل شده به جسم، دو برابر مقدار قبلی است: $P = \frac{2U}{C}$

مثال : نیرو و فشار تابش

موج الکترومغناطیسی تختی را در نظر می‌گیریم که در خلاء و در جهت $+z$ منتشر می‌شود و

به صفحه کاملاً جذب‌کننده‌ای به مساحت A که عمود بر جهت انتشار نور قرار گرفته است، منتقل

می‌شود.

$$\bar{S} = \frac{E_0^2}{2\mu_0 c} = \mathcal{I}$$

$$U = \bar{S} A t = \frac{E_0^2 A t}{2\mu_0 c}$$

$$P = \frac{U}{C} = \frac{E_0^2 A t}{2\mu_0 c^2}$$

$$p = \frac{1}{2} \epsilon_0 E_0^2 A t \quad \text{بنابراین} \quad C^2 = \frac{1}{\mu_0 \epsilon_0}$$

$$F = \frac{P}{t} = \frac{1}{2} \epsilon_0 E_0^2 A$$

نیروی وارده به جسم = آهنگ جذب تکانه

$$P = \frac{F}{A} = \frac{1}{2} \epsilon_0 E_0^2$$

فشار تابش

از اثبات مفصل رابطه $P = \frac{U}{C}$ خودداری می‌کنیم ولی یادآوری می‌کنیم که انرژی هر فوتون $E = PC$ بوده و بنابراین هنگامی که فوتون کاملاً جذب می‌شود اندازه حرکت خود را به جسم منتقل می‌کند $P = \frac{E}{C}$.

۷-۱ اثر دوپلر

در صورتی که چشمه و ناظر نسبت به یکدیگر ساکن نباشند، با توجه به آن که سرعت نور همیشه ثابت است، فرکانس و طول موج به گونه‌ای تغییر می‌کنند که حاصل ضرب آنها $\lambda \nu = c$ همیشه ثابت بماند.

فرکانس دریافتی نور ν' بر حسب فرکانس چشمه ν هنگامی که چشمه و ناظر از هم دور می‌شوند عبارت است از:

$$\nu' = \nu \frac{1 - \frac{u}{c}}{\sqrt{1 - \left(\frac{u}{c}\right)^2}}$$

که u سرعت نسبی دور شدن چشمه و ناظر است. اگر چشمه و ناظر به یکدیگر نزدیک شوند در معادله بالا $u \rightarrow -u$ تبدیل خواهد شد.

۸-۱ پرسشهای چندگزینه‌ای

۱- در کدام یک از شرایط زیر می‌توان نور هندسی را در مورد تابش نور به اجسام به کار برد؟
(کنکور کارشناسی ارشد فلسفه علم ۸۰ و ۸۱)

۱- وقتی ابعاد جسم بسیار بزرگتر از طول موج نور باشد.

۲- وقتی ابعاد جسم بسیار کوچکتر از طول موج نور باشد.

۳- وقتی ابعاد جسم برابر ابعاد طول موج نور باشد.

۴- در همه شرایط

۲- دو لامپ با توان مساوی، یکی نور تکفام قرمز و دیگری نور تکفام آبی را منتشر می‌سازند. اگر تعداد فوتونهای انتشار یافته از این دو لامپ را به ترتیب با n_1 و n_2 نشان دهیم، در این صورت کدام رابطه صحیح است؟ (کنکور کارشناسی ارشد مهندسی عمران (فتوگرامتری - ژئودزی) ۸۱)

$$n_1 < n_2 \quad -1 \quad n_1 > n_2 \quad -2 \quad n_2 = \frac{n_1 + 1}{n_1} \quad -3 \quad n_1 = \frac{n_2 + 1}{n_2} \quad -4$$

۳- سرعت مسیر نور در خلاء به کدام عامل بستگی دارد؟

(کنکور کارشناسی ارشد عمران ۷۶)

۱- شدت نور ۲- طول موج ۳- فرکانس ۴- هیچ کدام

۴- برای یک نور تکفام شدت از رابطه $I = \frac{E_m^2}{2\mu_0 C}$ به دست می‌آید این شدت اندازه متوسط برداری است که به شکل زیر نمایش داده می‌شود.

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۷۸)

$$\vec{E} \times \vec{B} / \mu_0 C \quad -1 \quad \vec{E} \times \vec{B} / \mu_0 \quad -2$$

$$\vec{E}_m \times \vec{B}_m / \mu_0 \quad -3 \quad \vec{E}_m \times \vec{B}_m / \mu_0 C \quad -4$$

۵- تابشی با توان p روی سطح یک جسم فرود می‌آید و کسری از آن برابر f جذب و بقیه بازتاب می‌گردد نیروی تابشی وارد بر جسم چقدر است؟

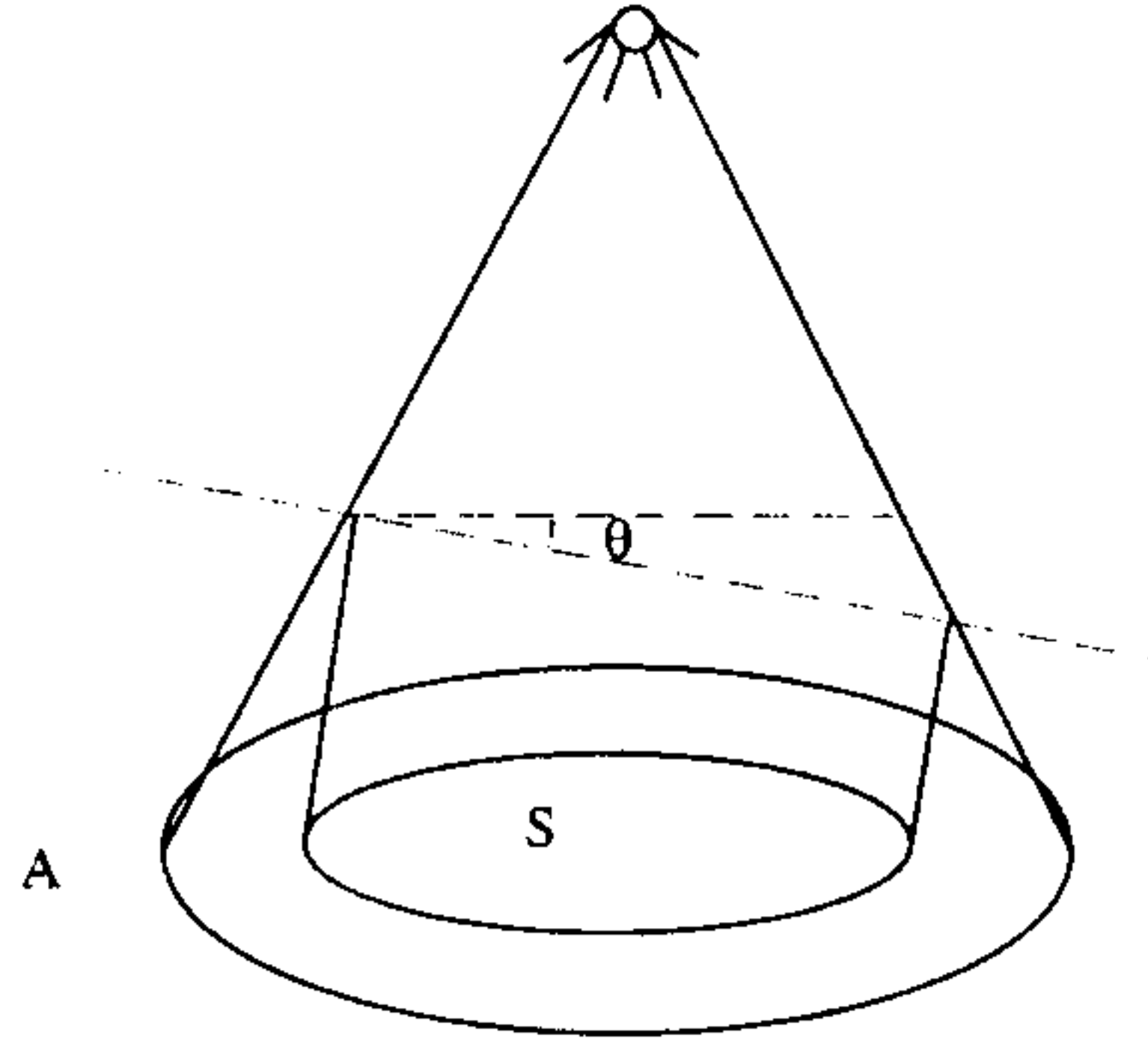
(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۵)

$$2p + \frac{f}{c} \quad -1 \quad \frac{p(2-f)}{c} \quad -2 \quad 2p - \frac{f}{c} \quad -3 \quad \frac{2p-f}{c} \quad -4$$

۶- از یک شکاف مستطیل شکل باریک به طول 1.0 cm ، در هر ثانیه 0.25 ژول نورانی خارج می‌شود. شدت انرژی نورانی در فاصله 25 cm از این شکاف (بر حسب وات بر مترمربع) چقدر است؟
(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۸۱)

$$1.59 \times 10^{-4} \quad -1 \quad 0.32 \quad -2 \quad 1.59 \quad -3 \quad 3/20 \quad -4$$

۷- مخروطی را در نظر بگیرید با یک لامپ الکتریکی که در رأس آن واقع است و به وسیله صفحه‌ای که با قاعده آن زاویه 30° می‌سازد قطع شده است. مساحت آن قسمت از صفحه که داخل مخروط قرار دارد سایه‌ای به مساحت S را بر روی قاعده به وجود می‌آورد. چنان چه مساحت قاعده برابر A باشد و متوسط شدت نور در قاعده I باشد متوسط شدت نور روی صفحه مایل چقدر است؟



- ۱- $\frac{IA}{2S}$
- ۲- $\frac{I^2}{AS}$
- ۳- $(\frac{\sqrt{3}}{2})(\frac{IA}{S})$
- ۴- $\frac{\sqrt{3}IA}{S}$
- ۵- $\frac{IA}{S}$

۹-۱ پاسخهای تشریحی

(۱-۱)

$$h\nu_1 > h\nu_2$$

$$h\nu_1 > h\nu_2 \Rightarrow \nu_1 > \nu_2$$

(۱-۲)

بنابراین انرژی هر فوتون آبی بیشتر از انرژی فوتون قرمز است. از طرفی چون توان گسیلی هر دو لامپ برابر است در هر مدت زمان برابر، انرژی گسیلی از دو لامپ برابر است، به عبارتی اگر n_1 تعداد فوتونهای قرمز و n_2 تعداد فوتونهای آبی باشد $n_1 h\nu_1 = n_2 h\nu_2$.

$$\begin{cases} n_1\nu_1 = n_2\nu_2 \\ \nu_2 > \nu_1 \end{cases} \Rightarrow n_2 < n_1$$

(۳-۴) سرعت نور در خلاء ثابت می باشد $C \approx 3 \times 10^8 \text{ m/s}$ و به هیچ کدام از کمیتهای اشاره شده

بستگی ندارد.

(۱-۴)

$$U_1 = fU \Rightarrow p_1 = \frac{U_1}{C} = \frac{fU}{C}$$

(۲-۵)

$$U_2 = (1-f)U \Rightarrow p_2 = \frac{2U_2}{C} = \frac{2(1-f)U}{C}$$

$$p = p_1 + p_2 = \frac{fU}{C} + \frac{2(1-f)U}{C}$$

$$F = \frac{p}{t} = \frac{f}{C} \left(\frac{U}{t}\right) + 2 \frac{(1-f)}{C} \left(\frac{U}{t}\right)$$

$$F = \frac{f}{C}P + \frac{2(1-f)}{C}P = \frac{P}{C}(2-f)$$

البته کاملاً مشخص است دیمانسیون هیچ کدام از گزینه‌های ۱، ۳ و ۴ با دیمانسیون نیرو برابر

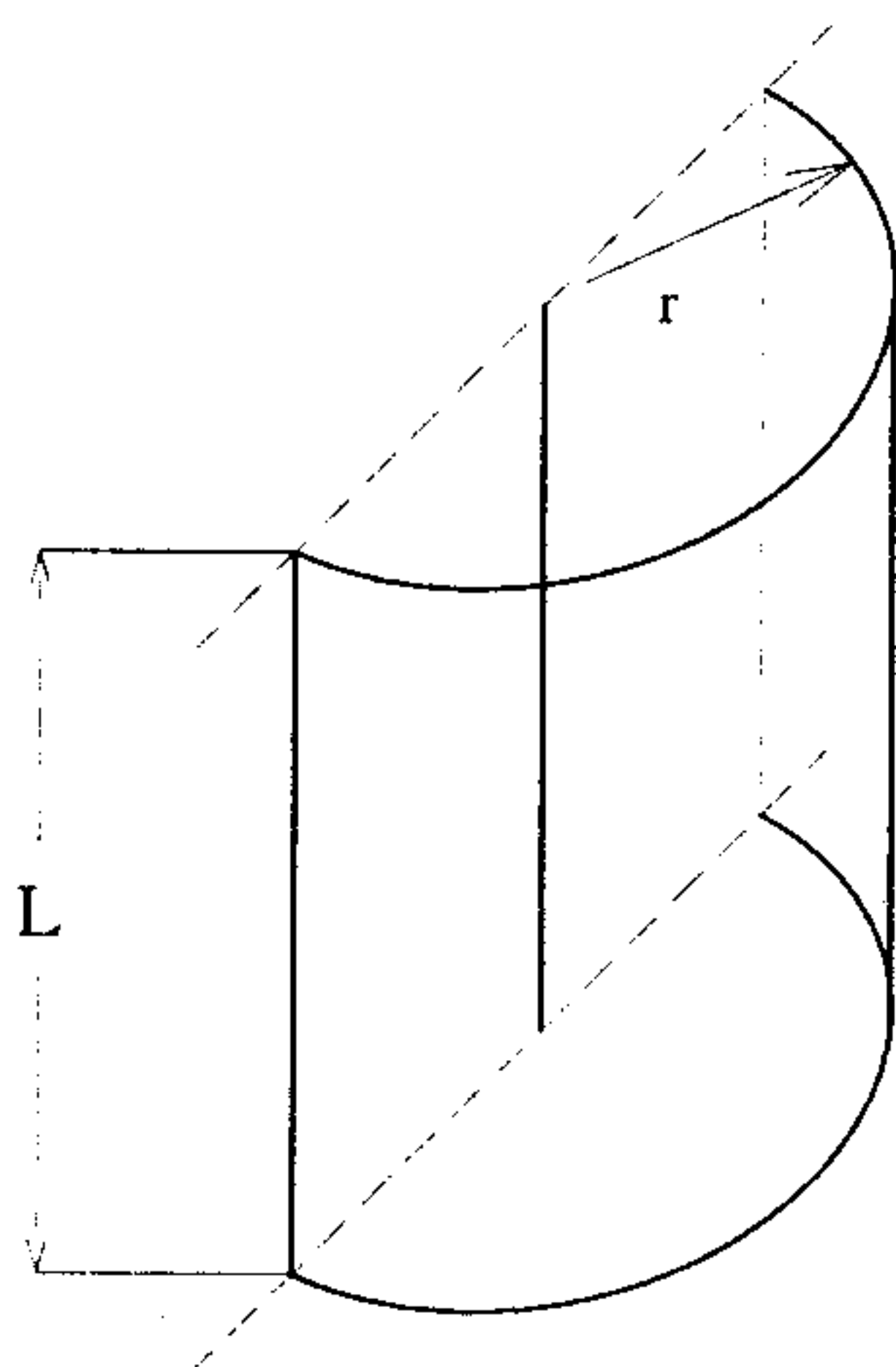
نیست بنابراین سریعاً گزینه صحیح ۲ قابل تشخیص است.

$$L = 10 \text{ Cm} = 0.1 \text{ m} \quad (۴-۶)$$

$$r = 25 \text{ Cm} = 0.25 \text{ m}$$

$$\text{مساحت سطح نیم استوانه} = (\pi r) L = \pi (0.25)(0.1)$$

$$I = \frac{\text{توان}}{\text{مساحت}} = \frac{0.25 \text{ (J/s)}}{\pi(0.25)(0.1) \text{ m}^2} = \frac{10 \text{ J}}{\pi \text{ m}^2 \text{ s}} \approx 3/2 \frac{\text{J}}{\text{m}^2 \text{ s}}$$



$$A = \frac{S}{\cos \theta} = \frac{S}{\cos 30^\circ} = \frac{2S}{\sqrt{3}} \quad (3-7)$$

چنان چه متوسط شدت در سطح مایع برابر x باشد داریم :

$$(x) \left(\frac{2S}{\sqrt{3}} \right) = IA \Rightarrow x = \left(\frac{\sqrt{3}}{2} \right) \left(\frac{IA}{S} \right)$$

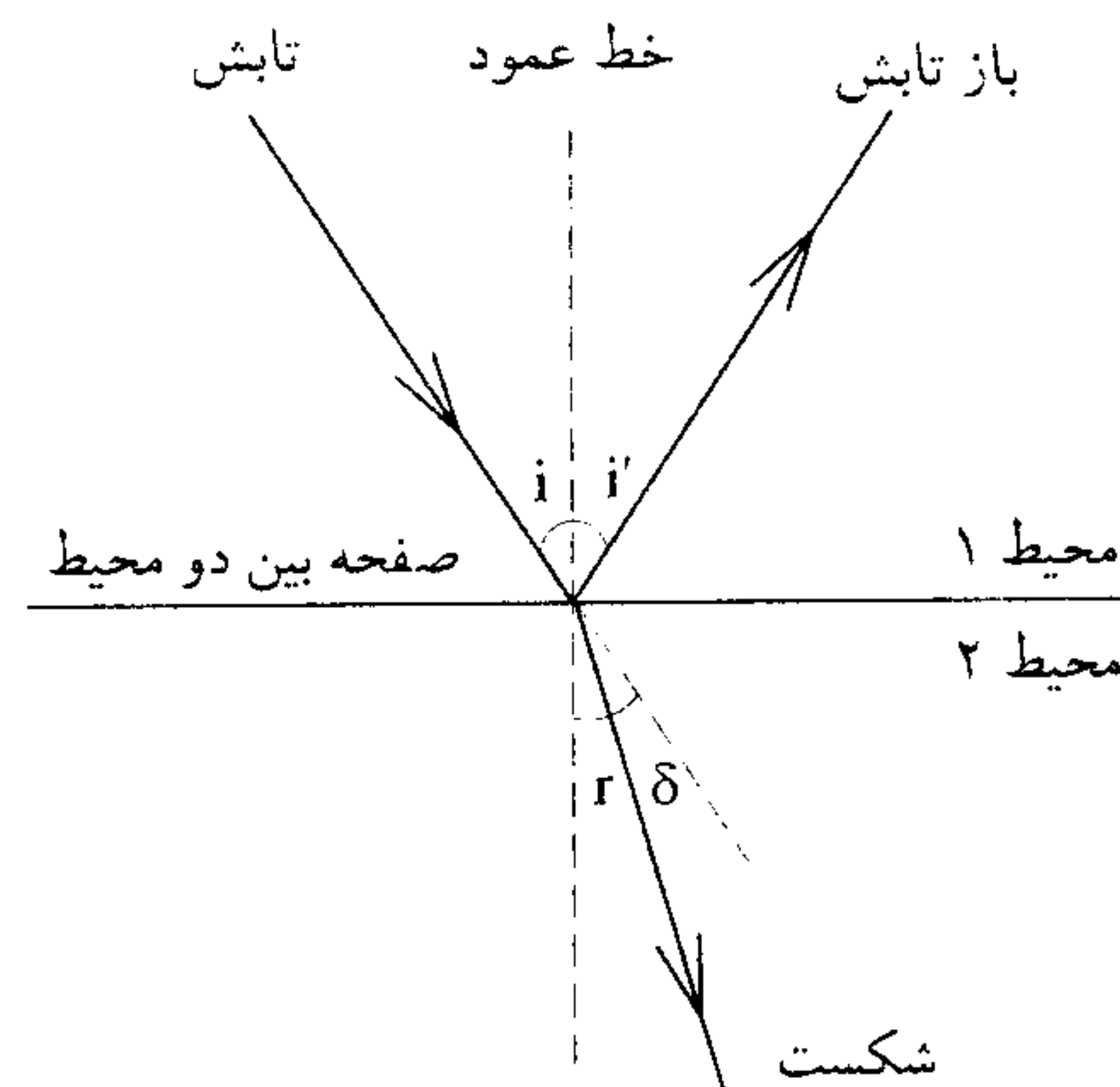
1. The first part of the document is a list of names and titles, including the names of the authors and the titles of their respective works. This list is organized in a structured manner, likely serving as a table of contents or a reference list for the document.

فصل دوم

بازتابش و شکست ، امواج تخت و سطوح تخت

۱-۲ بازتابش و شکست

باریکه فرودی نور را در نظر می‌گیریم که بر سطح تخته جداکننده دو محیط (مثل هوا و آب) فرود می‌آید. زاویه تابش i ، زاویه بازتابش i' و زاویه شکست r به ترتیب زاویه‌هایی هستند که میان خط عمود بر صفحه جدایی دو محیط و پرتوهای تابش، بازتابش و شکست تشکیل می‌شوند.



قوانین بازتابش

الف) پرتو تابش، پرتو بازتابش و خط عمود در یک صفحه‌اند.

ب) زاویه تابش و زاویه بازتابش با یکدیگر برابرند $i = i'$.

قوانین شکست

الف) پرتو تابش، پرتو شکست و خط عمود در یک صفحه‌اند.

ب) نسبت سینوس زاویه تابش به سینوس زاویه شکست مقدار ثابتی است.
 نکته : اگر چه قوانین بازتابش و قوانین شکست را می‌توان به صورت تجربی بررسی و اثبات کرد، هر دو را می‌توان بر اساس اصل هویگنس و اصل فرما به دست آورد.

۲-۲ قانون اسنل

قانون مربوط به شکست را اسنل به صورت تجربی کشف کرد :

$$\frac{\sin i}{\sin r} = n_{21}$$

n_{21} مقدار ثابتی است که آن را ضریب شکست محیط ۲ نسبت به محیط ۱ گویند.

۲-۳ ضریب شکست

ضریب شکست یک محیط (و یا ضریب شکست آن محیط نسبت به خلأ) عبارت است از سرعت نور در خلأ نسبت به سرعت نور در آن محیط :

$$n = \frac{c}{v}$$

$$n_{21} = \frac{n_2}{n_1} = \frac{\frac{c}{v_2}}{\frac{c}{v_1}} = \frac{v_1}{v_2}$$

بنابراین هر چه ضریب شکست یک محیط بیشتر باشد سرعت نور در آن محیط کمتر است. به عنوان مثال سرعت نور در هوا بیشتر از سرعت نور در آب است بنابراین اگر n_1 ضریب شکست محیط ۱ که در آن نور تحت زاویه i به سطح جداگانه محیط ۱ با محیط ۲ می‌تابد، باشد و n_2 ضریب شکست محیط ۲ باشد که نور با زاویه شکست r نسبت به خط عمود وارد آن می‌شود برای قانون اسنل داریم :

$$\frac{\sin i}{\sin r} = n_{21} = \frac{n_2}{n_1} \Rightarrow n_1 \sin i = n_2 \sin r$$

نور از محیط رقیق وارد محیط غلیظ می‌شود $r < i \Leftarrow n_2 > n_1$

نور از محیط غلیظ وارد محیط رقیق می‌شود $r > i \Leftarrow n_2 < n_1$

$\delta = |i - r|$ میزان انحراف نور در عبور از دو محیط

اما در مورد طول موج و فرکانس نور عبوری از دو محیط :

فرکانس در عبور از محیطی به محیط دیگر تغییر نمی‌کند اما طول موج تغییر می‌کند. اگر λ .

طول موج نور در خلأ باشد و λ_{n1} طول موج نور در محیطی با ضریب شکست n ، داریم :

$$\begin{cases} \lambda_n v = v = \frac{c}{n} \\ \lambda_o v = c \end{cases}$$

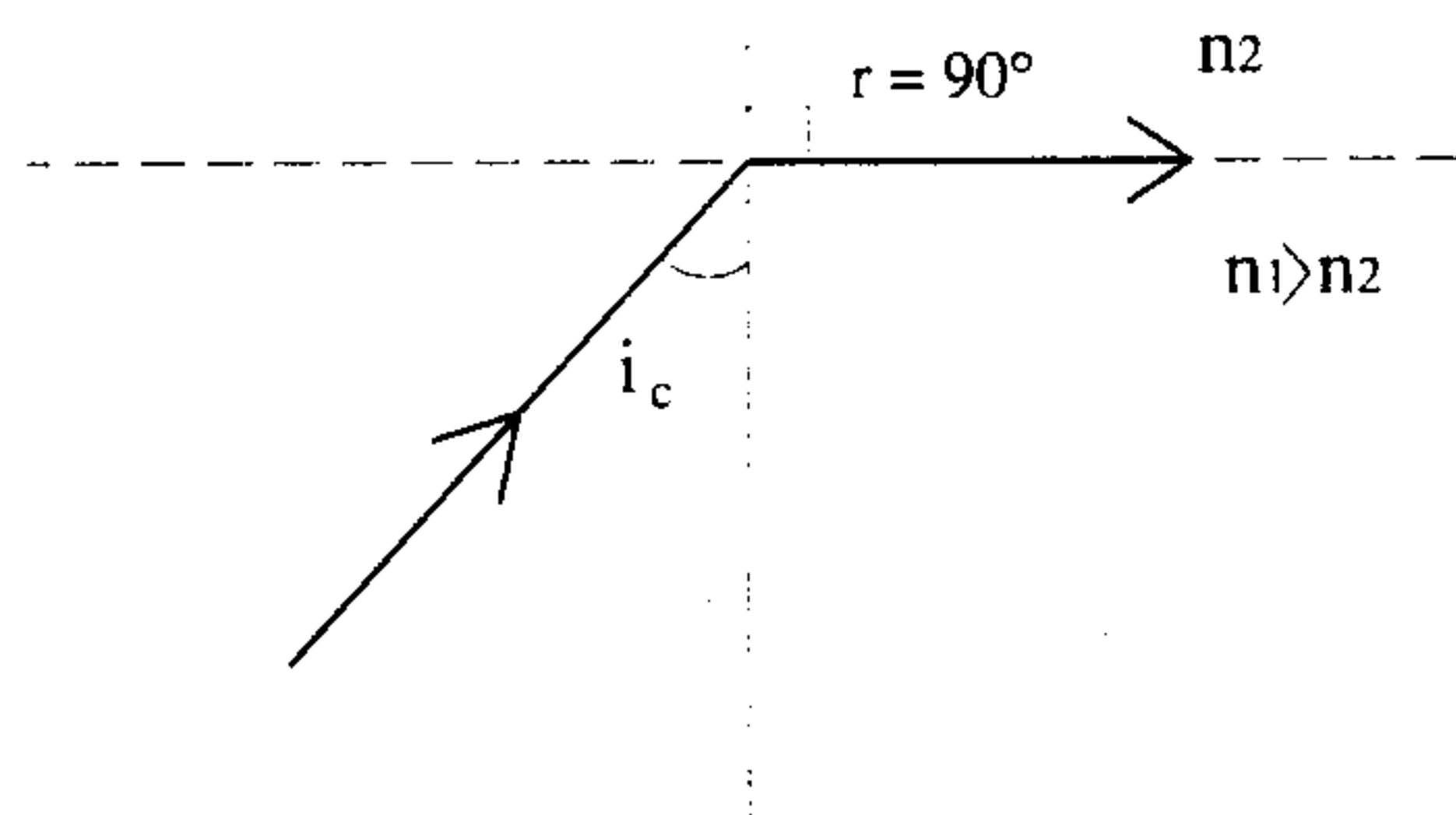
$$\Rightarrow \frac{\lambda_n}{\lambda_o} = \frac{1}{n} \Rightarrow \lambda_n = \frac{\lambda_o}{n} \Rightarrow \frac{\sin i}{\sin r} = \frac{n_2}{n_1} = \frac{v_1}{v_2} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2}$$

* بنابراین هنگامی که یک پرتو رنگی از محیطی وارد محیط دیگر می‌شود فرکانس آن تغییر نمی‌کند (در نتیجه رنگ و انرژی فوتونها تغییر نمی‌کند) اما سرعت و طول موج آن تغییر می‌کند.

۴-۲ زاویه حد و بازتابش داخلی

هنگامی که نور از محیط غلیظ به محیط رقیق بتابد ($n_1 > n_2$) ، زاویه‌ای که در آن نور خارج شده ، مماس بر سطح دو محیط خارج می‌شود ($r = 90^\circ$) زاویه حد نامیده می‌شود (i_c).

$$n_1 \sin i_c = n_2 \sin 90^\circ \Rightarrow i_c = \sin^{-1} \frac{n_2}{n_1}$$

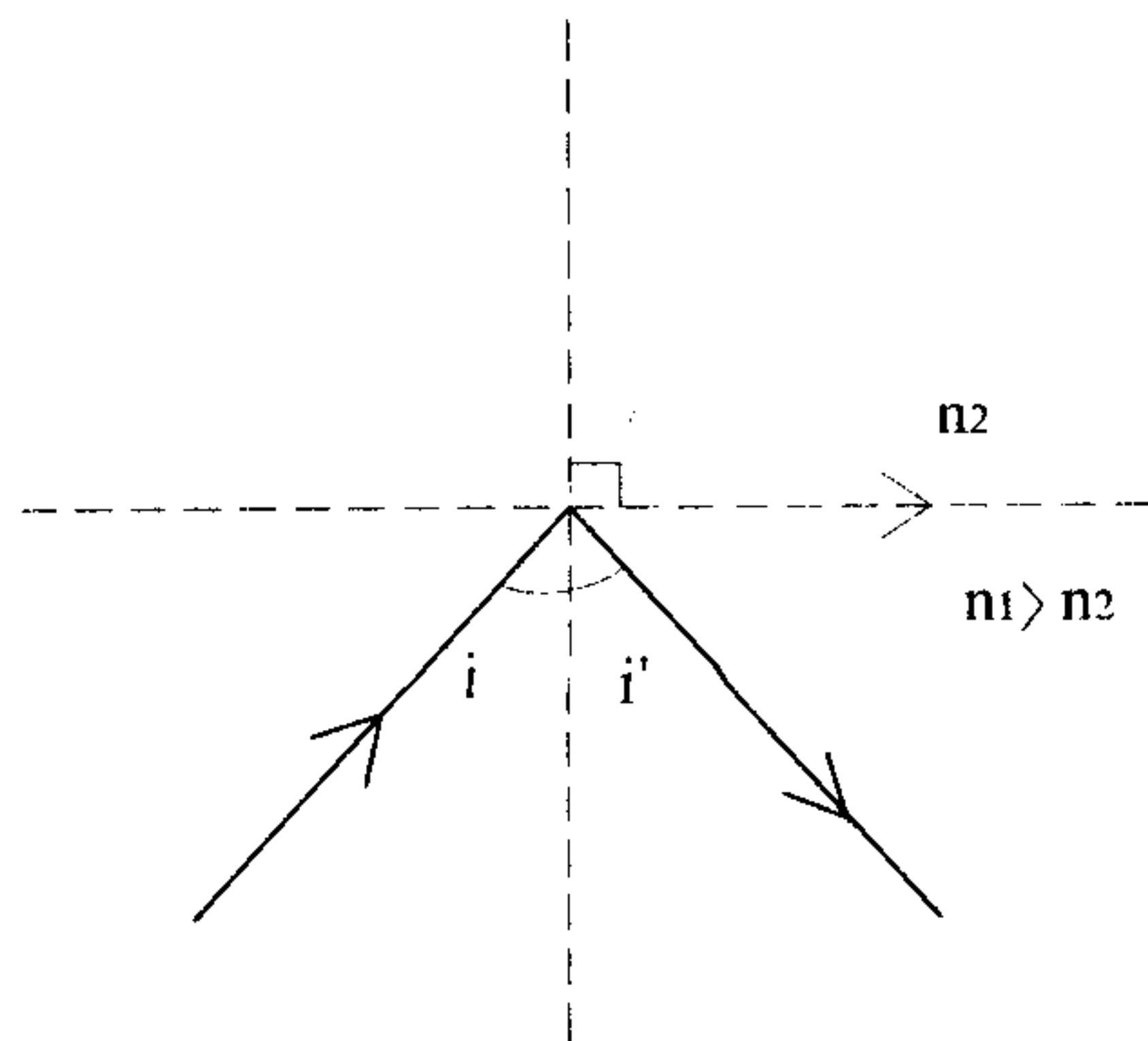


معمولاً محیط ۲ هوا است بنابراین زاویه حد برای محیط ۱ نسبت به هوا عبارت است از :

$$i_c = \sin^{-1} \frac{1}{n_1}$$

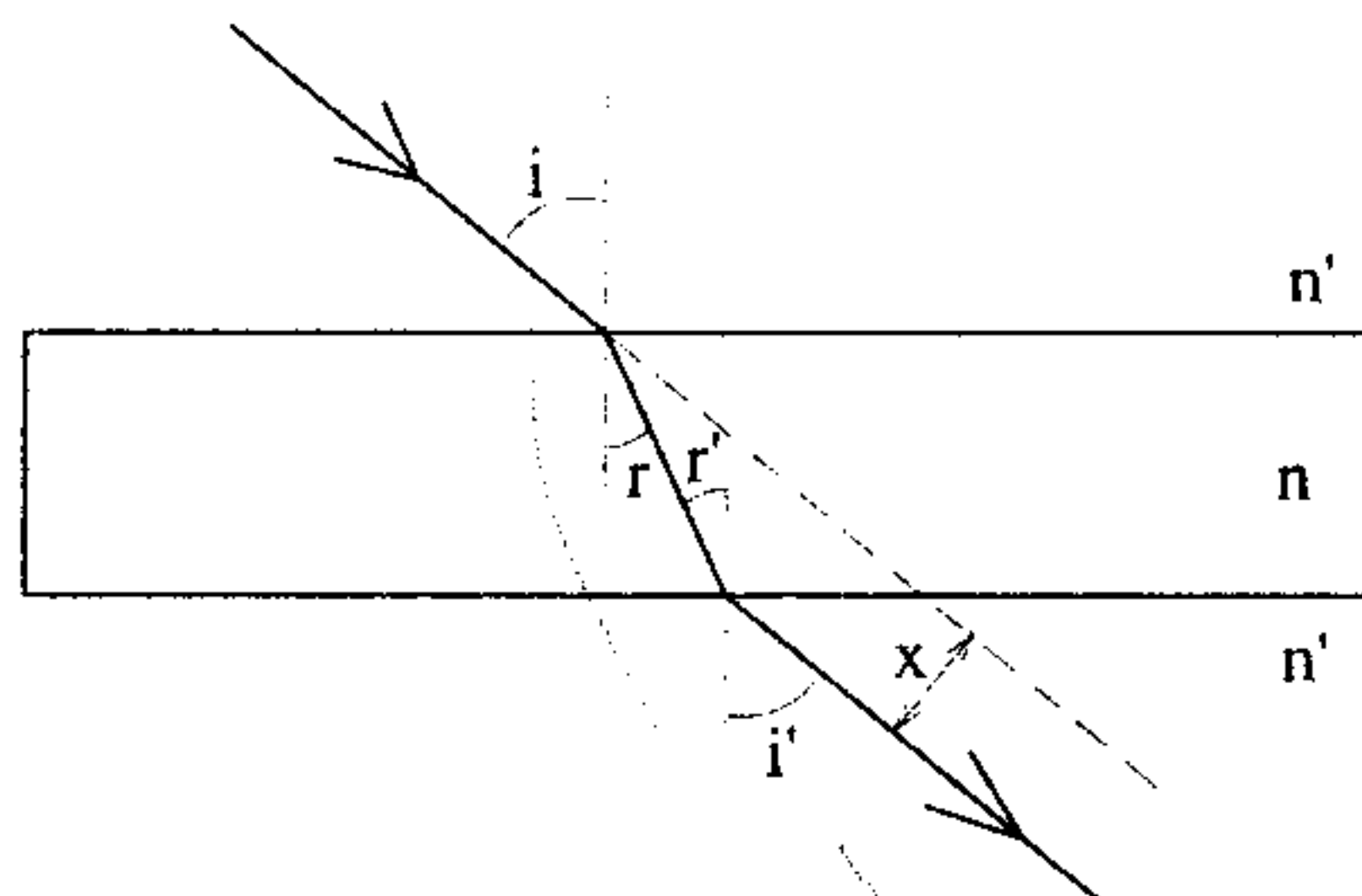
اگر زاویه تابش هنگامی که نور از محیط غلیظ به رقیق می‌تابد بزرگتر از زاویه حد باشد سطح بین دو محیط مانند آینه عمل کرده و نور تحت همان زاویه به محیط غلیظ بازتاب پیدا می‌کند.

$$i > i_c \quad \text{و} \quad i = i'$$



۵-۲ تیغه متوازی السطوح

با استفاده از قانون اسنل می‌توان مسیر نور را در عبور از محیط‌های مختلف به دست آورد. مثالهایی از این مورد بررسی مسیر نور در عبور از تیغه‌های متوازی السطوح و یا منشور می‌باشد. در زیر مسیر نور را در عبور از یک تیغه متوازی السطوح به ضخامت t بررسی می‌کنیم.

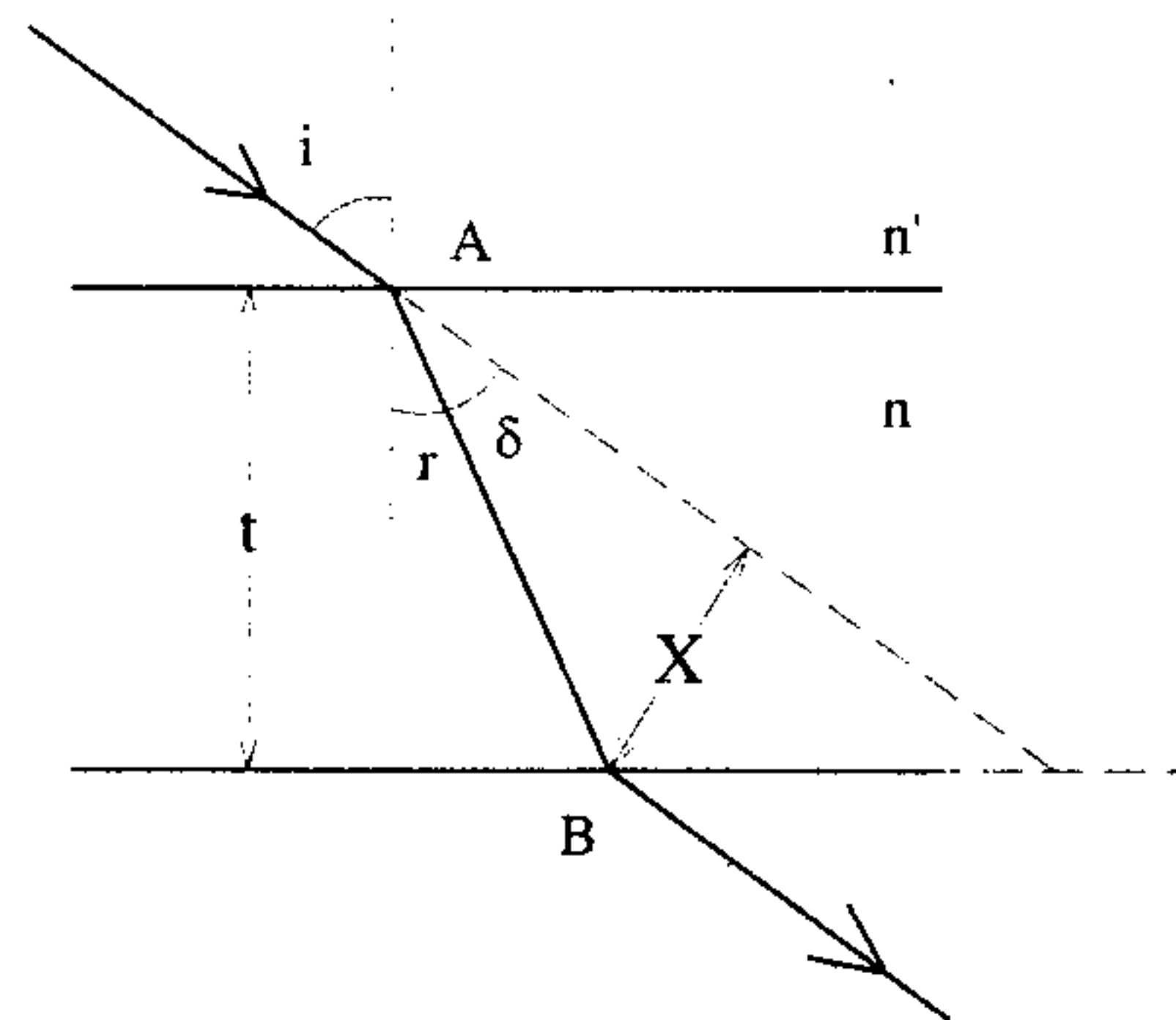


ابتدا حالتی را در نظر می‌گیریم که تیغه متوازی السطوح در محیطی با ضریب شکست n' قرار دارد (شکل بر این اساس رسم شده که $n > n'$ و در نتیجه $r < i$ است).

$$\begin{cases} n' \sin i = n \sin r \\ n \sin r' = n' \sin i' \\ r = r' \end{cases}$$

$$\Rightarrow i = i'$$

بنابراین نور خروجی موازی با نور فرودی است و تنها به اندازه x جا به جا شده است.



$$\left. \begin{aligned} (AB) \cos r = t \quad \text{و} \quad x = (AB) \sin \delta \\ \Rightarrow x = \frac{t}{\cos r} \sin \delta = \frac{t \sin(i-r)}{\cos r} \end{aligned} \right\}$$

برای زوایای کوچک جا به جایی به صورت زیر خواهد بود:

$$\begin{cases} \cos r \approx 1, \sin(i-r) \approx i-r = i - \frac{n'}{n}i \\ n' \sin i = n \sin r \Rightarrow n'i = nr \Rightarrow r = \frac{n'}{n}i \end{cases}$$

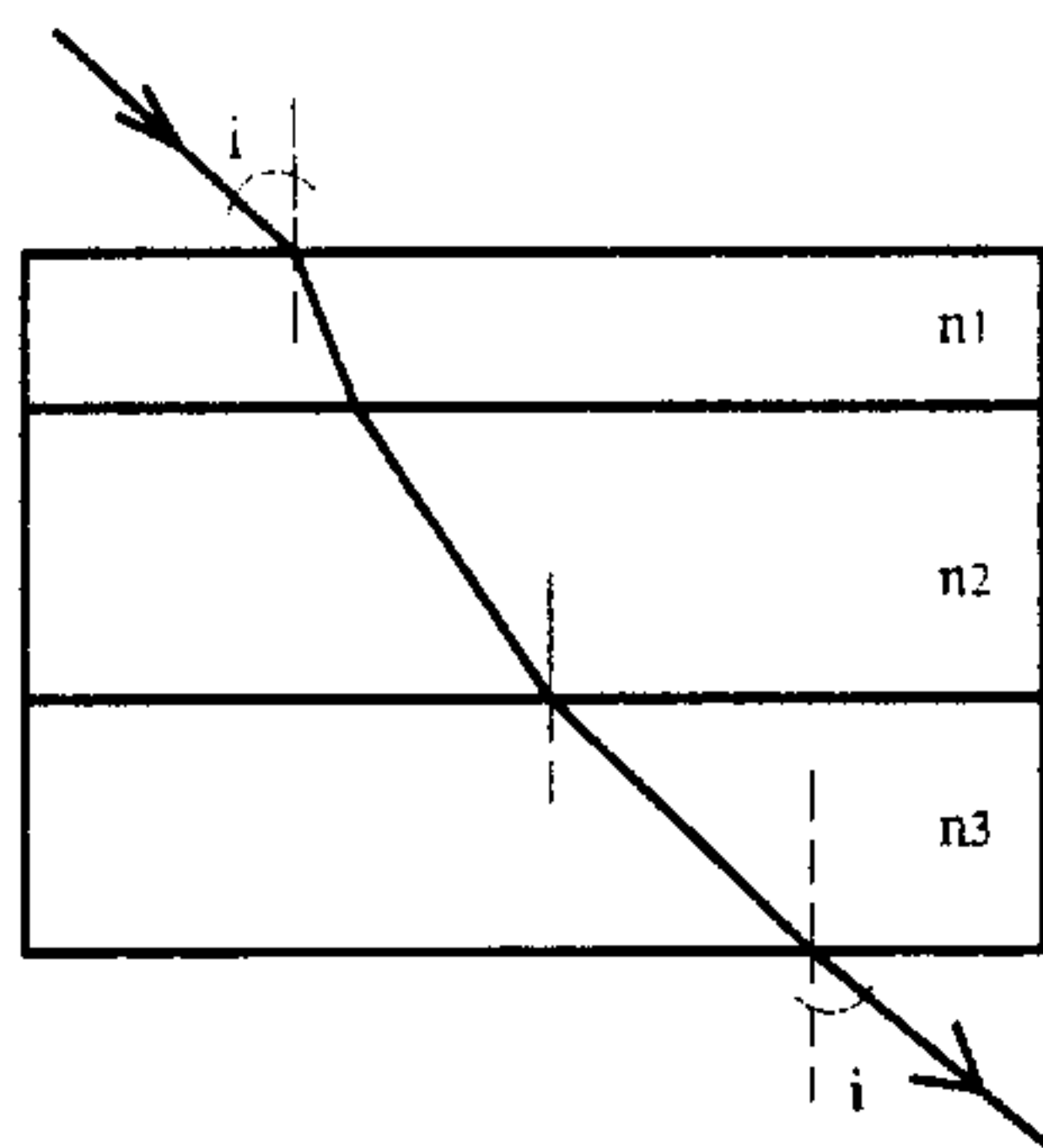
$$\Rightarrow x = \frac{t(i-r)}{1} = ti \left(1 - \frac{n'}{n}\right)$$

معمولاً تیغه‌های متوازی السطوح را در هوا بررسی می‌کنیم $n' = 1$

$$\Rightarrow x = ti \left(1 - \frac{1}{n}\right) = ti \frac{n-1}{n}$$

هندسه سنجید

اگر تیغه از چند لایه با ضریب شکست‌های مختلف تشکیل شده باشد. اگر ضریب شکست دو طرف تیغه برابر باشد باز زاویه ورودی و خروجی با هم برابر و پرتو ورودی با خروجی موازی است.



شکل بر اساس $n_3 < n_2 < n_1$ رسم شده است.

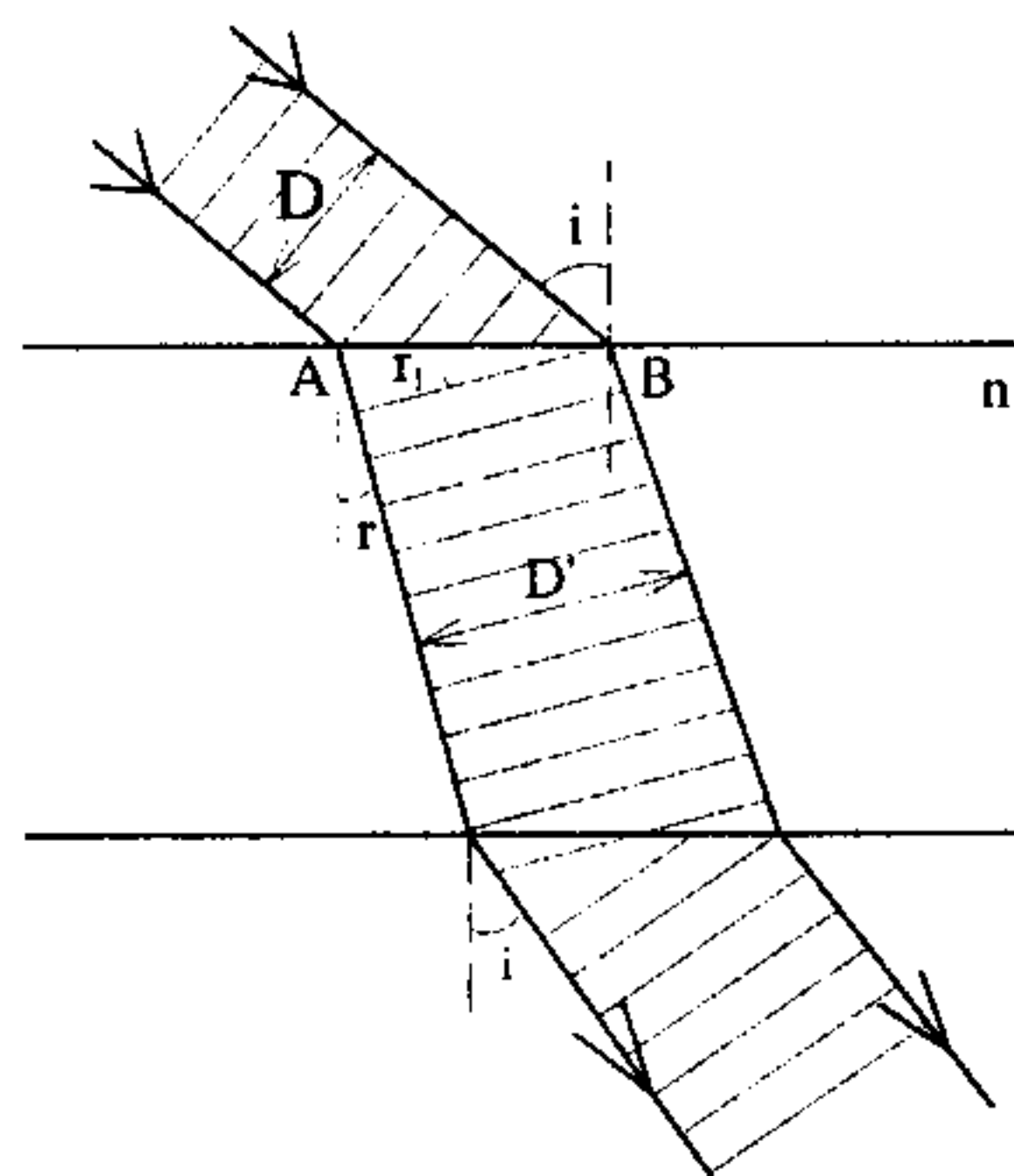
نکته

الف) اگر ضریب شکست تیغه از دو ضریب شکست دو طرف کمتر باشد ($n < n'$) مانند یک لایه هوا میان دو تیغه شیشه، باز پرتو خروجی با ورودی موازی است ولی در محاسبه x به جای $i - r$ داریم $r - i$.

ب) اگر ضریب شکست دو طرف تیغه برابر نباشد نور خروجی با نور ورودی موازی نیست.

عرض پرتو

اگر به جای یک باریکه نور یک پرتو به عرض قابل ملاحظه به تیغه بتابانیم می‌توان تغییر عرض پرتو را در درون تیغه مشاهده کرد D عرض پرتو در بیرون از تیغه (در هوا و $n' = 1$) و D' عرض پرتو در تیغه است.



$$\begin{cases} (AB) \cos i = D \\ (AB) \cos r = D' \end{cases} \Rightarrow D' = D \frac{\cos r}{\cos i}$$

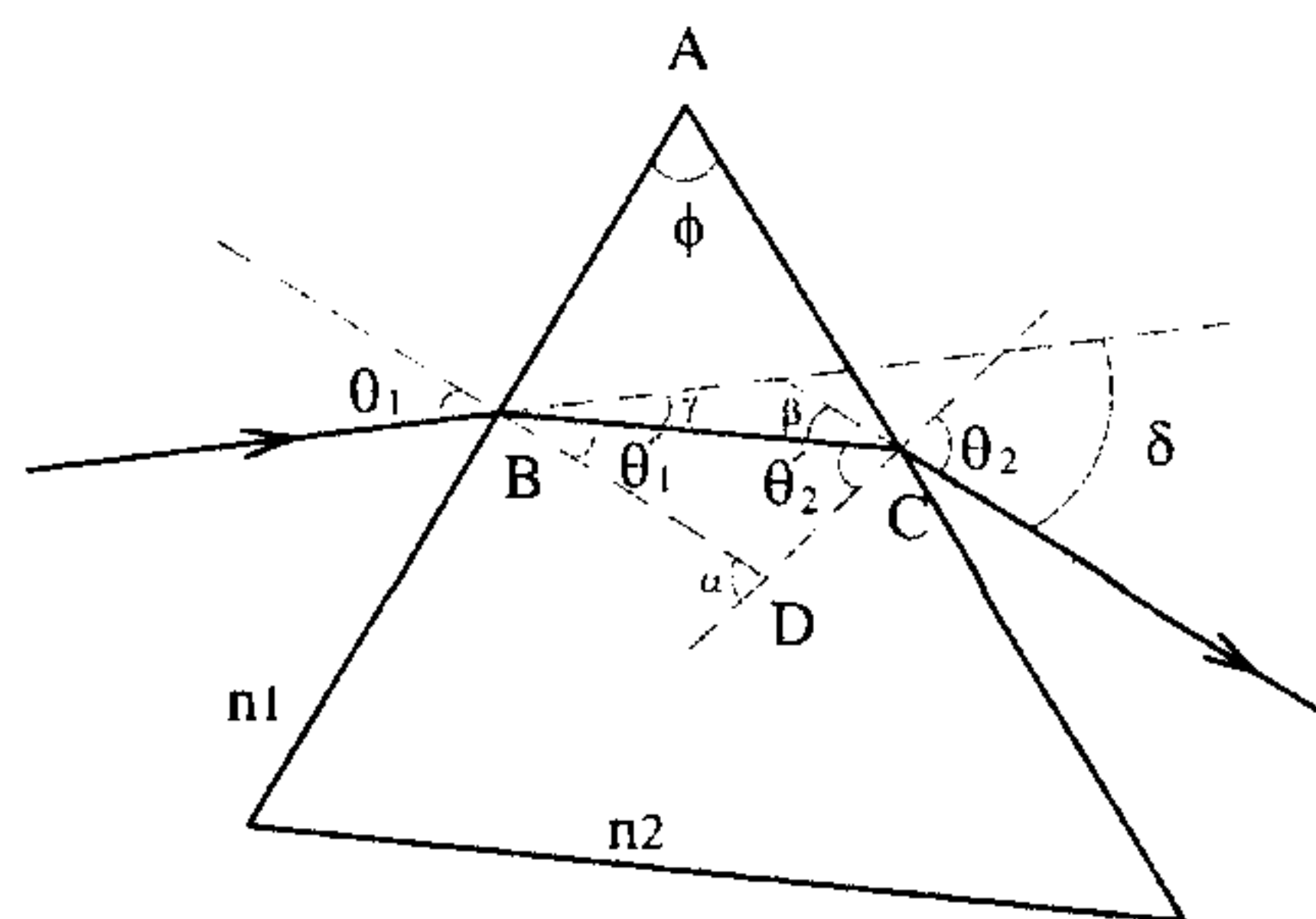
تغییر عرض

۶-۲ منشور

نور تحت زاویه θ_1 نسبت به خط عمود به منشور می‌تابد. مسیر نور را بررسی می‌کنیم. ϕ زاویه

رأس منشور است. منشور دارای ضریب شکست n_2 و

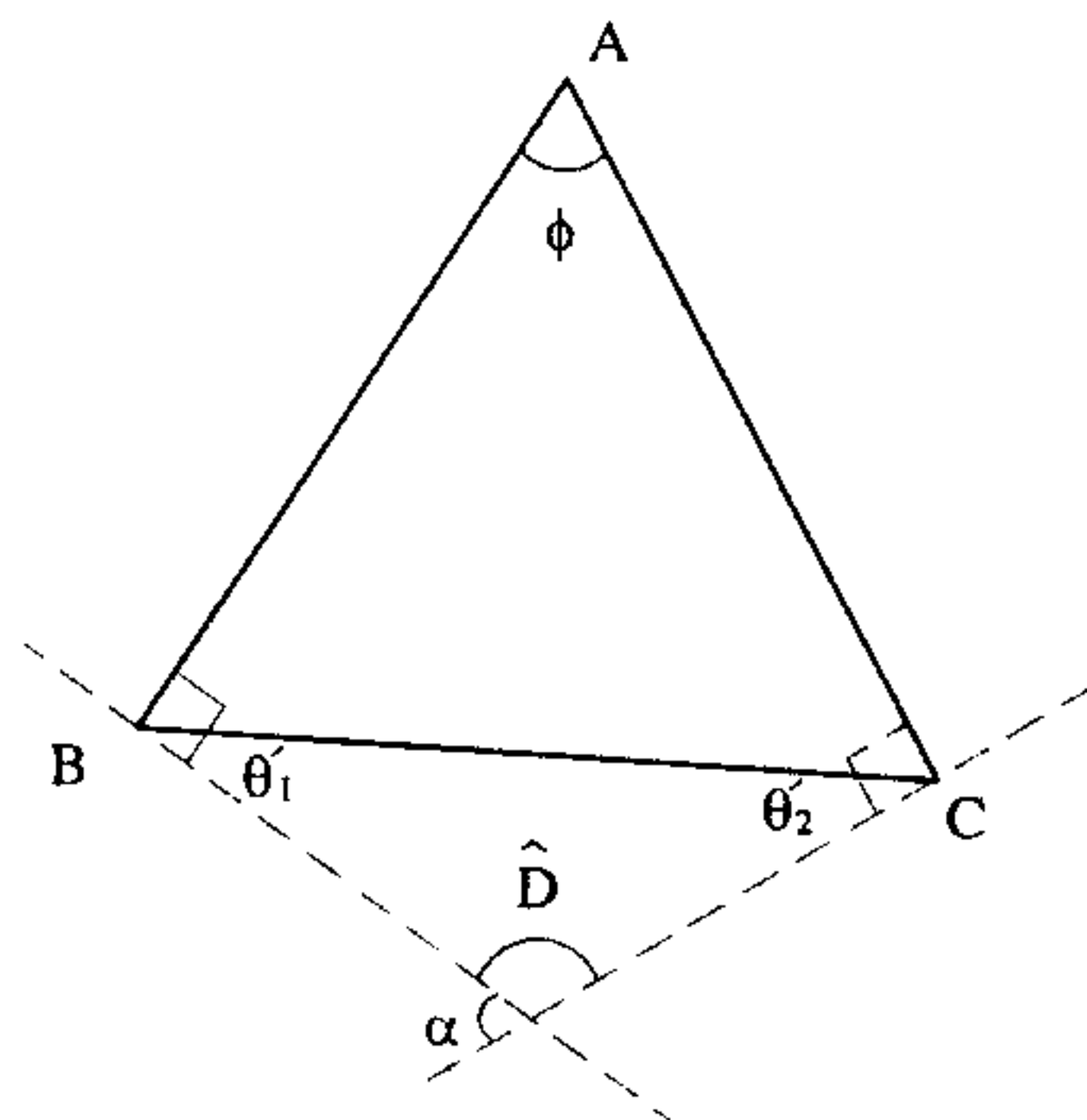
ضریب شکست محیط اطراف n_1 است.



شکست در وجه اول $n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta'_1$
 شکست در وجه دوم $n_2 \sin \theta'_2 = n_2 \sin \theta_2$
 میزان انحراف اول $\gamma = \theta_1 - \theta'_1$ و میزان انحراف دوم $\beta = \theta_2 - \theta'_2$
 انحراف کل $\delta = \gamma + \beta = \delta = (\theta_1 + \theta_2) - (\theta'_1 + \theta'_2)$

اگر چهار ضلعی ABCD را در نظر بگیریم $\hat{B} = \hat{C} = 90^\circ$ و چون $\hat{\phi} + \hat{B} + \hat{C} + \hat{D} = 360^\circ$

بنابراین $\hat{\phi} + \hat{D} = 180^\circ$



$$\begin{cases} \hat{\phi} + \hat{D} = 180^\circ \\ \hat{\theta}'_1 + \hat{\theta}'_2 = \hat{\alpha} \end{cases} \Rightarrow \hat{\phi} = \hat{\theta}'_1 + \hat{\theta}'_2$$

$$\delta = (\theta_1 + \theta_2) - \phi$$

نکته

الف) معمولاً منشور را در هوا بررسی می‌کنیم و $n_1 = 1$ و $n_2 = n$.
 ب) اگر منشور نازک (ϕ کوچک) باشد و فرود نور تقریباً عمودی باشد (θ_1 کوچک) زاویه انحراف بستگی به زاویه فرود ندارد و مساوی با $\phi(n-1)$ است:

$$n_1 = 1 \text{ و } n_2 = n \Rightarrow 1 \times \sin \theta_1 = n \sin \theta'_1 \Rightarrow \theta_1 = n \theta'_1$$

به همین ترتیب $\theta_2 = n \theta'_2$ بنابراین:

$$\delta = (\theta_1 + \theta_2) - (\theta'_1 + \theta'_2) = n(\theta'_1 + \theta'_2) - (\theta'_1 + \theta'_2) = (n-1)(\theta'_1 + \theta'_2) = (n-1)\phi$$

هر چه ضریب شکست منشور برای طول موج خاصی بیشتر باشد انحراف نور با طول موج مربوطه بیشتر است.

ج) منشور در حالت مینیمم انحراف

اگر زاویه تابش را تغییر دهیم، زاویه انحراف کل δ تغییر می‌کند. در حالتی که δ به حداقل خود می‌رسد منشور در مینیمم انحراف است. در این حالت:

$$\begin{cases} \theta_1 = \theta_2 \\ \theta'_1 = \theta'_2 \end{cases} \quad \phi = \theta'_1 + \theta'_2 \Rightarrow \theta'_1 = \theta'_2 = \frac{\phi}{2}$$

$$\delta = (\theta_1 + \theta_2) - \phi = 2\theta_1 - \phi \Rightarrow \theta_1 = \frac{\delta + \phi}{2}$$

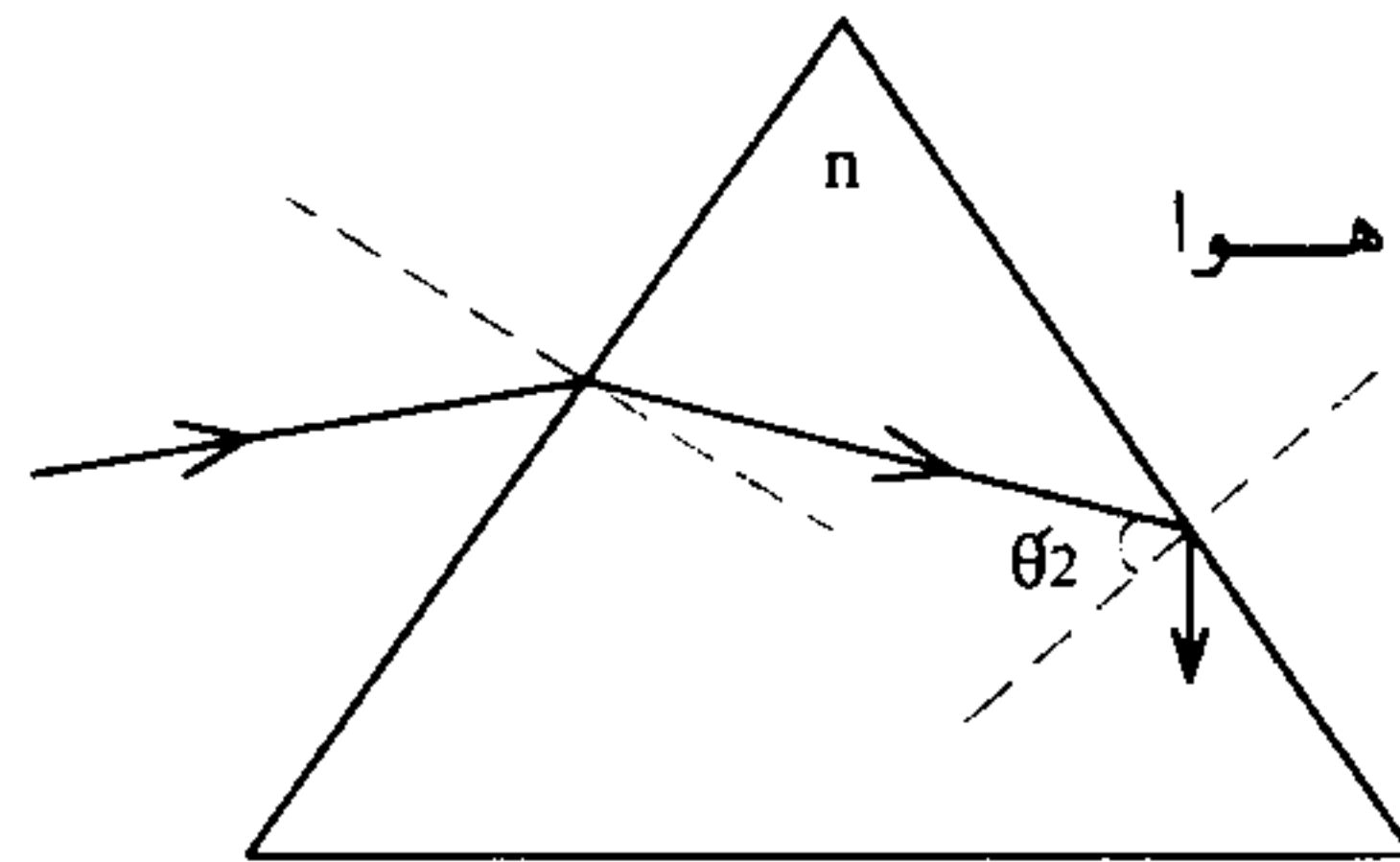
$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta'_1 \Rightarrow \frac{n_2}{n_1} = \frac{\sin \theta_1}{\sin \theta'_1} = \frac{\sin \frac{\delta_{\min} + \phi}{2}}{\sin \frac{\phi}{2}}$$

بنابراین برای منشوری با ضریب شکست n که در هوا قرار دارد:

$$n = \frac{\sin \frac{\delta_{\min} + \phi}{2}}{\sin \frac{\phi}{2}}$$

(د) توجه به زاویه حد

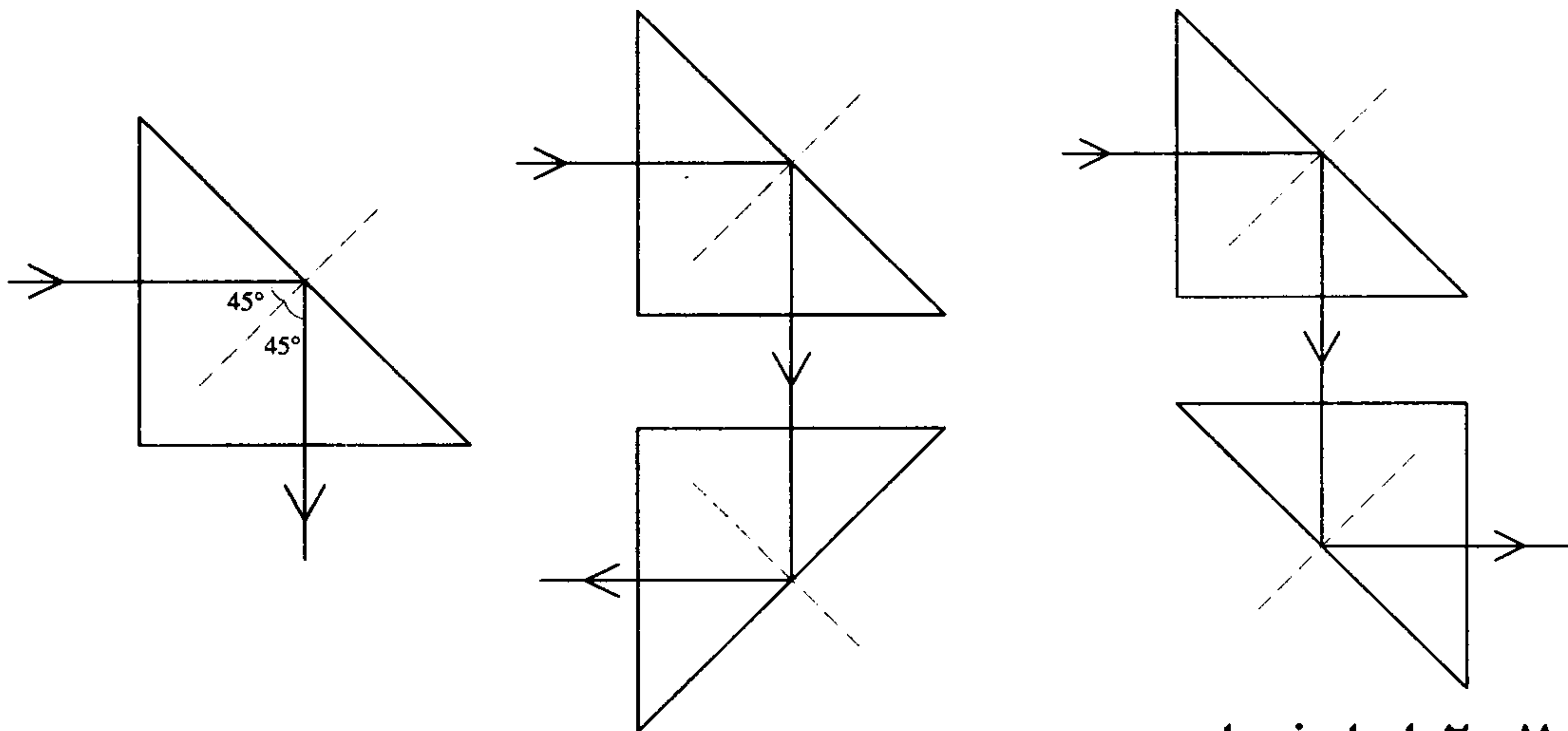
در بررسی مسیر نور در یک منشور باید توجه داشت که زاویه حد منشور با توجه به محیط بیرونی چیست. به عنوان مثال اگر ضریب شکست منشور $n_2 = n$ و منشور در هوا باشد $n_1 = 1$ ، زاویه حد $i_c = \sin^{-1} \frac{1}{n}$ است. اگر زاویه تابش به وجه دوم از زاویه حد بیشتر باشد نور به سمت وجه دیگر منشور بازتاب داخلی پیدا می کند.



$$\theta_2 > i_c = \sin^{-1} \frac{1}{n}$$

از بازتابش کلی در منشورها می توان برای انحراف نور تحت زوایای 90° یا 180° و یا جا به جایی مسیر نور استفاده کرد. برای این کار از منشورهای قائم الزاویه از جنس شیشه استفاده می کنیم :

$$n = 1/52 \Rightarrow i_c = \sin^{-1} \frac{1}{n} \approx 42^\circ$$



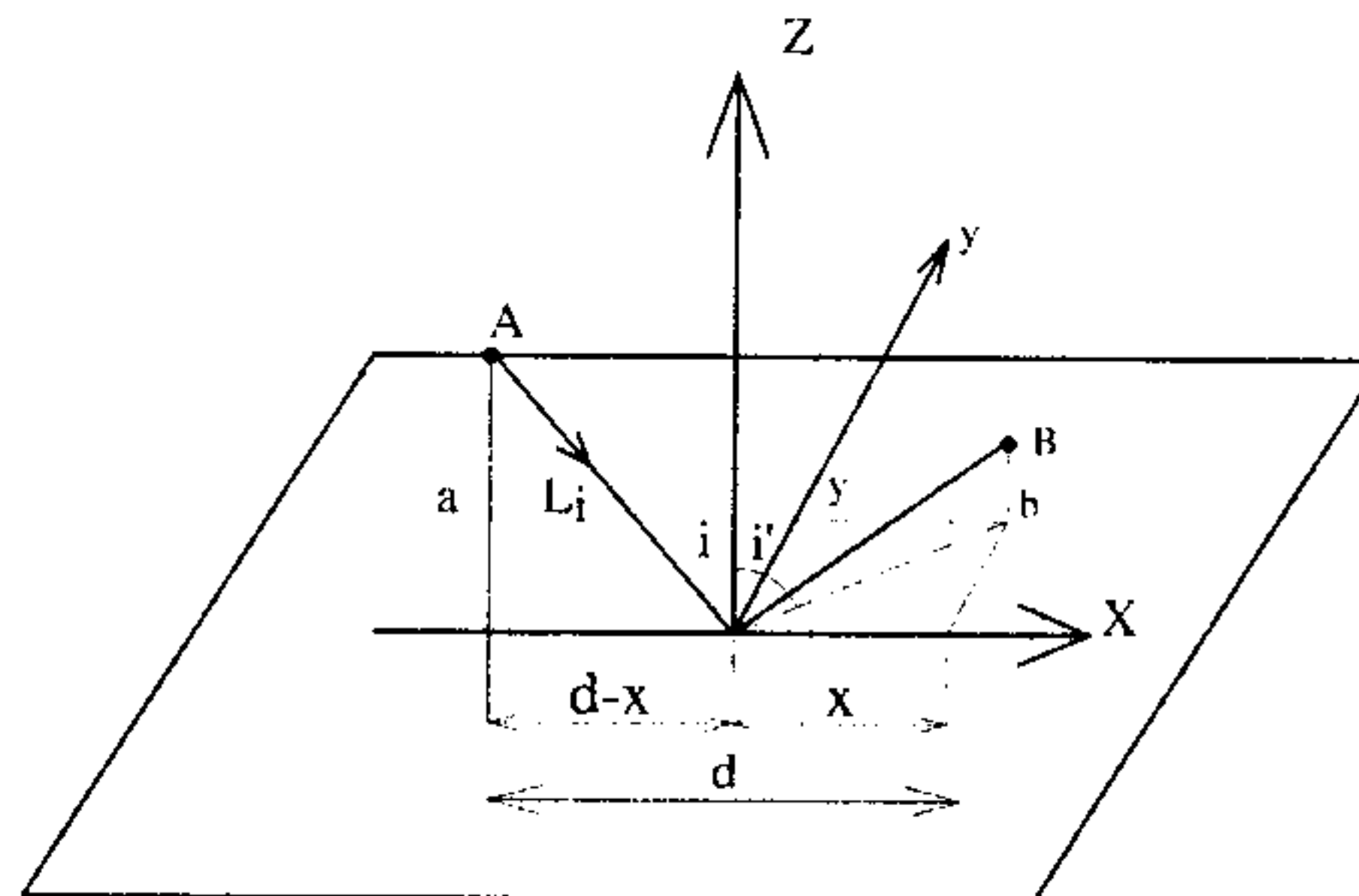
۷-۲ اصل فرما

پرتو نور در عبور از یک نقطه به نقطه دیگر چنان مسیری را دنبال می کند که زمان لازم برای طی آن، در مقایسه با مسیرهای مجاور، یا مینیمم باشد یا ماکزیمم و یا تغییر نکند.

به عنوان مثال فرض می‌کنیم نور آمده از A در صفحه ZX به آینه‌ای که در صفحه yx قرار دارد

برخورد کند و به نقطه B برود

$$t = \frac{l_1}{c} + \frac{l_2}{c} = \frac{l_1 + l_2}{c}$$



$$\frac{dt}{dx} = 0, \quad \frac{dt}{dy} = 0$$

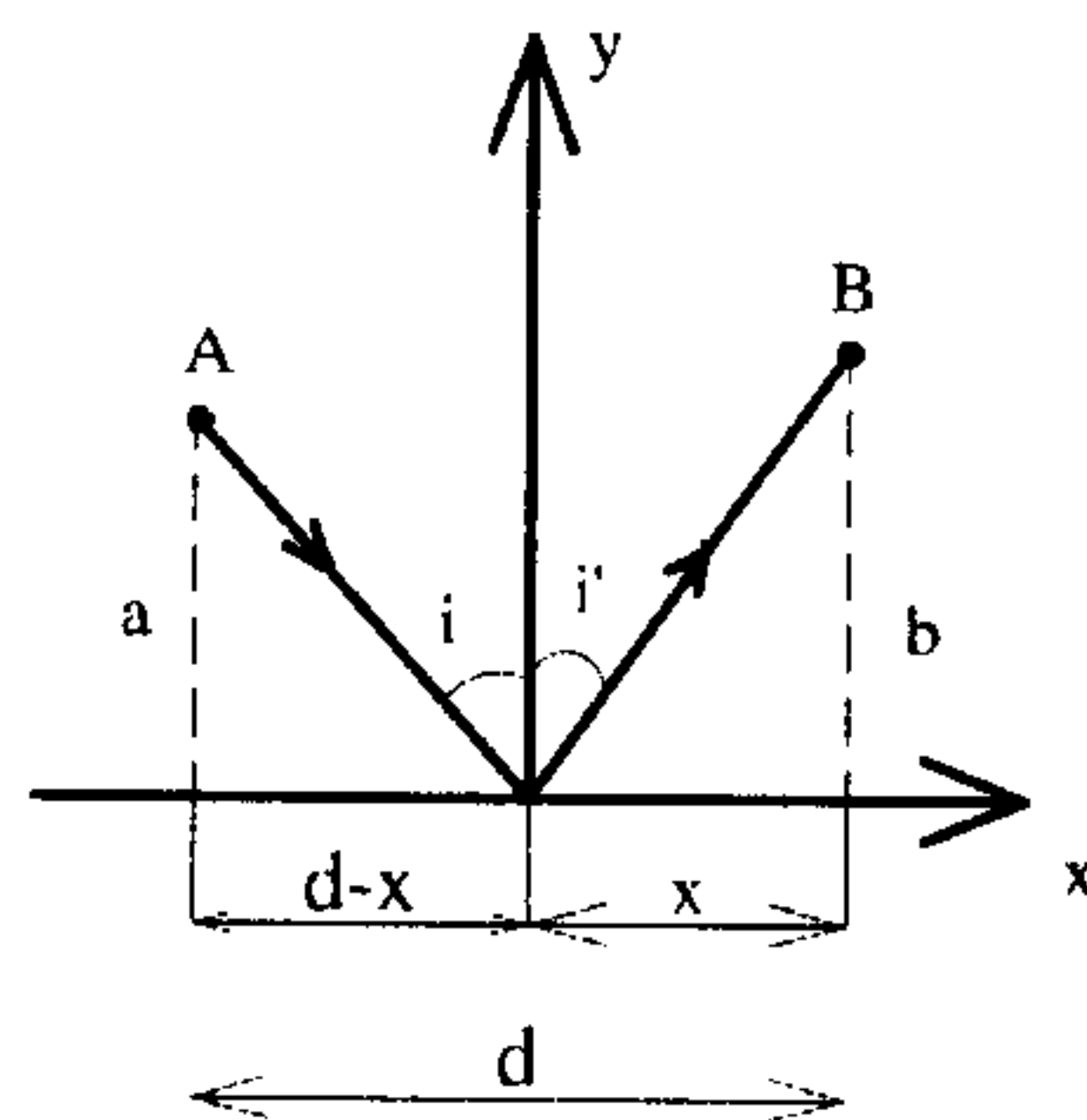
همان گونه که از اصل فرما داریم:

$$l_1 + l_2 = \sqrt{a^2 + (d-x)^2} + \sqrt{b^2 + x^2 + y^2}$$

$$\frac{dt}{dy} = 0 \Rightarrow \frac{d(l_1 + l_2)}{dy} = 0 \Rightarrow 0 + \frac{2y}{2\sqrt{b^2 + x^2 + y^2}} = 0 \Rightarrow y = 0$$

بنابراین پرتو نور آمده در صفحه ZX در صفحه ZX نیز بازتاب پیدا می‌کند و به عبارتی پرتو

تابش، بازتابش و خط عمود در یک صفحه‌اند.



$$\frac{dt}{dx} = 0 \Rightarrow \frac{d(l_1 + l_2)}{dx} = \frac{-2(d-x)}{2\sqrt{a^2 + (d-x)^2}} + \frac{2x}{2\sqrt{b^2 + x^2}} = 0$$

$$\Rightarrow \frac{d-x}{\sqrt{a^2 + (d-x)^2}} = \frac{x}{\sqrt{b^2 + x^2}} \Rightarrow \sin i = \sin i' \Rightarrow i = i'$$

(البته چون $i' < 90^\circ$ است از برابری سینوسها، برابری زاویه‌ها را نتیجه گرفتیم).

۸-۲ راه نوری

اگر نور مسافت d را در محیطی با ضریب شکست n و در مدت زمان t طی کند، راه نوری عبارت

است از مسافتی که نور در همان مدت زمان t در خلأ طی می‌کند. اگر سرعت نور در محیط با

ضریب شکست n باشد، برای راه نوری داریم:

$$L = ct = c\left(\frac{d}{u}\right) = \left(\frac{c}{u}\right)d = nd$$

به عنوان مثال، اگر دو پرتو نور (با طول موج یکسان در خلاء) پس از آنکه یکی از امواج مسافت d_1 را در محیطی با ضریب شکست n_1 و موج دیگر مسافت d_2 را در محیطی با ضریب شکست n_2 تلاقی کنند داریم :

$$\begin{aligned} \text{اختلاف فاز} &= \frac{2\pi}{\lambda_1} d_1 - \frac{2\pi}{\lambda_2} d_2 = \frac{2\pi}{\left(\frac{\lambda}{n_1}\right)} d_1 - \frac{2\pi}{\left(\frac{\lambda}{n_2}\right)} d_2 \\ &= \frac{2\pi}{\lambda} (n_1 d_1 - n_2 d_2) = \frac{2\pi}{\lambda} (l_1 - l_2) \end{aligned}$$

که λ طول موج دو موج در خلاء است.

۹-۲ پرسشهای چندگزینه‌ای

۱- ضریب شکست یک محیط شفاف نسبت به هوا برای نور با طول موج مشخص مساوی است با نسبت :
(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۷۷)

۱- سرعت انتشار نور برای آن طول موج در محیط شفاف به سرعت انتشار آن در هوا

۲- طول موج نور در هوا به طول موج آن در محیط شفاف

۳- فرکانس نور در هوا به فرکانس آن در محیط شفاف

۴- فرکانس نور در محیط شفاف به فرکانس آن در هوا

۲- کدام یک از گزاره‌های زیر صحیح است ؟
(کنکور کارشناسی ارشد فلسفه علم ۸۱)

۱- سرعت نور در هوا بیشتر از سرعت نور در آب است.

۲- سرعت نور در هوا کمتر از سرعت نور در آب است.

۳- سرعت نور طبق نسبیت خاص در همه محیطها یکی است.

۴- سرعت نور طبق مکانیک نیوتونی در همه محیطها یکی است.

۳- ضریب شکست یک ماده شفاف برابر $\frac{1}{6}$ است. اگر سرعت نور در هوا $\frac{3 \times 10^8 \text{ km}}{\text{s}}$ باشد،

سرعت نور در این ماده شفاف چقدر است ؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک دریا دانشگاه آزاد اسلامی ۸۱)

$$۱۸۷۵۰ \frac{\text{km}}{\text{s}} \quad -۲$$

$$۲۸۷۵۰ \frac{\text{km}}{\text{s}} \quad -۱$$

$$۲۰۵۰۰ \frac{\text{km}}{\text{s}} \quad -۴$$

$$۳۸۷۵۰ \frac{\text{km}}{\text{s}} \quad -۳$$

۴- سرعت نور در هوا و در شیشه به ترتیب 3×10^8 و 2×10^8 متر بر ثانیه است. اگر طول

موج نور مرئی در هوا از ۳۹۰۰ تا ۶۹۰۰ آنگسترم باشد، طول موج نور مرئی در شیشه

..... آنگسترم است .
(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۸۱)

$$۲۶۰۰ \text{ تا } ۴۶۰۰ \quad -۲$$

$$۲۵۰۰ \text{ تا } ۴۵۰۰ \quad -۱$$

$$۵۰۰۰ \text{ تا } ۹۰۰۰ \quad -۴$$

$$۵۰۷۰ \text{ تا } ۸۹۷۰ \quad -۳$$

۵- نور یک لامپ سدیم ($\lambda = 589 \text{ nm}$) در مدت زمان t_1 از یک مخزن گلیسیرین (با ضریب

شکست $\frac{1}{5}$) به طول 20 m عبور می‌کند. اگر همان مخزن را با دی‌سولفید کربن (با

ضریب شکست $\frac{1}{6}$) پر کنیم و نور در مدت t_2 از آن بگذرد اختلاف $t_2 - t_1$ را به دست

آورید.
(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۸۱)

$$\frac{2}{3} \times 10^{-6} \quad -۴$$

$$3 \times 10^{-6} \quad -۳$$

$$\frac{2}{3} \times 10^{-8} \quad -۲$$

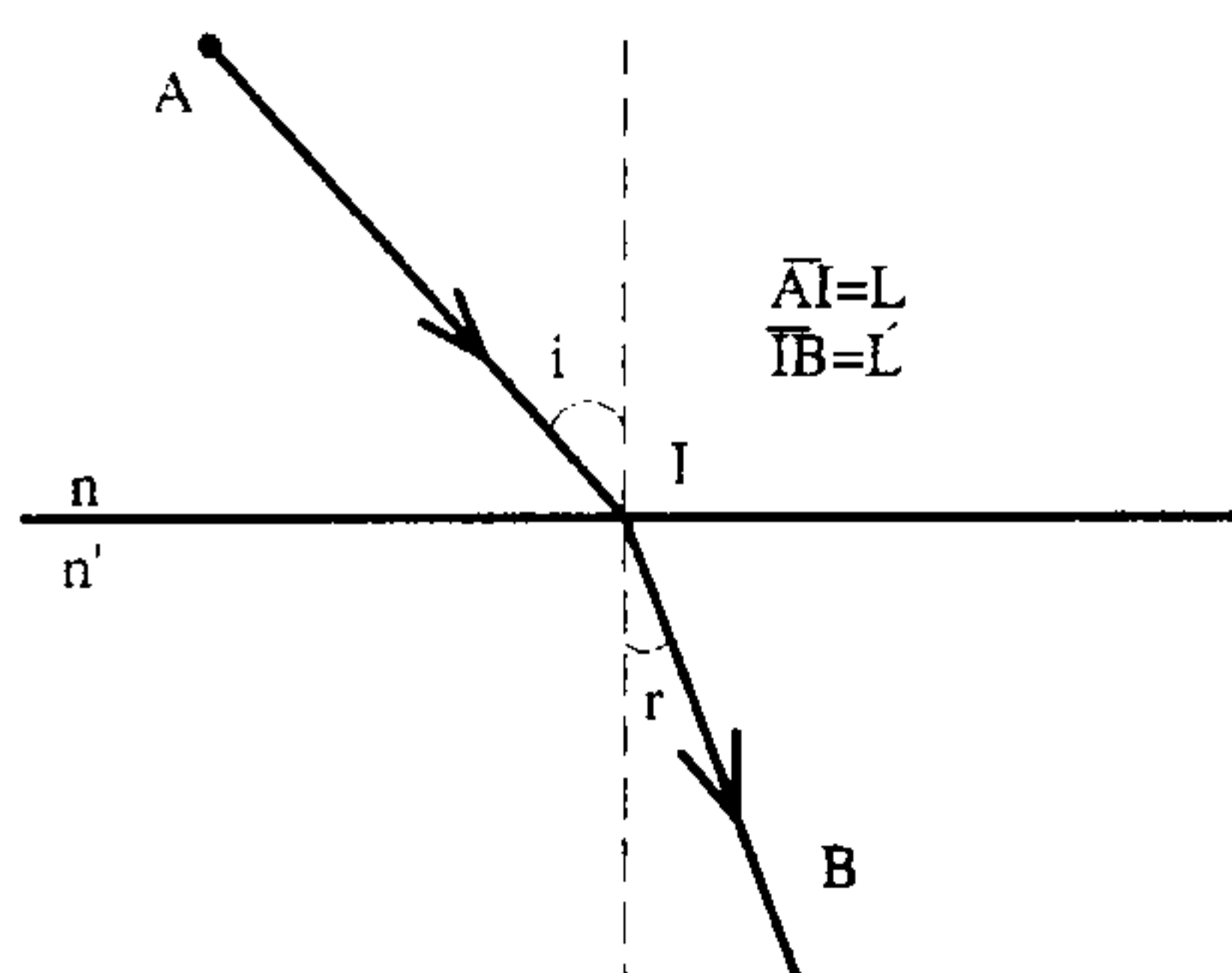
$$\frac{2}{3} \times 10^{-8} \quad -۱$$

۶- اگر پرتو تک رنگی از هوا وارد آب شود، طول موج و انرژی فوتون وابسته به آن به ترتیب چگونه تغییر می کند؟
(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۸)

۱- هر دو افزایش می یابد. ۲- افزایش می یابد - تغییر نمی کند.

۳- کاهش می یابد - تغییر نمی کند. ۴- هر دو کاهش می یابد.

۷- نور از نقطه A در محیطی به ضریب شکست n به نقطه B در محیط دیگر به ضریب شکست n' می رسد. اگر سرعت نور در محیط اول v باشد زمان لازم برای رسیدن نور از A به B چقدر است؟
(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۸۰)



۱- $\frac{1}{v} (l' + \frac{n}{n'} l)$

۲- $\frac{1}{v} (l + \frac{n'}{n} l')$

۳- $\frac{v}{n + n'} (l + l')$

۴- $\frac{1}{v} (l + \frac{n}{n'} l')$

۸- پرتویی در هوا با زاویه ۳۰° (نسبت به قائم) به سطح صاف یک قطعه کوارتز می تابد. این باریکه شامل دو طول موج ۴۰۰ و ۵۰۰ نانومتر است ضریب شکست کوارتز نسبت به هوا برای این طول موجها به ترتیب ۱/۴۷۰۲ و ۱/۴۶۲۴ می باشد. زاویه میان دو باریکه شکست چند درجه است؟
(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۷)

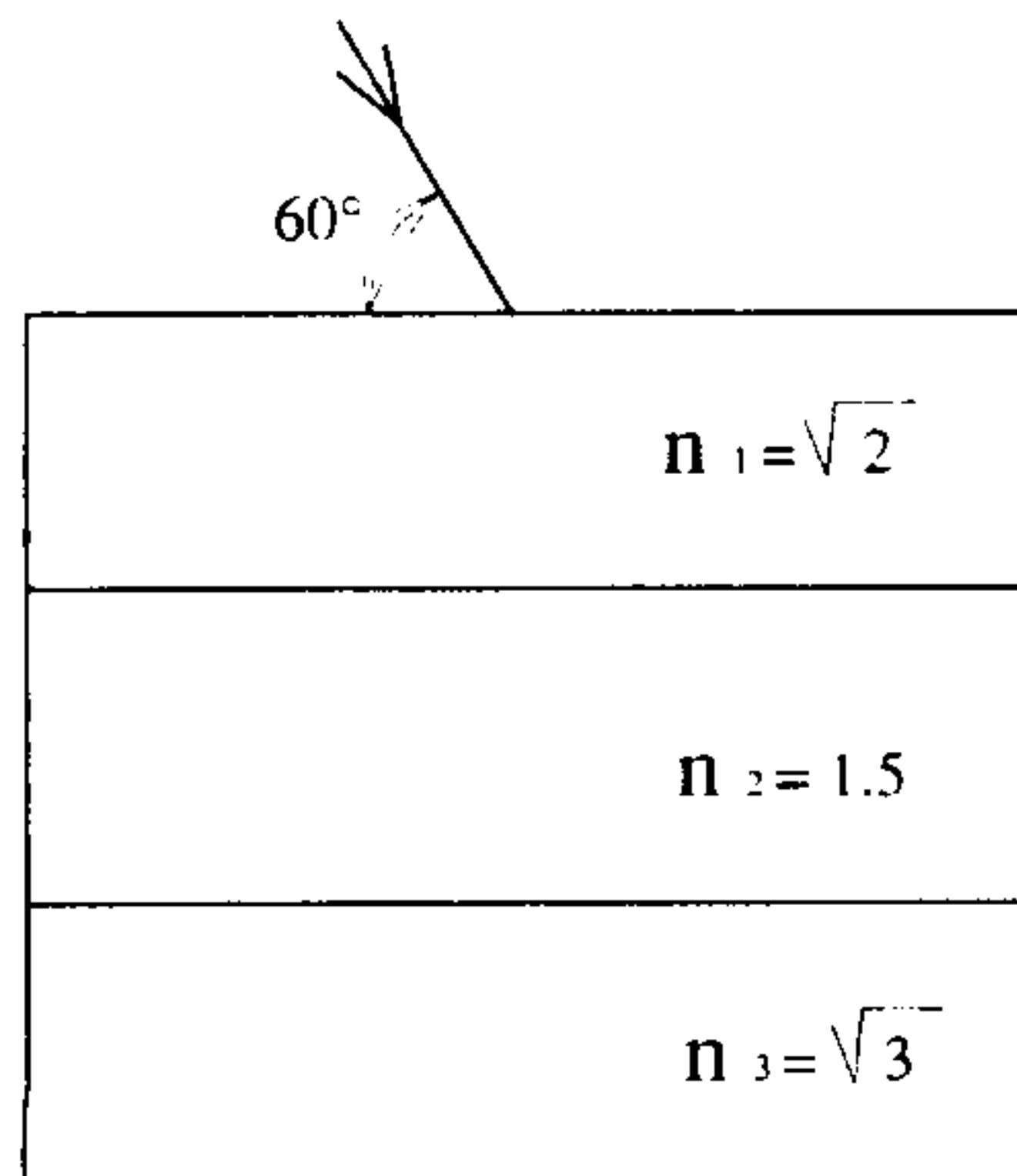
۴- ۱۱°

۳- ۳۹/۸۷°

۲- ۱۹/۹۹°

۱- ۱۹/۸۸°

۹- در شکل مقابل زاویه شعاع شکست با خط عمود در خروج از سومین تیغه چند درجه است؟
(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۸)



است؟

۱- ۳۰

۲- ۴۵

۳- ۶۰

۴- ۱۵

۱۰- سه تیغه متوازی السطوح چسبیده به هم به ترتیب به ضرایب شکست $1/5$ ، $1/6$ و $\sqrt{3}$ در هوا قرار دارند. اگر یک شعاع نور از هوا تحت زاویه 60° به تیغه اول به ضریب شکست $1/5$ بتابد، تحت زاویه وارد تیغه سوم به ضریب شکست $\sqrt{3}$ خواهد شد.

(کنکور کارشناسی ارشد عمران ۷۸)

$$1-30^\circ \quad 2-60^\circ \quad 3-\text{Arcsin} \frac{1}{\sqrt{3}} \quad 4-\text{Arcsin} \frac{1}{2\sqrt{3}}$$

۱۱- بر روی یک تیغه شیشه‌ای به ضریب شکست $\sqrt{3}$ ، لایه‌ای از مایع به ضریب شکست n ریخته‌ایم. یک شعاع نور در محیط شیشه تحت زاویه‌ای بیش از 60° درجه به فصل مشترک شیشه - مایع می‌تابد اما نور وارد محیط مایع نمی‌شود. حداکثر n مساوی است با:

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۸۰)

$$1-\frac{5}{2} \quad 2-\sqrt{2} \quad 3-\frac{4}{3} \quad 4-\frac{3}{2}$$

۱۲- یک دسته اشعه موازی نور سفید بر یک منشور می‌تابد و به رنگهای مختلف تجزیه می‌شود. زاویه انحراف نور بنفش از زاویه انحراف نور قرمز بیشتر است زیرا:

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۸۰)

۱- زاویه انحراف منشور با طول موج نسبت مستقیم دارد.

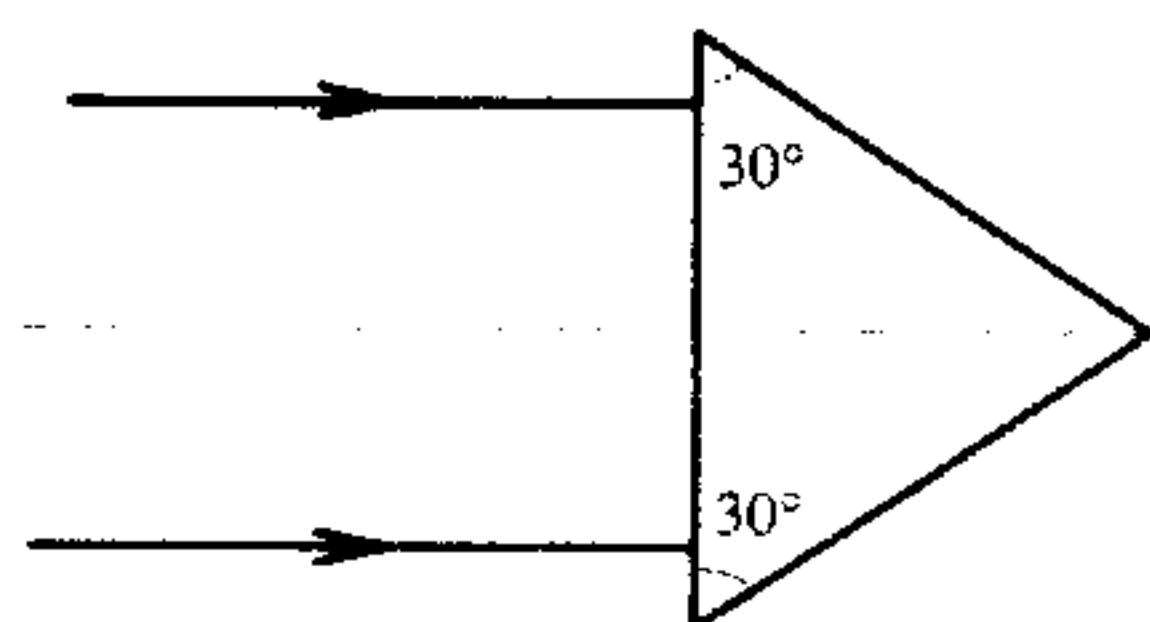
۲- ضریب شکست منشور برای نور قرمز کمتر است.

۳- ضریب شکست منشور برای نور قرمز بیشتر است.

۴- زاویه انحراف منشور با ضریب شکست نسبت معکوس دارد.

۱۳- در شکل مقابل ضریب شکست منشور برابر $\sqrt{2}$ است. زاویه بین شعاعهای خروجی A و B از منشور چند درجه است؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۵)



$$2-30^\circ$$

$$4-90^\circ$$

۱- صفر

$$3-60^\circ$$

۱۴- بر روی یک تیغه شیشه‌ای به ضریب شکست $\sqrt{3}$ ، لایه‌ای از یک مایع به ضریب شکست مجهول n ریخته‌ایم. اگر یک شعاع نور در محیط شیشه تحت زاویه‌ای 30° درجه به فصل مشترک شیشه - مایع بتابد نور وارد محیط مایع نمی‌شود. حداکثر n چقدر است؟

(کنکور کارشناسی ارشد عمران ۷۹)

$$4-2$$

$$3-1/5$$

$$2-1/3$$

$$1-\frac{4}{3}$$

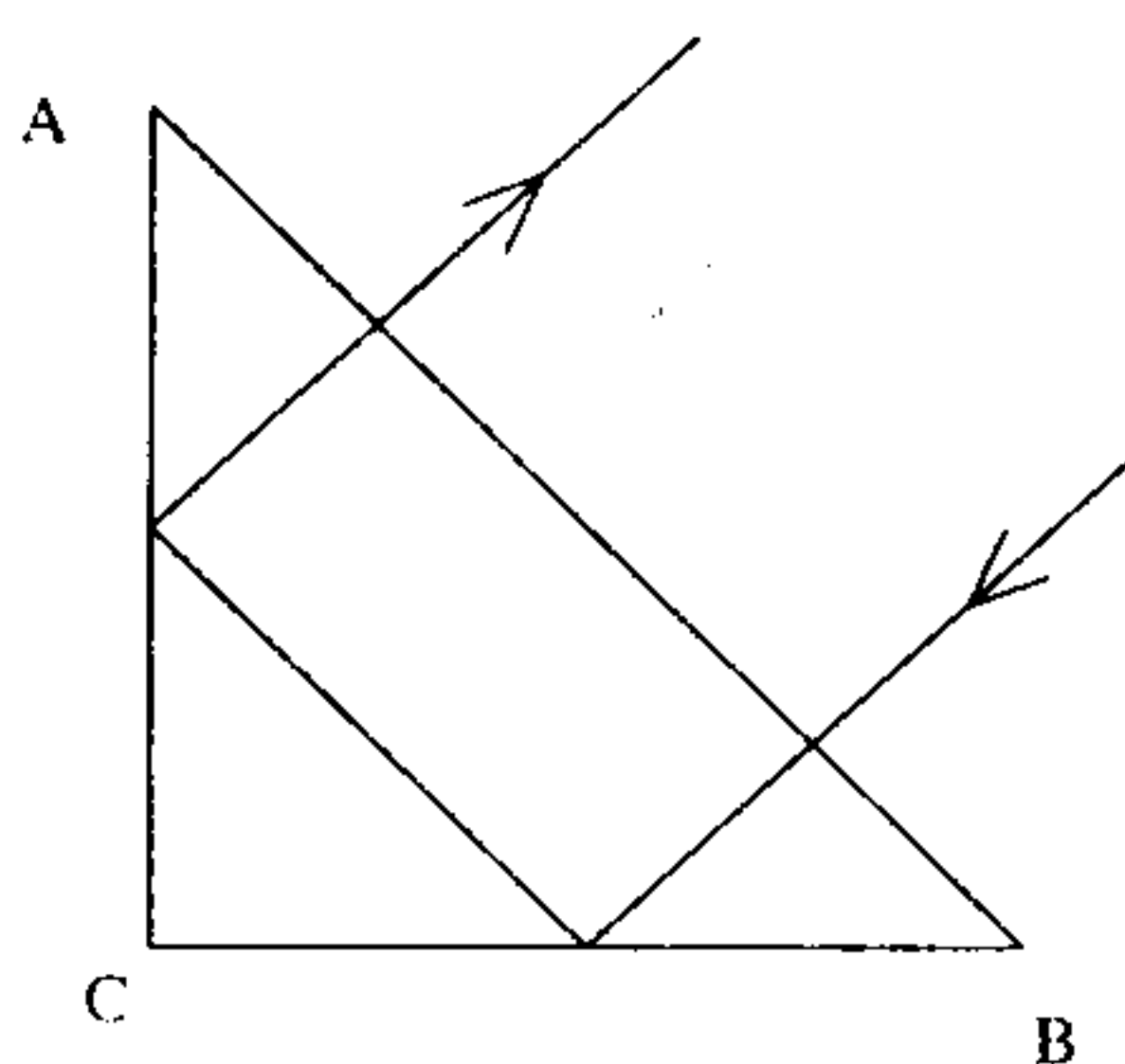
۱۵- بر روی سطح آب به ضریب شکست $\frac{4}{3}$ ، لایه ضخیمی از یک روغن به ضریب شکست $\frac{3}{2}$ ریخته شده است. یک شعاع نور از یک منبع نور واقع در آب به فصل مشترک آب و روغن طوری می‌تابد که هیچ نوری وارد هوا نمی‌شود زاویه شعاع نور با این فصل مشترک مساوی است با :

$$\text{Aresin} \frac{1}{9} - ۱ \quad \text{Aresin} \frac{2}{3} - ۲$$

$$\text{Aresin} \frac{3}{4} - ۳ \quad \text{Aresin} \frac{1}{3} - ۴$$

۱۶- به ازای چه مقادیری از ضریب شکست یک منشور قائم‌الزاویه، پرتویی نظیر شکل زیر طی مسیر خواهد کرد. مقطع منشور یک مثلث متساوی‌الساقین است و پرتو به طور عمود بر AB فرود می‌آید ؟

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۷۹)



$$n < \sqrt{2} - ۱$$

$$n > \sqrt{2} - ۲$$

$$n < \frac{\sqrt{2}}{2} - ۳$$

$$n > \frac{\sqrt{2}}{2} - ۴$$

۱۷- یک منبع نور نقطه‌ای شکل به فاصله ۱۰ Cm از سطح مایعی به ضریب شکست $\sqrt{2}$ در داخل مایع قرار گرفته است. در نتیجه در سطح مایع ۱۰ Cm تشکیل می‌شود.

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۷۹)

$$۲- \text{نوار روشنی به شعاع } ۱۰$$

$$۱- \text{دایره روشنی به قطر } ۱۰$$

$$۴- \text{نوار روشنی به قطر } ۱۰$$

$$۳- \text{دایره روشنی به شعاع } ۱۰$$

۱۸- اگر ضریب شکست یک منشور نازک با زاویه رأس کوچک برای نورهای قرمز، بنفش و زرد به ترتیب n_C و n_F و n_D و زاویه انحراف منشور برای این سه نور به ترتیب δ_C و δ_F و δ_D باشد، می‌توان نشان داد که :

(کنکور کارشناسی ارشد عمران ۷۶)

$$\frac{\delta_F - \delta_C}{\delta_D - 1} = \frac{n_F - n_C}{n_D - 1} - ۲$$

$$\frac{\delta_F - \delta_C}{\delta_D} = \frac{n_F - n_C}{n_D - 1} - ۱$$

$$\frac{\delta_D - 1}{\delta_F - \delta_C} = \frac{n_F - n_C}{n_D - 1} - ۴$$

$$\frac{\delta_D}{\delta_F - \delta_C} = \frac{n_F - n_C}{n_D - 1} - ۳$$

۱۹- اگر به یک منشور نازک با زاویه راس کوچک α با یک شعاع نور سفید بتابد، می‌توان نشان داد که زاویه جدایی بین دو رنگ قرمز (R) و بنفش (V) از کدام رابطه بدست می‌آید؟

$$\delta_V - \delta_R = \frac{n_V + n_R}{n_V - n_R} \alpha \quad -2$$

$$\delta_V - \delta_R = \frac{n_V - n_R}{n_V + n_R} \alpha \quad -1$$

$$\delta_V - \delta_R = (n_V - n_R) \alpha \quad -4$$

$$\delta_R - \delta_V = (n_V - n_R) \alpha \quad -3$$

۲۰- یک منشور دید مستقیم برای طول موج خاصی از دو منشور نازک به زوایای رأس α_1 و α_2 و به ضرایب شکست n_1 و n_2 تشکیل شده است به گونه‌ای که می‌توان نشان داد که

نسبت $\frac{\alpha_2}{\alpha_1}$ مساوی است با: (کنکور کارشناسی ارشد عمران و ژئوفیزیک و هواشناسی ۷۸)

$$\frac{n_1 + 1}{n_2 + 1} \quad -4$$

$$\frac{n_2 + 1}{n_1 + 1} \quad -3$$

$$\frac{n_2 - 1}{n_1 - 1} \quad -2$$

$$\frac{n_1 - 1}{n_2 - 1} \quad -1$$

۲۱- اگر نور از چند محیط شفاف به ضرایب شکست ... و n_3 و n_2 و n_1 عبور نموده مسافتهای

... و L_3 و L_2 و L_1 را طی کند راه نوری مربوط $[L] = \sum_{i=1}^m n_i L_i$ تعریف می‌شود در صورتی که

t زمان لازم برای پیمودن کل مسیر بوده C سرعت نور در خلاء باشد می‌توان نشان داد که:

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۷۶)

$$[L] = \frac{C}{\sqrt{t}} \quad -2$$

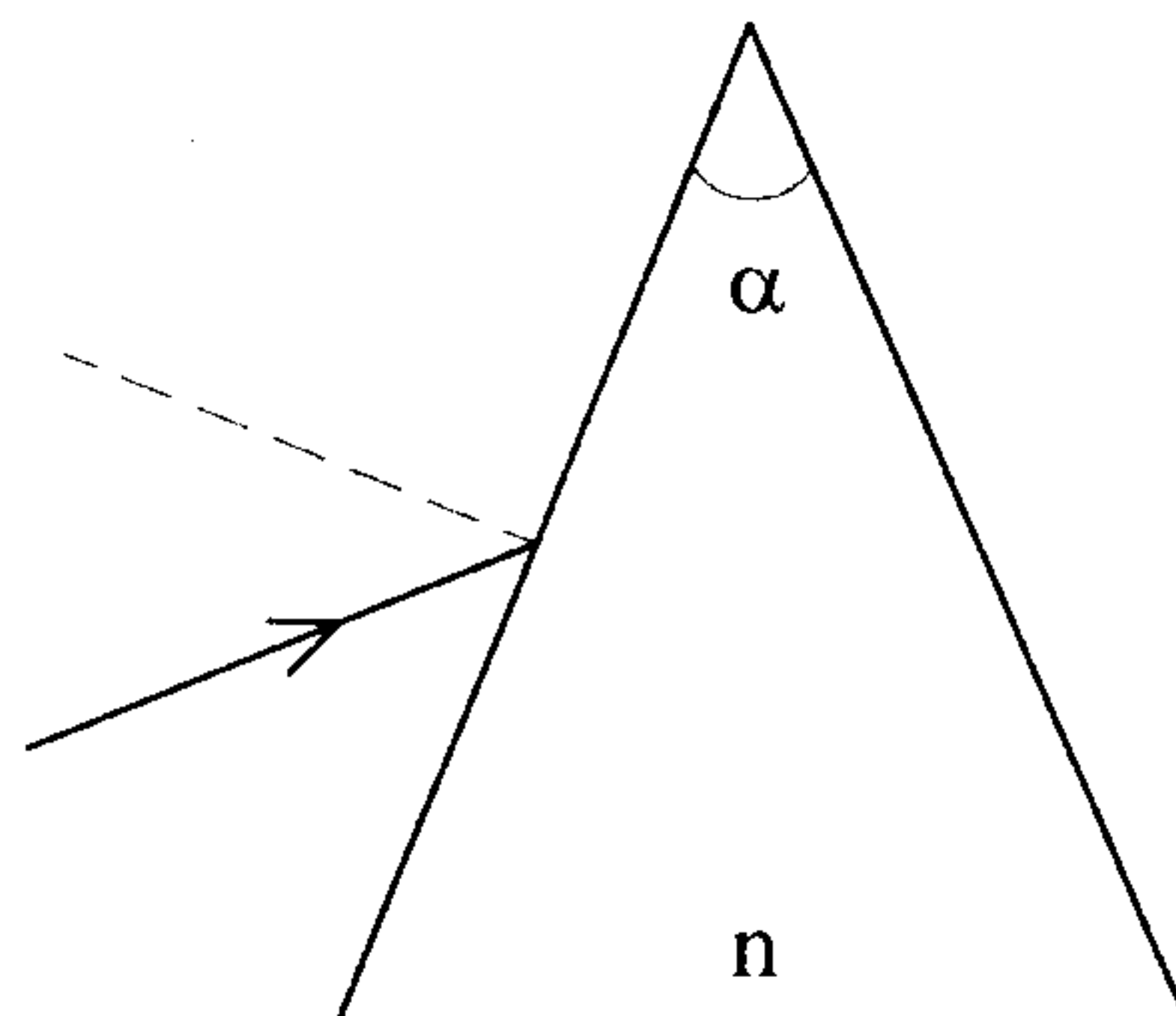
$$[L] = C t \quad -1$$

$$[L] = C \sqrt{t} \quad -4$$

$$[L] = \frac{C}{t} \quad -3$$

۲۲- نوری به طور عمودی بر یکی از وجوه منشوری با ضریب شکست n و زاویه رأس α می‌تابد زاویه انحراف را محاسبه کنید؟

(کنکور کارشناسی ارشد GRE)



$$\alpha \quad -1$$

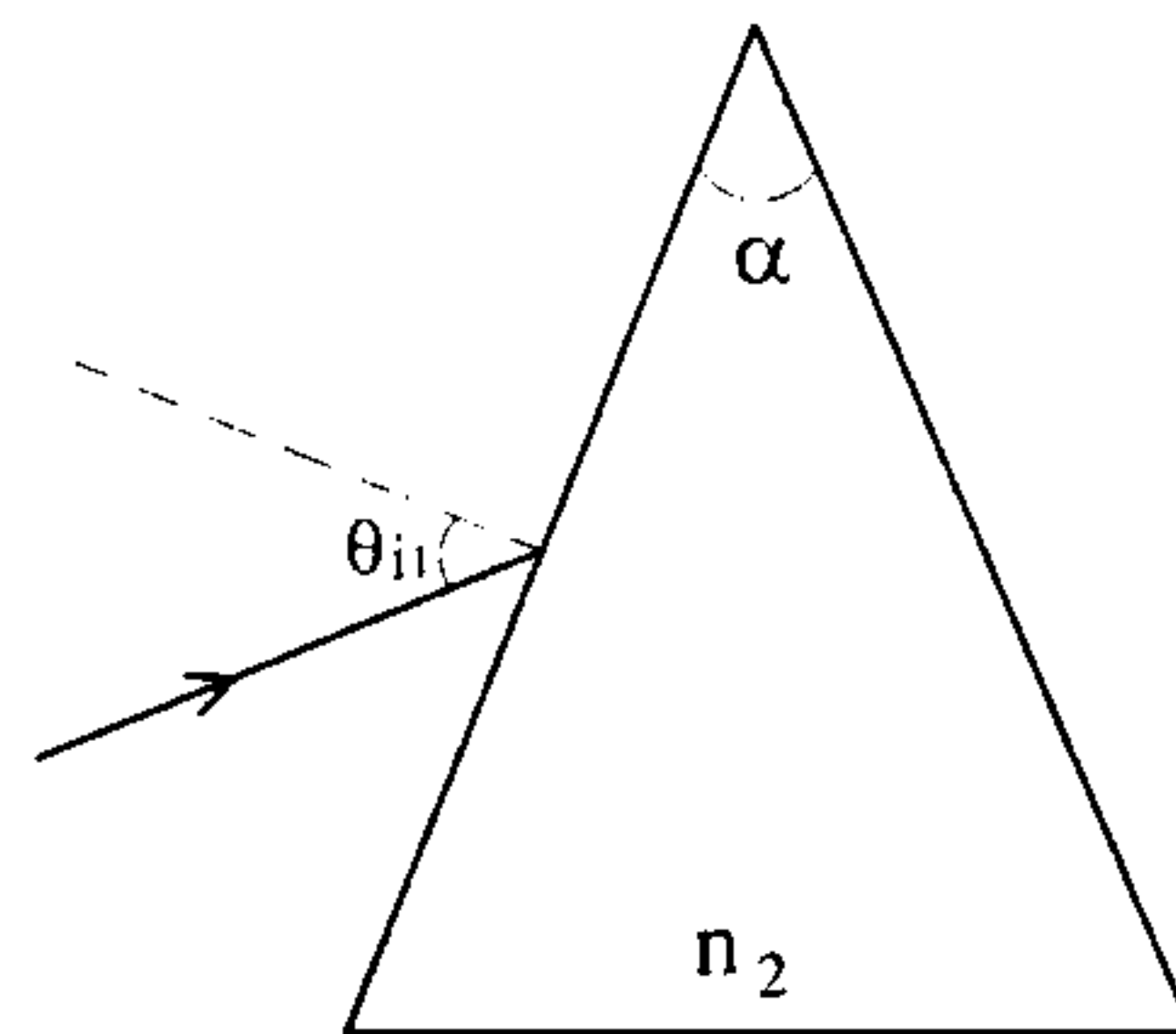
$$(n - 1) \alpha \quad -2$$

$$(n + 1) \alpha \quad -3$$

$$(n - 1/\alpha) \alpha \quad -4$$

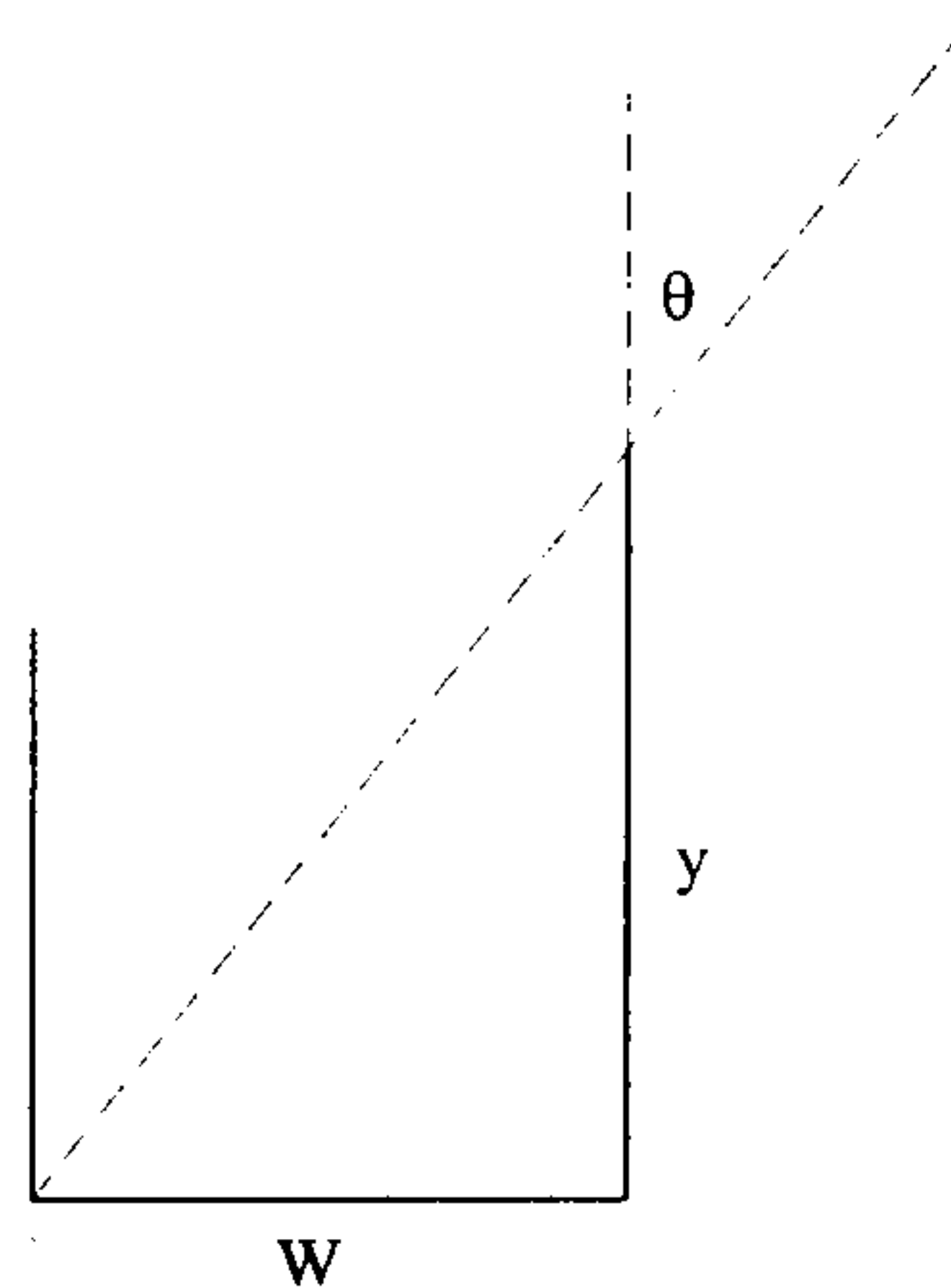
$$(n + 1/\alpha) \alpha \quad -5$$

۲۳- نوری با زاویه تابشی $\theta_{i1} = 30^\circ$ بر روی منشوری با زاویه رأس $\alpha = 60^\circ$ می‌تابد. منشور از ماده‌ای به ضریب شکست $n_2 = 1/5$ ساخته شده و با خلاء احاطه گردیده است. زاویه انحراف نور به خاطر عبور از منشور را تعیین کنید . (کنکور کارشناسی ارشد GRE)



- ۱- ۳۰ درجه
- ۲- ۶۰ درجه
- ۳- ۲۳ درجه
- ۴- ۴۷ درجه
- ۵- ۷۰ درجه

۲۴- با نگاه کردن به لیوانی خالی در راستای مسیر پرتو تحت زاویه θ مطابق شکل، گوشه چپ پایین آن را می‌بینیم حال اگر لیوانی با مایعی شفاف با ضریب شکست $n = 1/3$ پر شود وسط ته لیوان را تحت زاویه θ می‌بینیم. پهنای لیوان ۵ سانتی‌متر است ارتفاع y را بیابید . (کنکور کارشناسی ارشد GRE)



- ۱- سانتی‌متر $2/73$
- ۲- سانتی‌متر $5/46$
- ۳- سانتی‌متر $1/35$
- ۴- سانتی‌متر $4/08$
- ۵- سانتی‌متر $6/33$

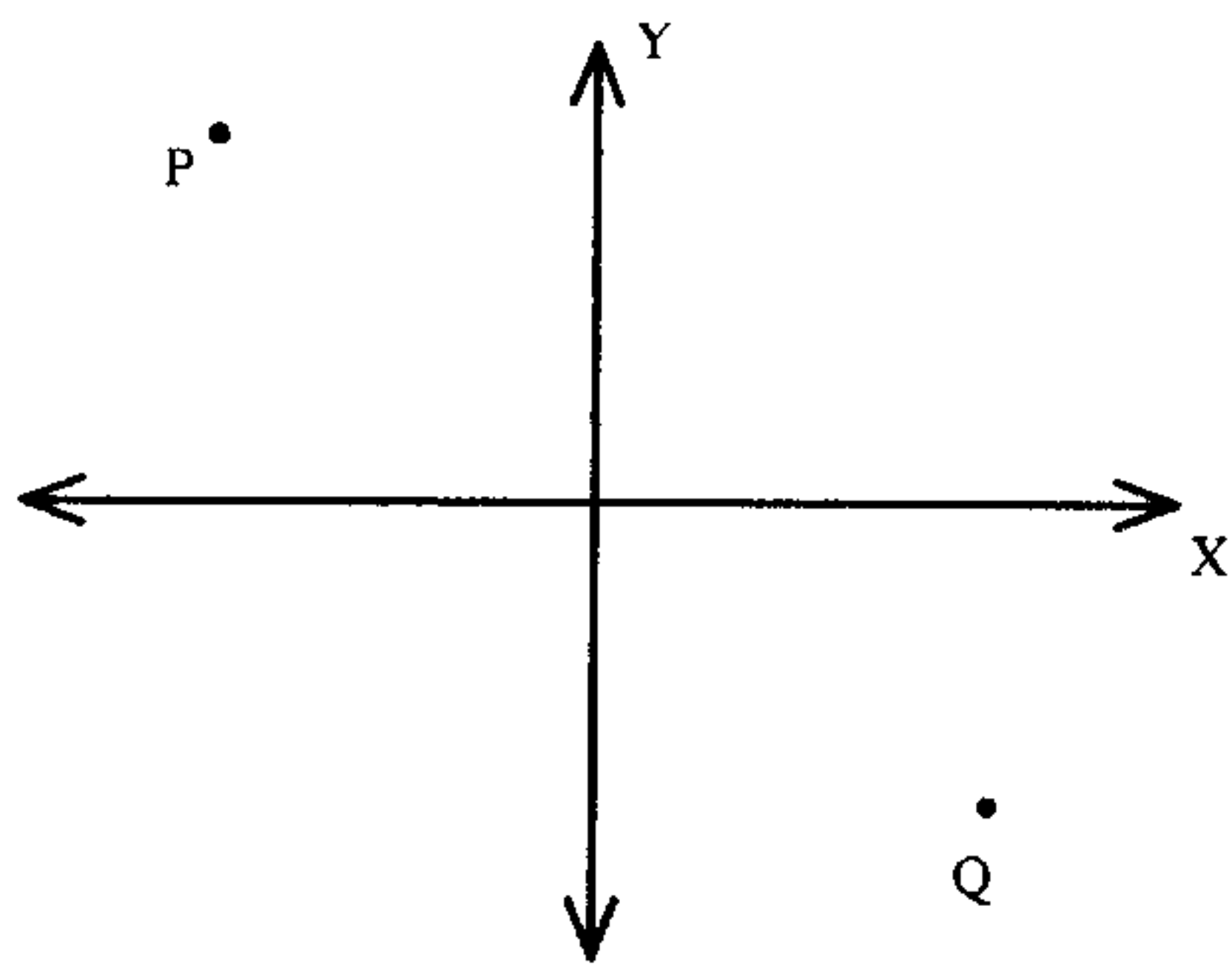
(کنکور کارشناسی ارشد GRE)

۲۵- پایه اصلی فیزیک قانون اسنل چیست ؟

- ۱- اولین فرض نسبت خاص
- ۲- اصل پائولی
- ۳- اصل عدم قطعیت
- ۴- قانون اول نیوتن
- ۵- اصل کمترین زمان فرما

۲۶- کمیت انتگرایی که باید کمینه شود تا نمایانگر مسیر حرکت نور از نقطه p به Q در محیطی با ضریب شکست $n(x, y)$ باشد کدام می باشد؟

(کنکور کارشناسی ارشد GRE)



$$\int_P^Q n(x, y) dx \quad -1$$

$$\frac{1}{C} \int_P^Q \sqrt{1 + y'^2} n(x, y) dx \quad -2$$

$$\frac{1}{C} \int_P^Q \sqrt{1 + y'^2} n(x, y) dx \quad -3$$

$$\frac{1}{C} \int_P^Q n(x, y) dx \quad -4$$

$$\frac{1}{C} \int_P^Q \sqrt{x'^2 + y'^2} n(x, y) dx \quad -5$$

۱۰-۲ پاسخهای تشریحی

(۱-۲) اگر C سرعت نور در هوا و λ طول موج نور در هوا باشد و V سرعت نور و λ_0 طول موج نور

در محیط شفاف با ضریب شکست n باشد طبق تعریف داریم:

$$n = \frac{C}{V} = \frac{\lambda_0}{\lambda}$$

(۱-۲) بر اساس نسبیت سرعت نور در خلأ ثابت و برابر C است اما چه بر اساس نسبیت و چه بر اساس مکانیک نیوتونی سرعت نور در محیطهای متفاوت، مختلف است.

$V = \frac{C}{n}$ سرعت نور در محیطی با ضریب شکست n

$$n = 1/6 \quad \text{و} \quad V = \frac{C}{n} = \frac{3 \times 10^8 \frac{\text{km}}{\text{s}}}{1/6} = 187500 \frac{\text{km}}{\text{s}} \quad (*-3)$$

پاسخ صحیح در میان گزینهها نیست، احتمالاً منظور گزینه ۲ بوده است که یک صفر کم دارد.

$$n = \frac{C}{V} = \frac{3 \times 10^8}{2 \times 10^8} = 1/5 \quad \text{ضریب شکست شیشه} \quad (2-4)$$

$\lambda_n = \frac{\lambda_0}{n}$ طول موج در شیشه و λ_0 طول موج نور در هوا

$$390 \text{ \AA} < \lambda_0 < 690 \text{ \AA} \Rightarrow \frac{3900}{n} \text{ \AA} < \frac{\lambda_0}{n} < \frac{6900}{n} \text{ \AA}$$

$$\Rightarrow \frac{3900}{1/5} \text{ \AA} < \lambda_n < \frac{6900}{1/5} \text{ \AA} \Rightarrow 2600 \text{ \AA} < \lambda_n < 4600 \text{ \AA}$$

$$\lambda_0 \cdot \nu = C \Rightarrow \text{فرکانس } \nu = \frac{C}{\lambda_0} \quad (1-5)$$

نور مسافت ۲۰ متر را در گلیسرین با $n_1 = 1/5$ در مدت t_1 طی می کند.

$$\lambda_1 \nu = \nu_1 \Rightarrow \lambda_1 \nu t_1 = \nu_1 t_1 = 20 \text{ متر}$$

$$\lambda_1 = \frac{\lambda_0}{n_1} = \frac{\lambda_0}{1/5} \Rightarrow \frac{\lambda_0 \nu t_1}{1/5} = 20$$

نور مسافت ۲۰ متر را در دی سولفید کربن با $n_2 = 1/6$ در مدت t_2 طی می کند.

$$\frac{\lambda_0 \nu t_2}{1/6} = 20$$

$$\Rightarrow t_2 - t_1 = \frac{20 \cdot (1/6) - 20 \cdot (1/5)}{\lambda \cdot \nu} = \frac{20 \cdot (1/6) - 20 \cdot (1/5)}{c}$$

$$= \frac{20 \times (0/1)}{3 \times 10^8} = \frac{2}{3} \times 10^{-8} \text{ s}$$

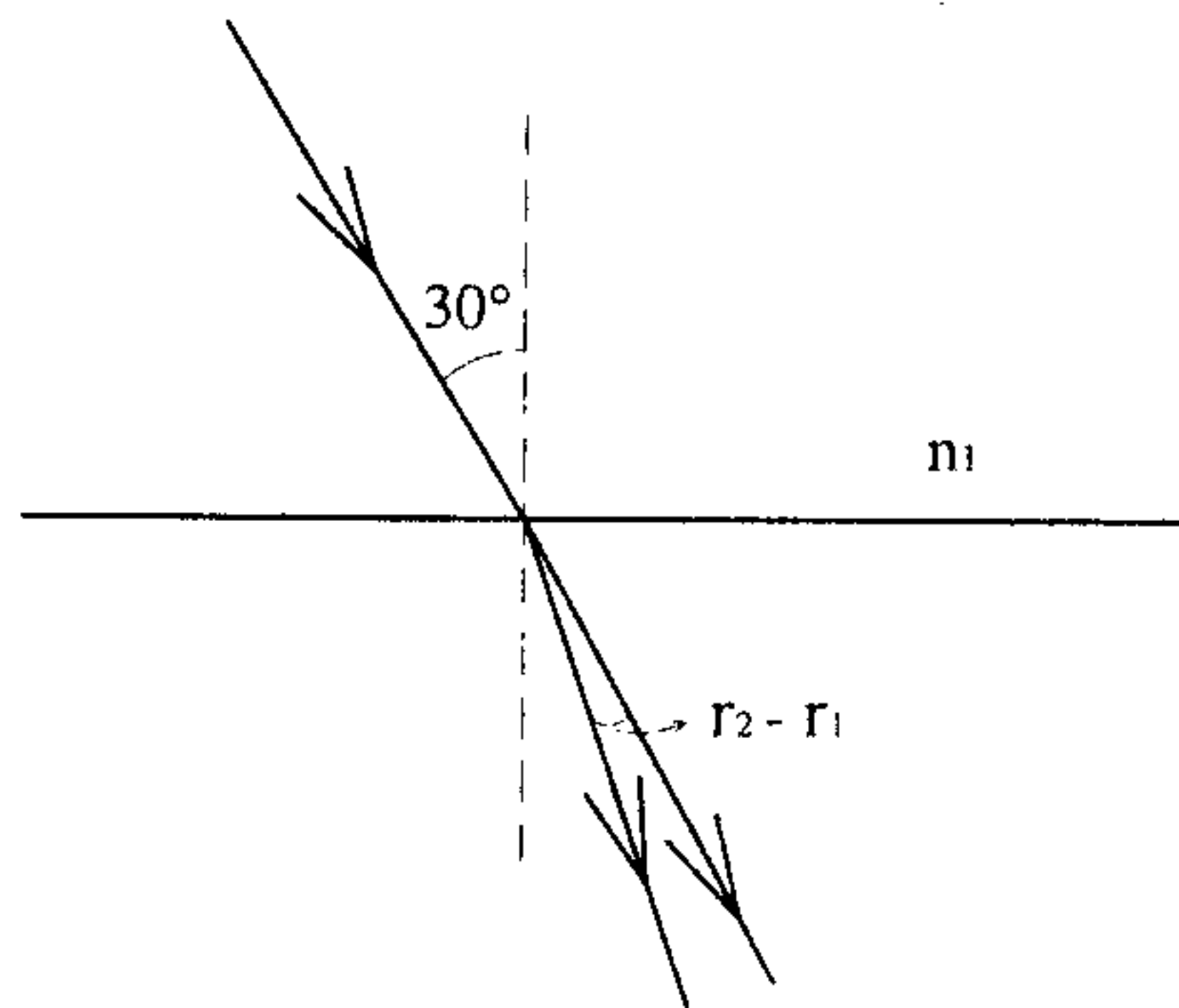
۳-۶) v ثابت است پس $h v$ ثابت است اما $\lambda = \frac{\lambda_0}{n}$ ، بنابراین λ از λ_0 یعنی طول موج در هوا، کمتر است.

$$n \text{ محیط نور در محیط } V = \frac{C}{n} \quad (۲-۷)$$

$$n' \text{ محیط نور در محیط } V' = \frac{C}{n'} = \frac{C n}{n n'} = V \frac{n}{n'}$$

مسافت طی شده در محیط n و n' مسافت طی شده در محیط n' است بنابراین:

$$t = \frac{l}{v} + \frac{l'}{v'} = \frac{l}{v} + \frac{l'}{v \left(\frac{n}{n'}\right)} = \frac{l}{v} \left(1 + \frac{n'}{n} l'\right)$$



$$\lambda_1 = 400 \text{ nm} \Rightarrow n_1 = 1/4702 \quad (۴-۸)$$

$$\lambda_2 = 500 \text{ nm} \Rightarrow n_2 = 1/4624$$

$$\frac{\sin i}{\sin r_1} = \frac{n_2}{n_1} \Rightarrow \frac{\sin 30^\circ}{\sin r_1} = \frac{1/4702}{1} \Rightarrow r_1 = 19/8823^\circ$$

$$\frac{\sin 30^\circ}{\sin r_2} = \frac{1/4624}{1} \Rightarrow r_2 = 19/9929^\circ \Rightarrow r_2 - r_1 = 0/11^\circ$$

۹-۱) چون در ورود و خروج هوا را داریم و زاویه تابش (ورودی) $i = 90 - 60$ است، زاویه نهایی خروجی نیز 30° است. چون پرتو خروجی با پرتو ورودی موازی است.

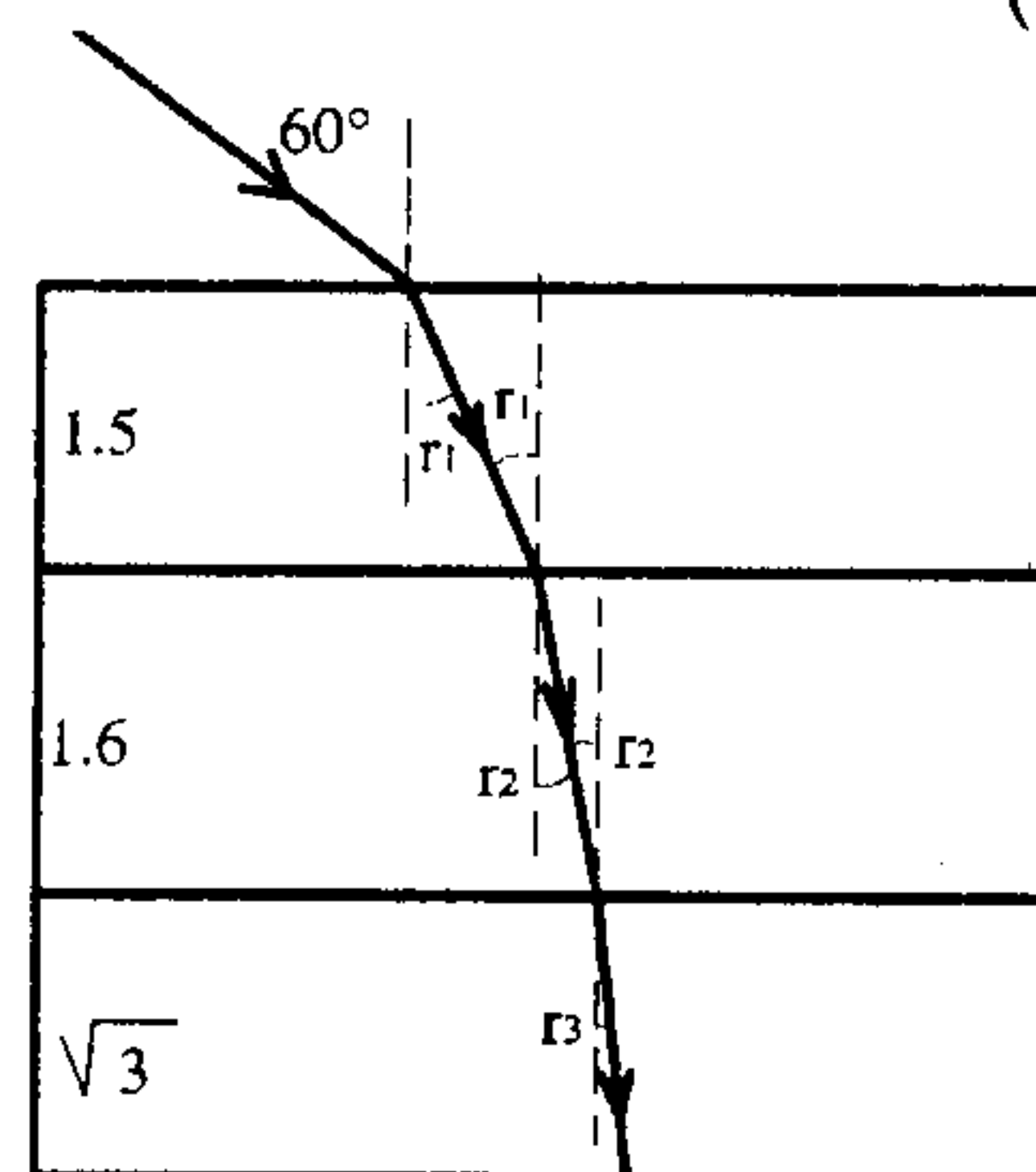
$$1 \times \sin 60^\circ = \sin r_1 = \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$1/5 \sin r_1 = 1/6 \sin r_2 \Rightarrow \sin r_2 = \frac{1/5}{1/6} \left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right)$$

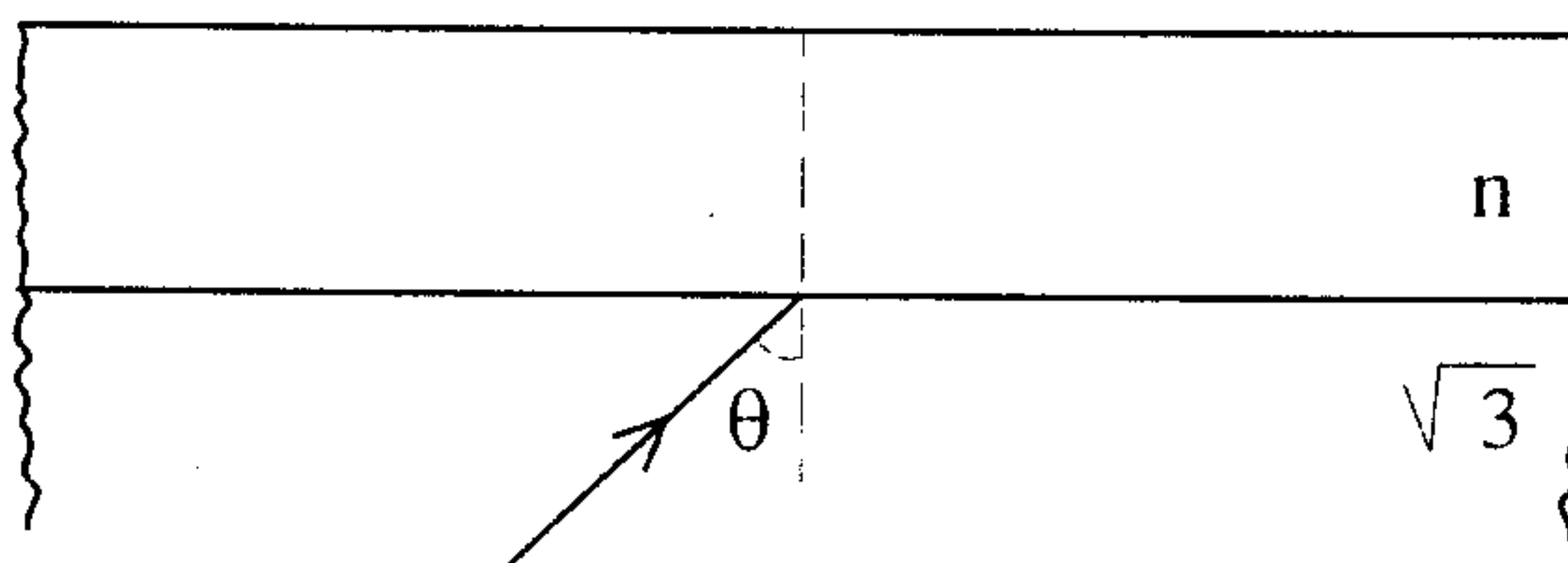
$$1/6 \sin r_2 = \sqrt{3} \sin r_3 \Rightarrow \sin r_3 = \left(\frac{1/6}{\sqrt{3}}\right) \left(\frac{1/5}{1/6}\right) \left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right) = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow r_3 = 30^\circ$$

(۱-۱۰)



۱۱-۴) برای آن که نور وارد مایع نشود زاویه تابش باید بزرگتر از زاویه حد باشد.

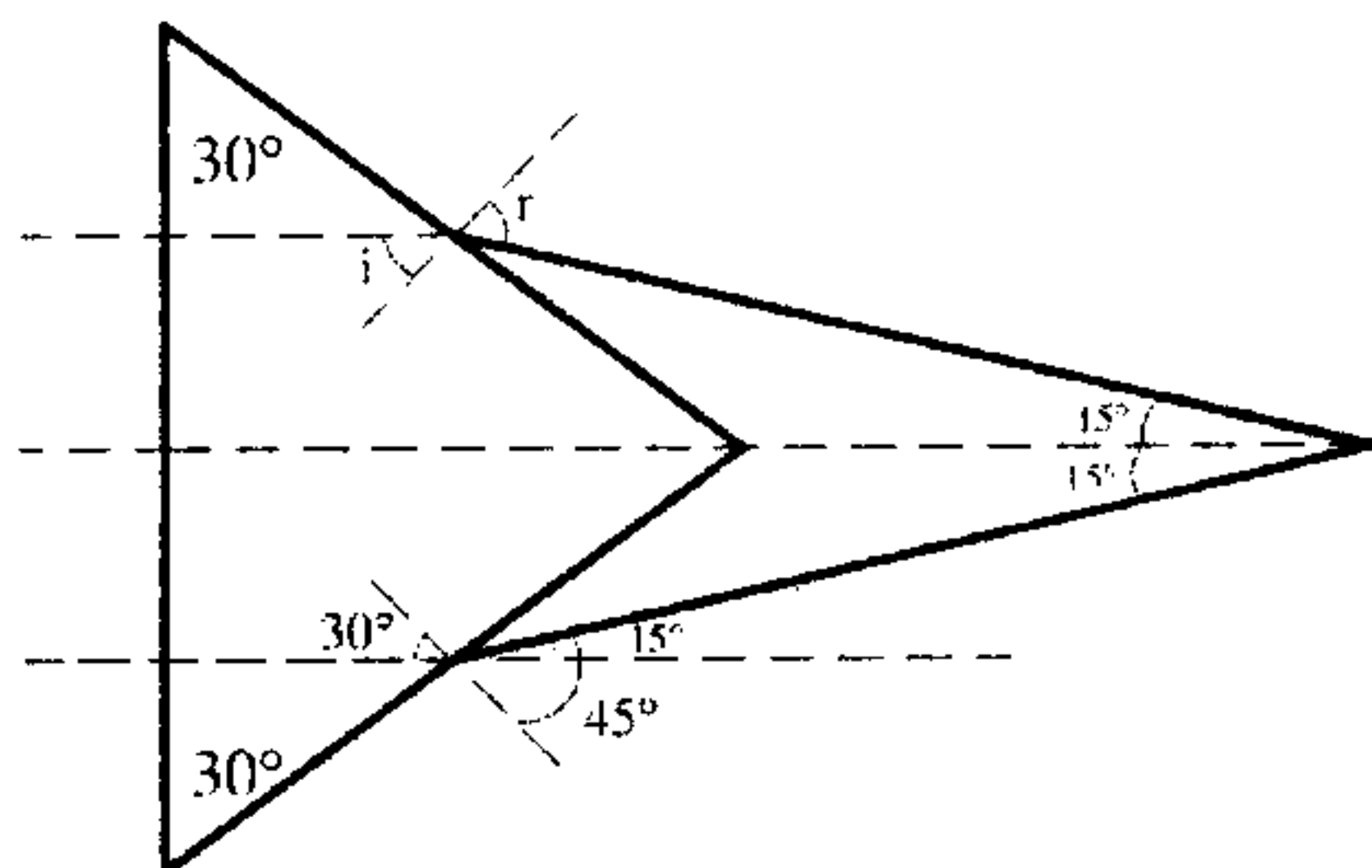


$$\sqrt{3} \sin \theta_c = n \sin 90 \Rightarrow n = \sqrt{3} \sin \theta_c$$

چون می‌خواهیم $\theta > 60$ باشد بنابراین $\theta_c > 60$ بنابراین:

$$n \geq \sqrt{3} \sin 60 = \sqrt{3} \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{3}{2}$$

(۲-۱۲)



(۲-۱۳) با توجه به شکل می‌دانیم

که پرتو فرودی عمود بر وجه منشور

است در نتیجه بدون شکست وارد

می‌شود و با زاویه $i = 90 - 60 = 30$

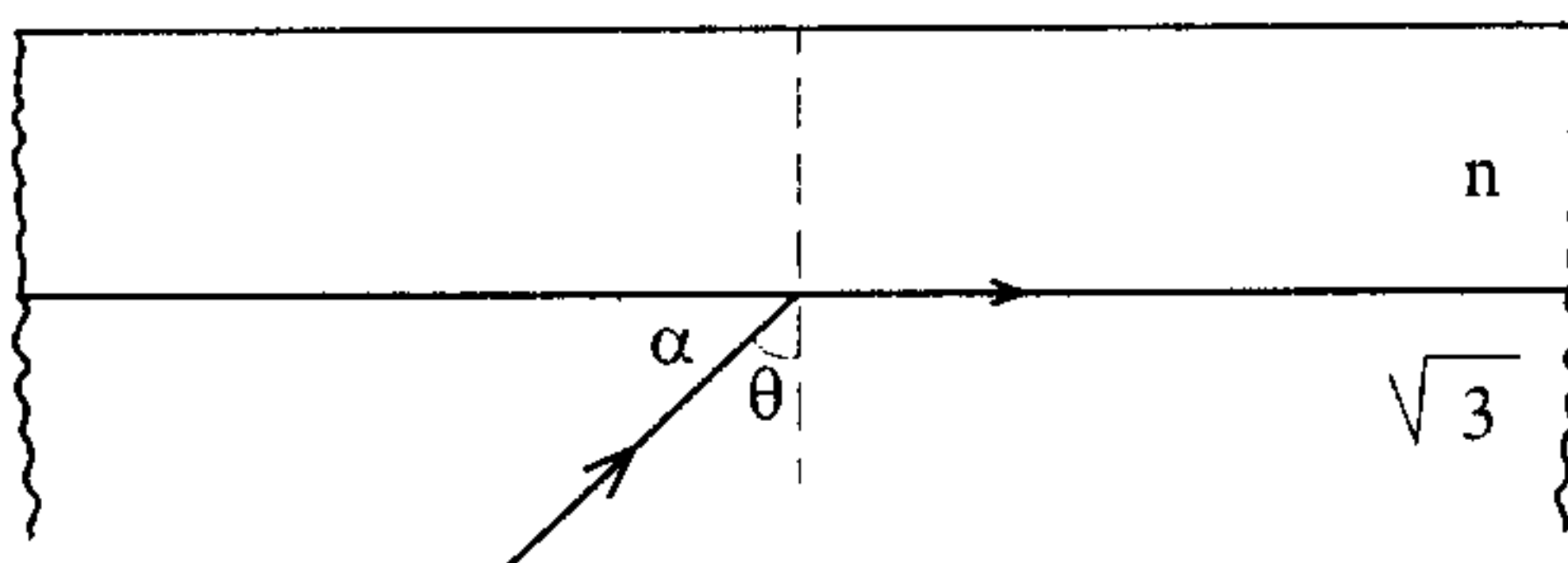
به وجه مقابل برخورد نموده و با زاویه r خارج می‌شود.

$$\sin r = n \sin i = \sqrt{3} \sin 30 = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow r = 45$$

$$45 - 30 = 15 \Rightarrow 15 \times 2 = 30$$

(۳-۱۴)

$$\theta = 90 - 30 = 60$$



برای آنکه نور وارد محیط n نشود باید $\theta_c > 60$ باشد.

$$\sqrt{3} \sin \theta_c = n \sin 90 = n \times 1$$

$$\Rightarrow \sin \theta_c = \frac{n}{\sqrt{3}}$$

$$\theta_c < 60 \Rightarrow \sin \theta_c < \sin 60 = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \frac{n}{\sqrt{3}} < \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow n < \frac{3}{2} = 1.5$$

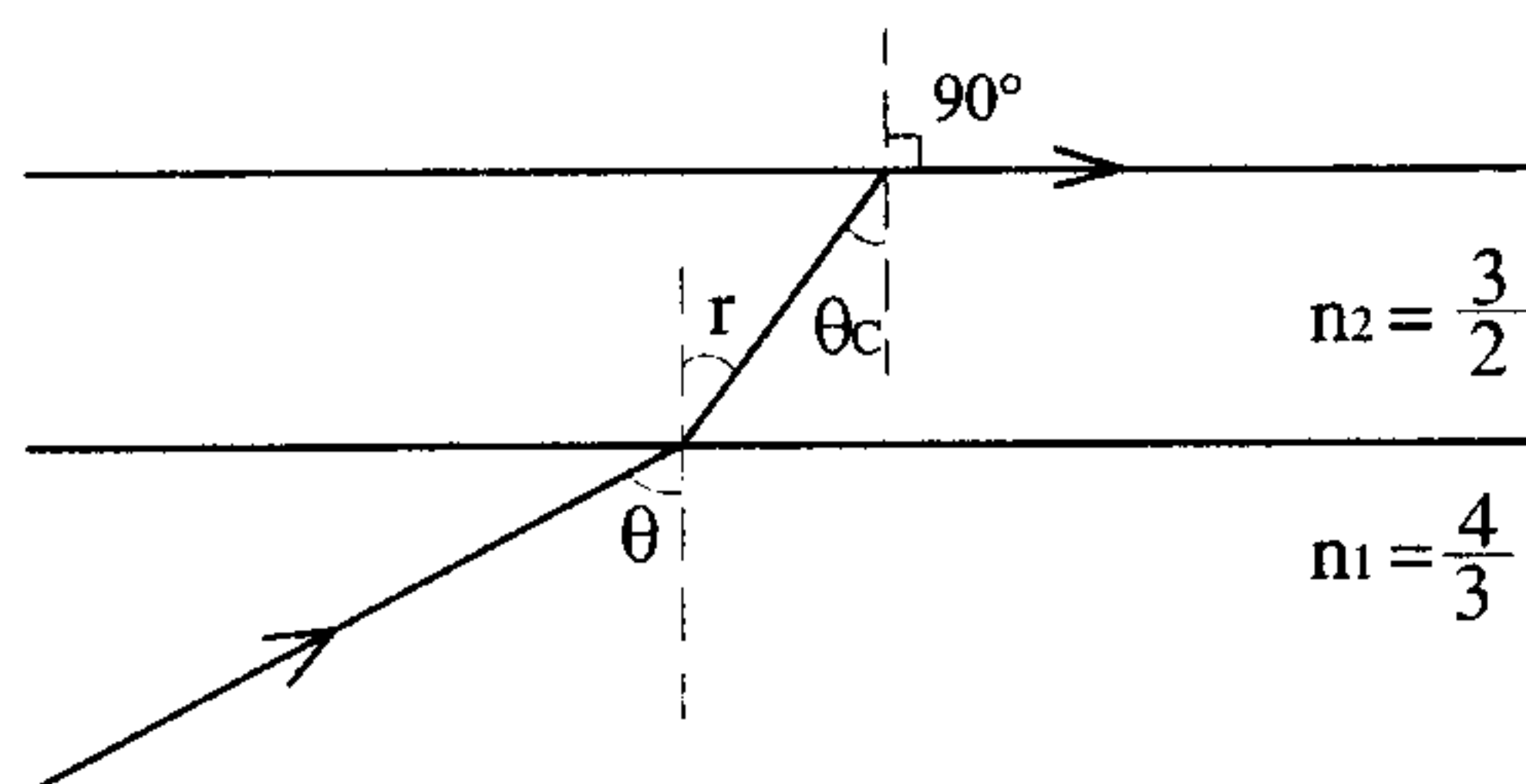
(۳-۱۵) چون نور وارد هوا نمی‌شود پس زاویه تابش نور به سطح روغن - هوا باید حداقل برابر زاویه

حد باشد.

$$n_r \sin \theta_c = 1 \times \sin 90 \Rightarrow \sin \theta_c = \frac{1}{n_r} = \frac{2}{3}$$

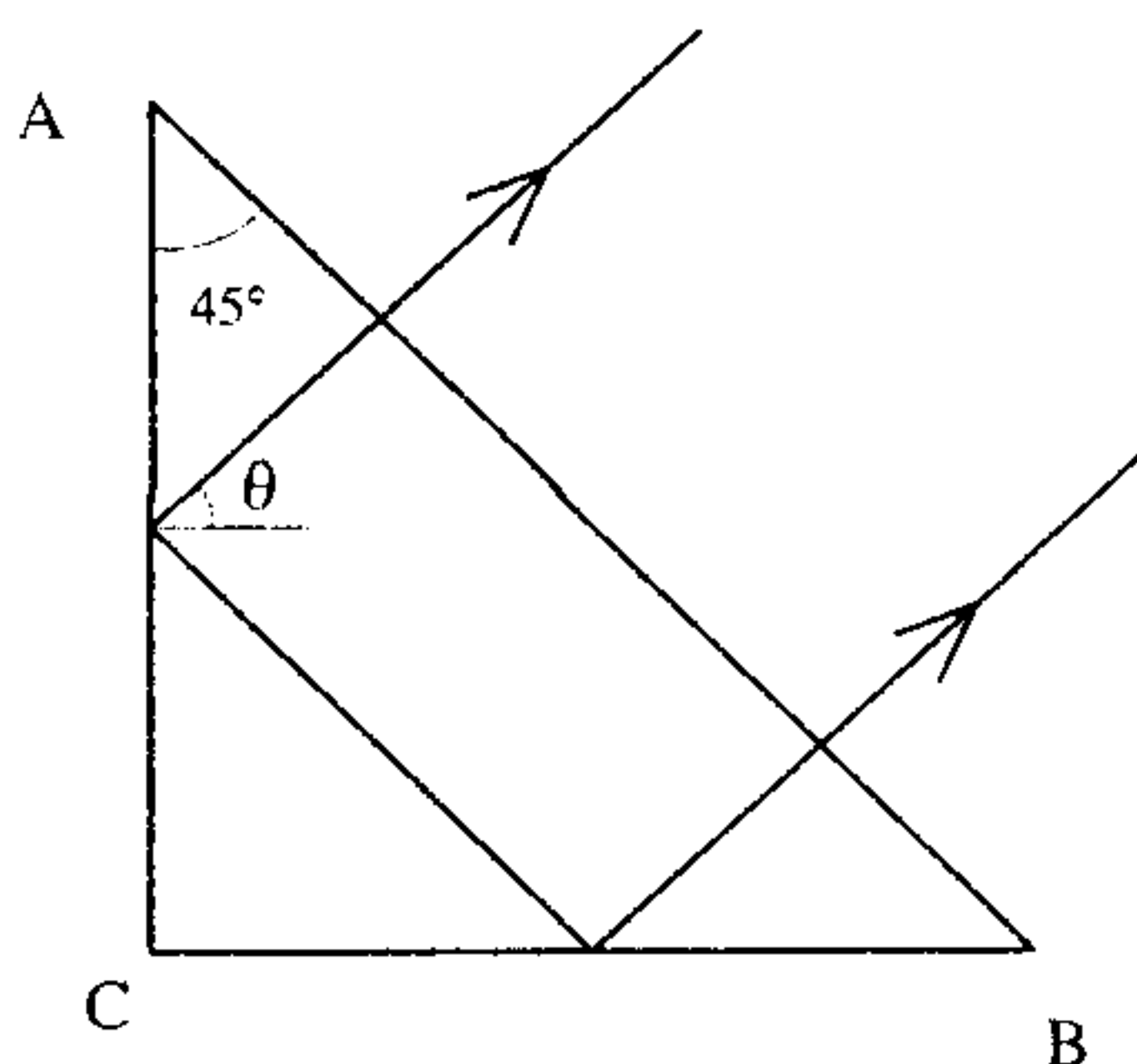
$$n_1 \sin \theta = n_r \sin r = n_r \sin \theta_c = 1$$

$$\frac{4}{3} \sin \theta = 1 \Rightarrow \theta = \text{Arcsin} \frac{3}{4}$$



(۲-۱۶) با توجه به آن که مقطع منشور متساوی‌الساقین

و قائم‌الزاویه است پس $\hat{A} = \hat{B} = 45$ و در نتیجه چون



پرتو عمود بر AB تابیده و عمود وارد منشور می‌شود :

$$\theta = 45$$

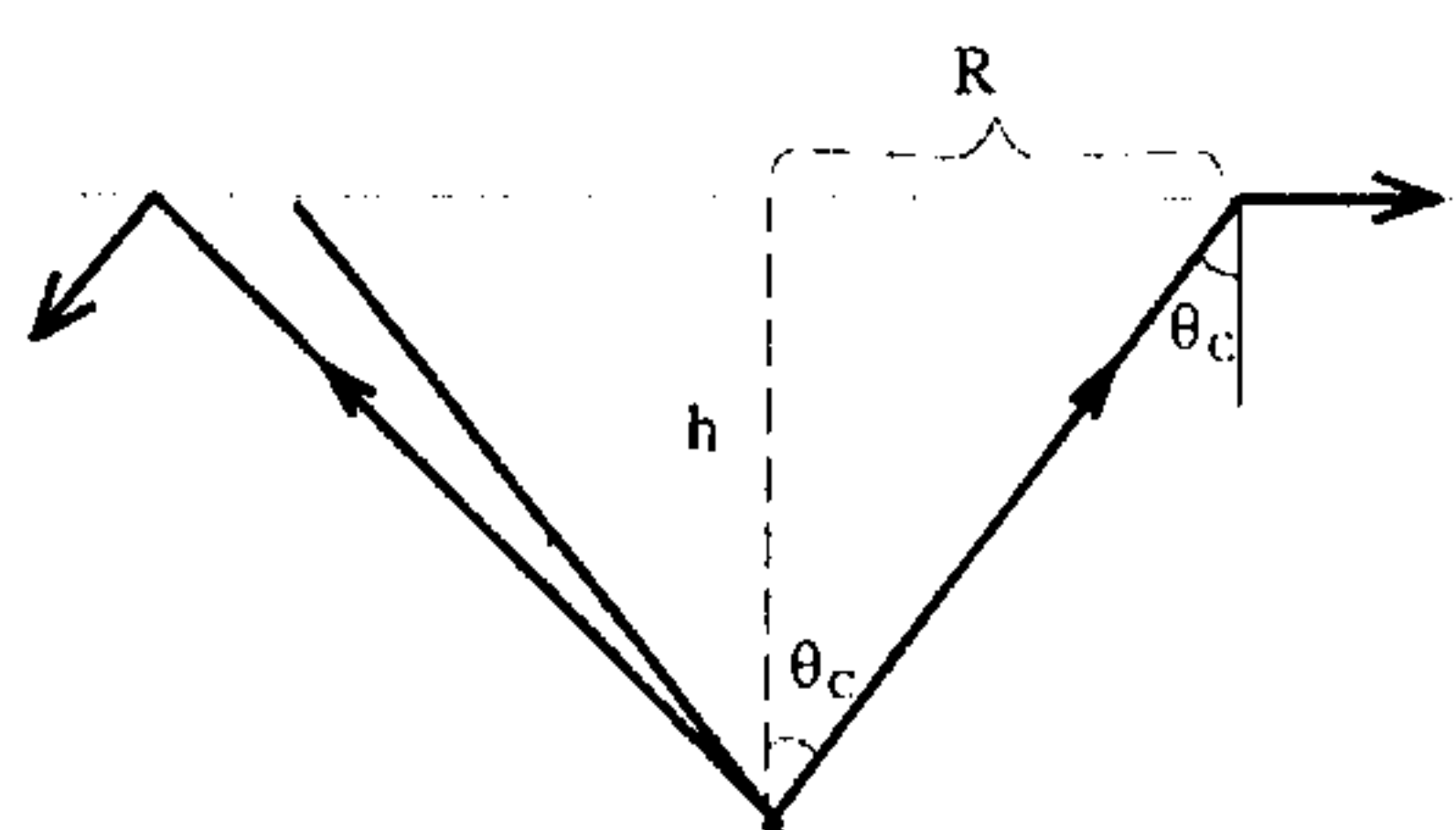
برای بازتاب داخلی $\theta > \theta_c = \sin^{-1} \frac{1}{n}$

$$\Rightarrow \sin \theta = \sin 45 > \sin \theta_c = \frac{1}{n} \Rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} > \frac{1}{n}$$

$$\Rightarrow n > \sqrt{2}$$

(۳-۱۷) $n = \sqrt{2}$ و $h = 10 \text{ Cm}$ عمق واقعی

پرتوهای با $\theta > \theta_c$ به داخل آب بازتاب داخلی پیدا می‌کنند.



$$n \sin \theta_c = 1 \times \sin 90 \Rightarrow \sin \theta_c = \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow \theta_c = 45^\circ$$

$$R = h \tan 45 = h = 10 \text{ Cm}$$

بنابراین ناحیه‌ای که نور خارجی می‌شود دایره‌ای به شعاع ۱۰ Cm است.

(۱-۱۸) زاویه رأس منشور و $\delta = (n - 1) \alpha$ زاویه انحراف

$$\delta_C = (n_C - 1) \alpha \quad \text{و} \quad \delta_F = (n_F - 1) \alpha \quad \text{و} \quad \delta_D = (n_D - 1) \alpha$$

$$\frac{\delta_F - \delta_C}{\delta_D} = \frac{(n_F - 1)\alpha - (n_C - 1)\alpha}{(n_D - 1)\alpha} = \frac{n_F - n_C}{(n_D - 1)}$$

$$\delta = (n - 1) \alpha \quad \text{زاویه انحراف}$$

(۴-۱۹)

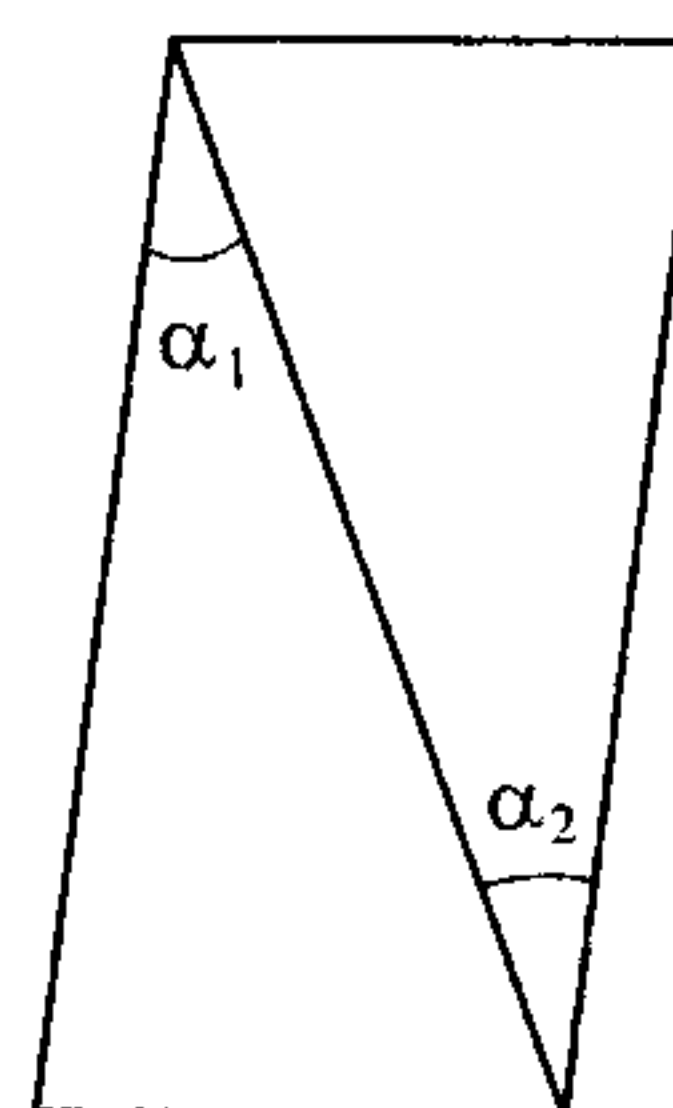
$$\delta_V = (n_V - 1)\alpha \quad \Rightarrow \quad \delta_V - \delta_R = (n_V - n_R)\alpha$$

$$\delta_R = (n_R - 1)\alpha$$

(۱-۲۰) دو منشور نازک به گونه‌ای به هم چسبیده‌اند که هر یک انحراف ناشی از دیگری را خنثی و

پرتو نهایتاً به مسیر اولیه بر می‌گردد.

$$\begin{cases} \delta_1 = (n_1 - 1)\alpha_1 \\ \delta_2 = (n_2 - 1)\alpha_2 \end{cases} \quad \delta_1 = \delta_2 \Rightarrow \frac{(n_1 - 1)}{(n_2 - 1)} = \frac{\alpha_2}{\alpha_1}$$



(۱-۲۱) همان گونه که در متن خلاصه درس اثبات شد راه نوری مسافتی است که نور در همان

مدت زمان t (زمانی که از محیط‌های شفاف عبور کرده است) در خلأ طی می‌کند $[L] = ct$. به عبارتی

اگر مسافت L_1 را در زمان t_1 و L_2 را در t_2 و ... با سرعت‌های V_1 و V_2 و ... طی کرده باشد.

$$[L] = \sum_{i=1}^m n_i L_i = \sum_{i=1}^m n_i v_i t_i = \sum_{i=1}^m n_i \frac{c}{n_i} t_i = c \sum_{i=1}^m t_i$$

$$= c (t_1 + t_2 + \dots) = ct$$

(۲-۲۲)

$$\alpha = 60^\circ \quad \text{و} \quad \theta_{i1} = 30^\circ \quad n_i \sin \theta_i = n_r \sin \theta_r$$

(۴-۲۳)

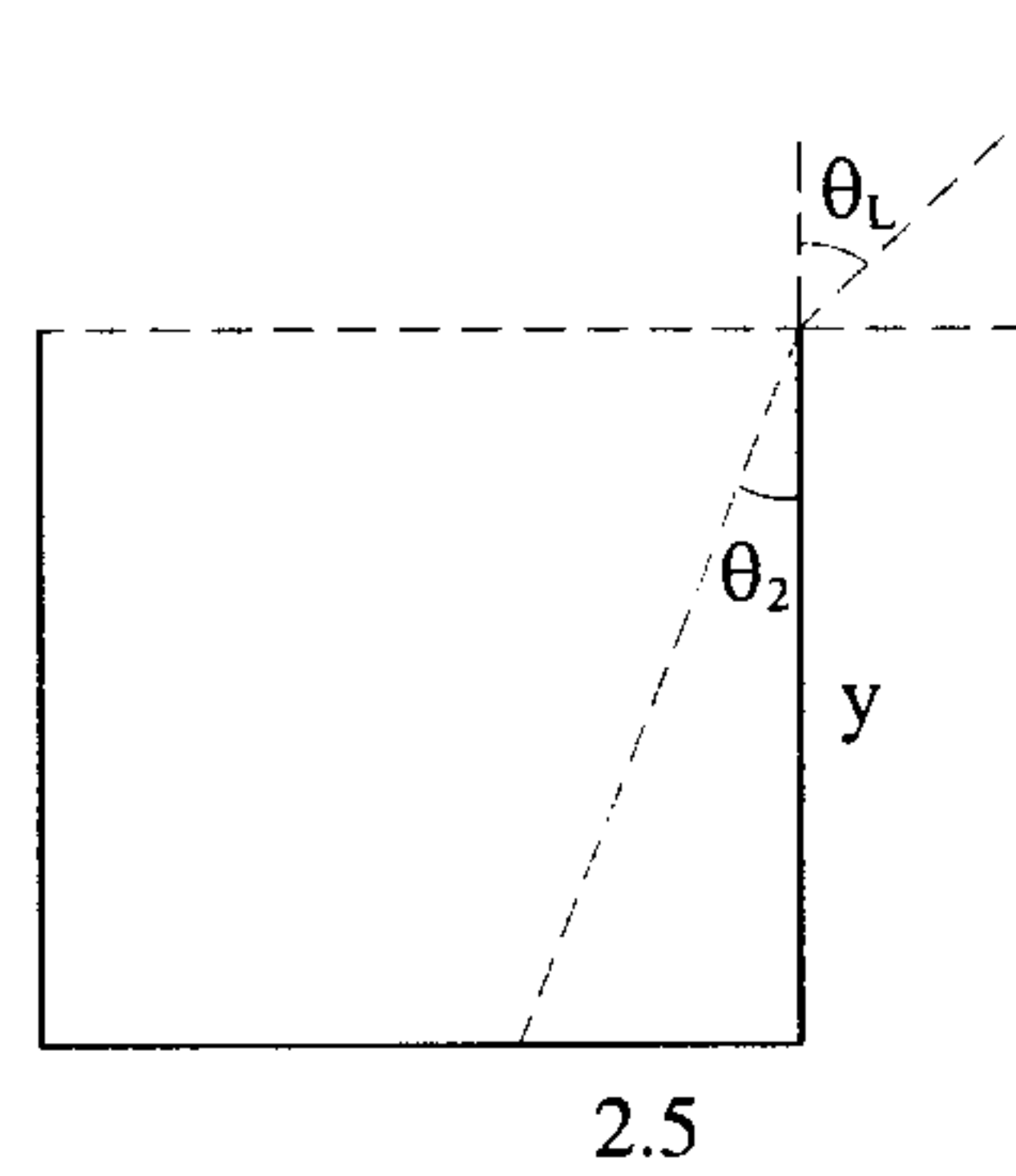
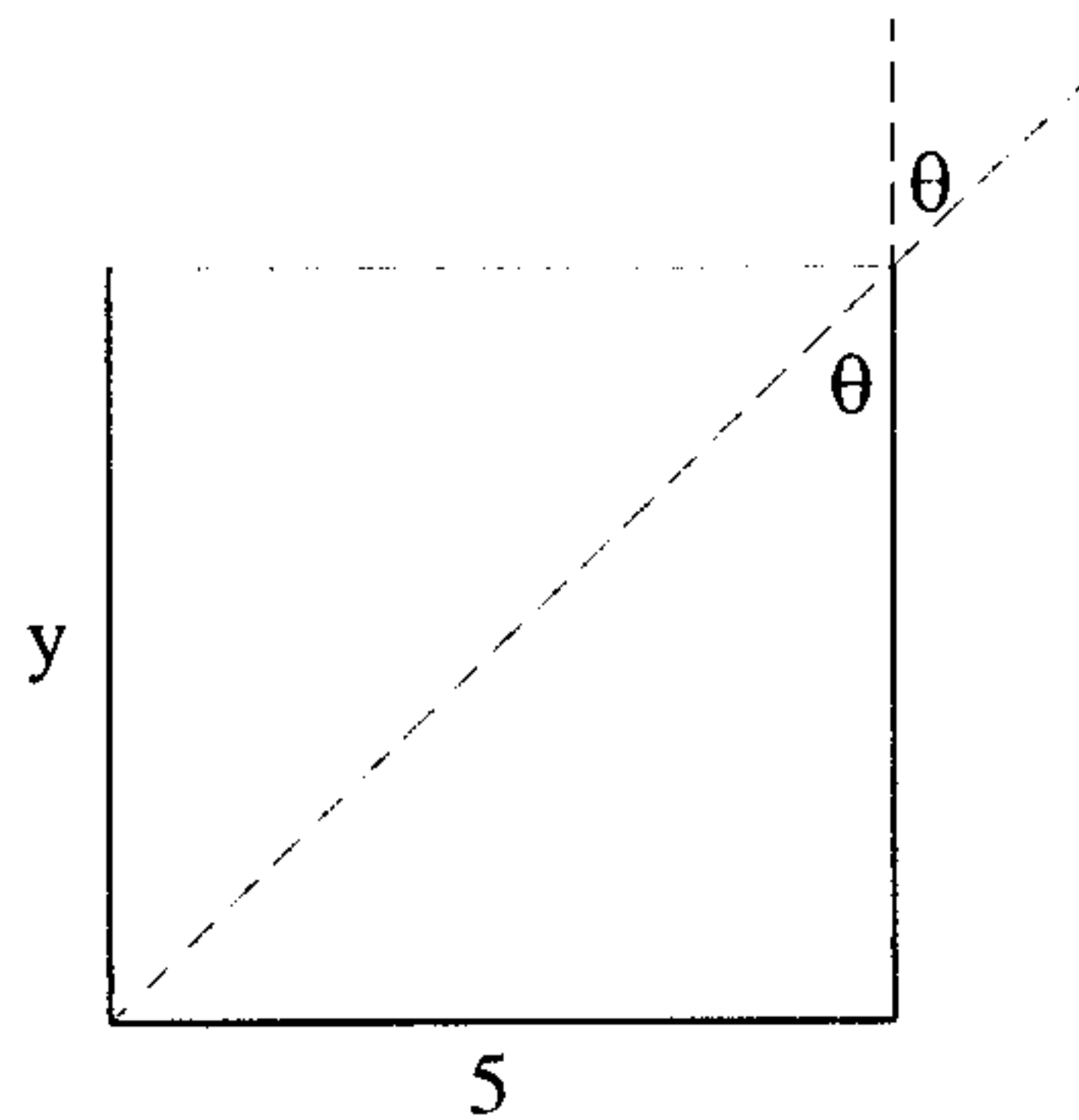
$$1 \times \sin 30^\circ = 1/5 \sin \theta_r \Rightarrow \theta_{r1} = 19/47^\circ$$

$$\alpha = \theta_{r1} + \theta_{i2} \Rightarrow \theta_{i2} = 60 - 19/47 = 40/53^\circ$$

$$1/5 \sin 40/53 = \sin \theta_r \Rightarrow \theta_{r2} = 77/10^\circ$$

$$\delta = (\theta_{i1} - \theta_{r1}) + (\theta_{r2} + \theta_{i1}) = \theta_{i2} + \theta_{r1} - \alpha = 30 + 77/10 - 60 = 47/10^\circ$$

(۱-۲۴)



$$n_i \sin \theta_i = n_r \sin \theta_r \quad 1 \times \frac{5}{\sqrt{y^2 + 25}} = 1/3 \times \frac{2/5}{\sqrt{y^2 + 6/25}}$$

$$2/31 y^2 = 17/25 \Rightarrow y = 2/73 \text{ Cm}$$

$$A = \int \frac{ds}{v} \quad \text{انتگرال عمل}$$

(۵-۲۵)

$$A = \frac{L_1}{V_1} + \frac{L_2}{V_2} = \frac{n_1 L_1}{c} + \frac{n_2 L_2}{c} = \frac{n_1}{c} \sqrt{a^2 + x^2} + \frac{n_2}{c} \sqrt{b^2 + (d-x)^2}$$

$$\frac{dA}{dx} = 0 \Rightarrow n_1 \frac{x}{\sqrt{a^2 + x^2}} = n_2 \frac{d-x}{\sqrt{b^2 + (d-x)^2}}$$

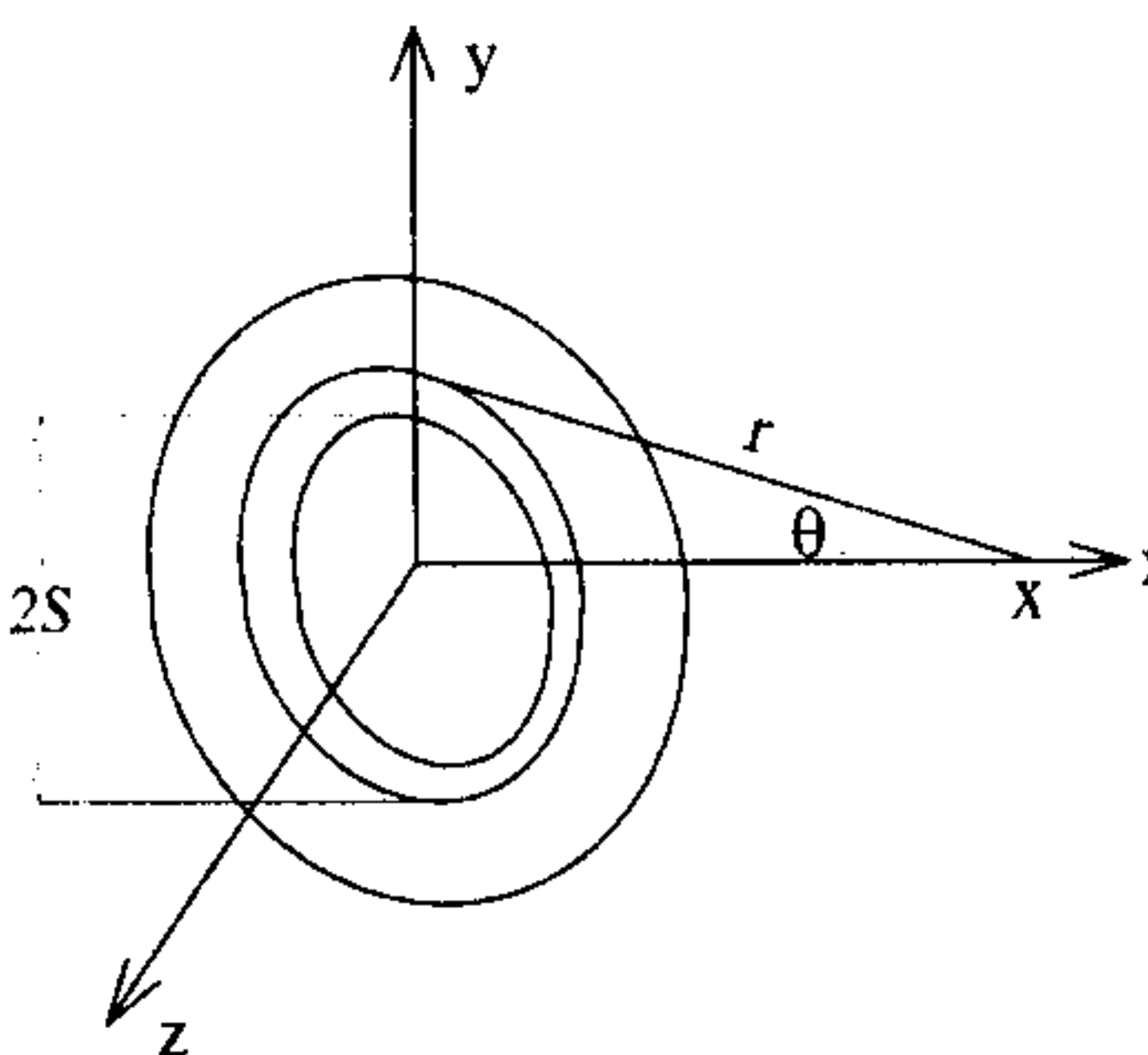
$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$$

$$A = \int \frac{ds}{v} \quad n = \frac{c}{v}$$

(۲-۲۶)

$$A = \frac{1}{C} \int n(x, y) \sqrt{dx^2 + dy^2}$$

$$ds = \sqrt{dx^2 + dy^2} \Rightarrow A = \frac{1}{C} \int_P^Q \sqrt{1 + y'^2} n(x, y) dx \quad 2s$$



فصل سوم

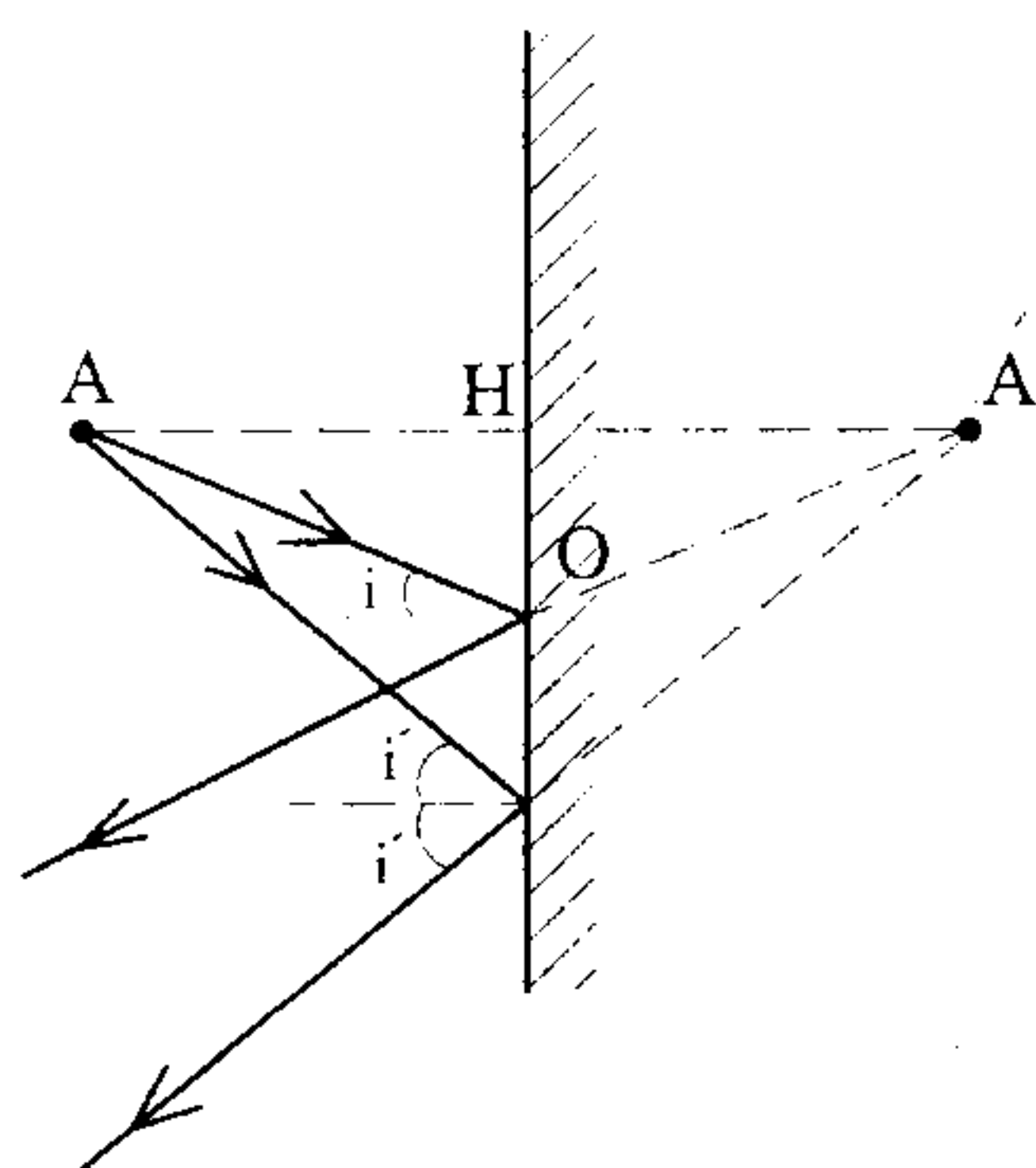
بازتابش و شکست، امواج کروی و

سطوح کروی

۱- ۳ امواج کروی - آینه تخت

تصویر شیء O را در آینه تخت می‌توان بر اساس بازتاب دو پرتو آمده از جسم به دست آورد. این دو پرتو پس از بازتاب از آینه به گونه‌ای از یکدیگر دور می‌شوند که گویا از نقطه‌ای در پشت آینه آمده‌اند.

خصوصیات تصویر یک جسم (جسم حقیقی) در آینه تخت عبارت است از:



الف) فاصله جسم تا آینه برابر فاصله تصویر تا آینه $AH = A'H$

ب) تصویر مجازی است.

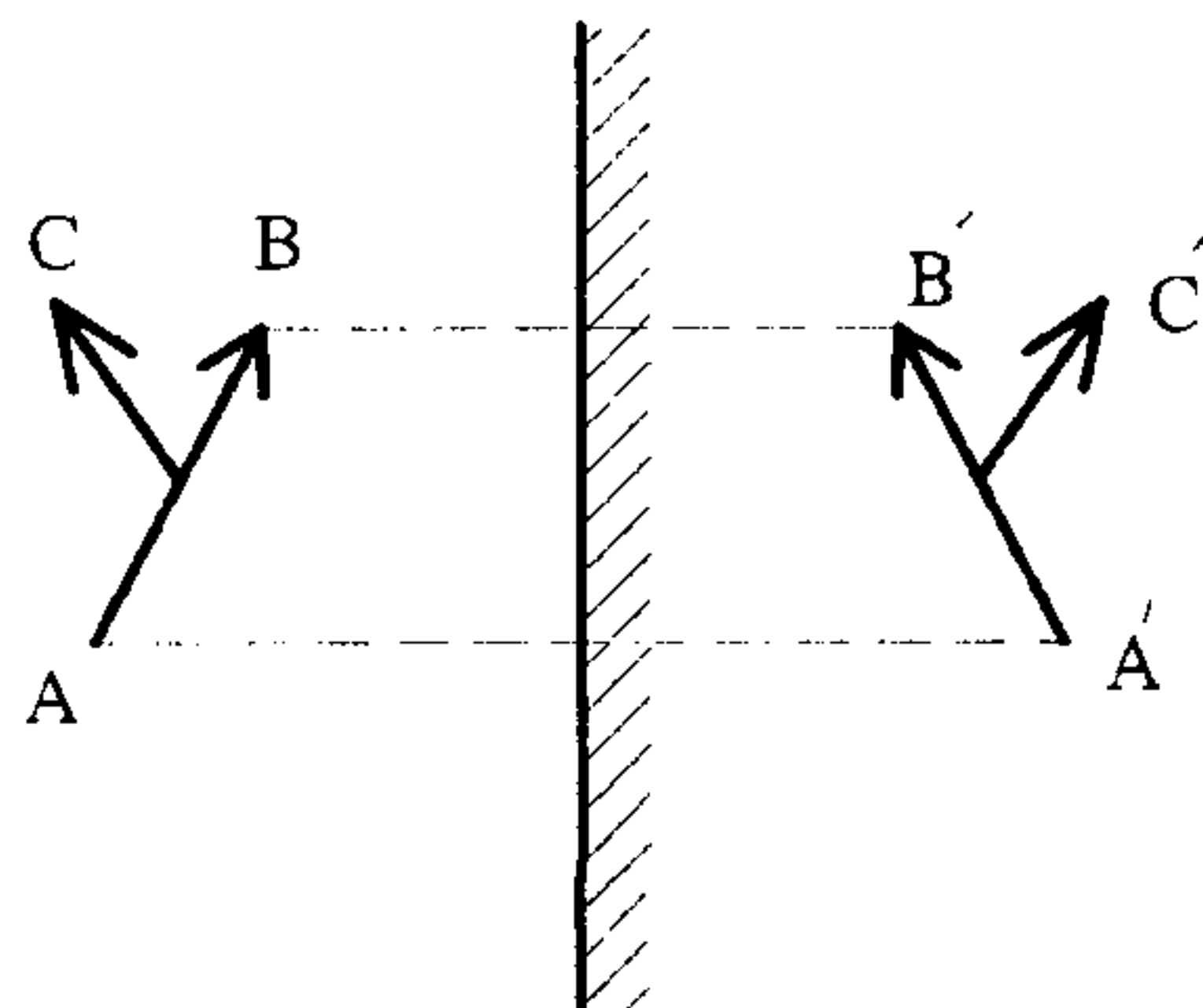
ج) تصویر دارای وارونی جانبی است (جای چپ و راست عوض

می‌شود).

د) تصویر نسبت به شکل مستقیم است (وارون نشده).

ه) بزرگی تصویر با بزرگی جسم برابر است.

وارونی جانبی



فاصله جسم تا آینه $O =$

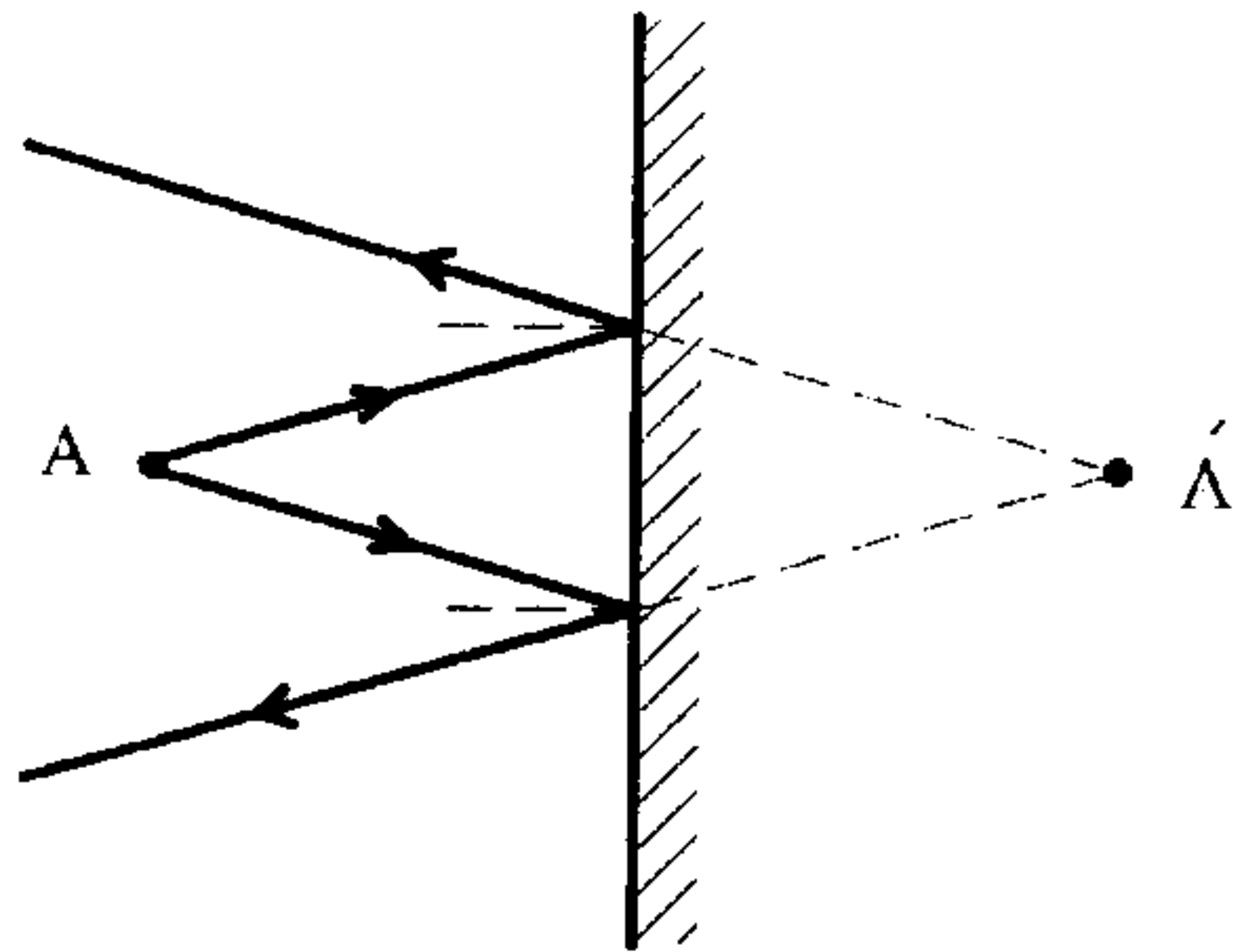
$$\Rightarrow i = -o$$

فاصله تصویر تا آینه $i =$

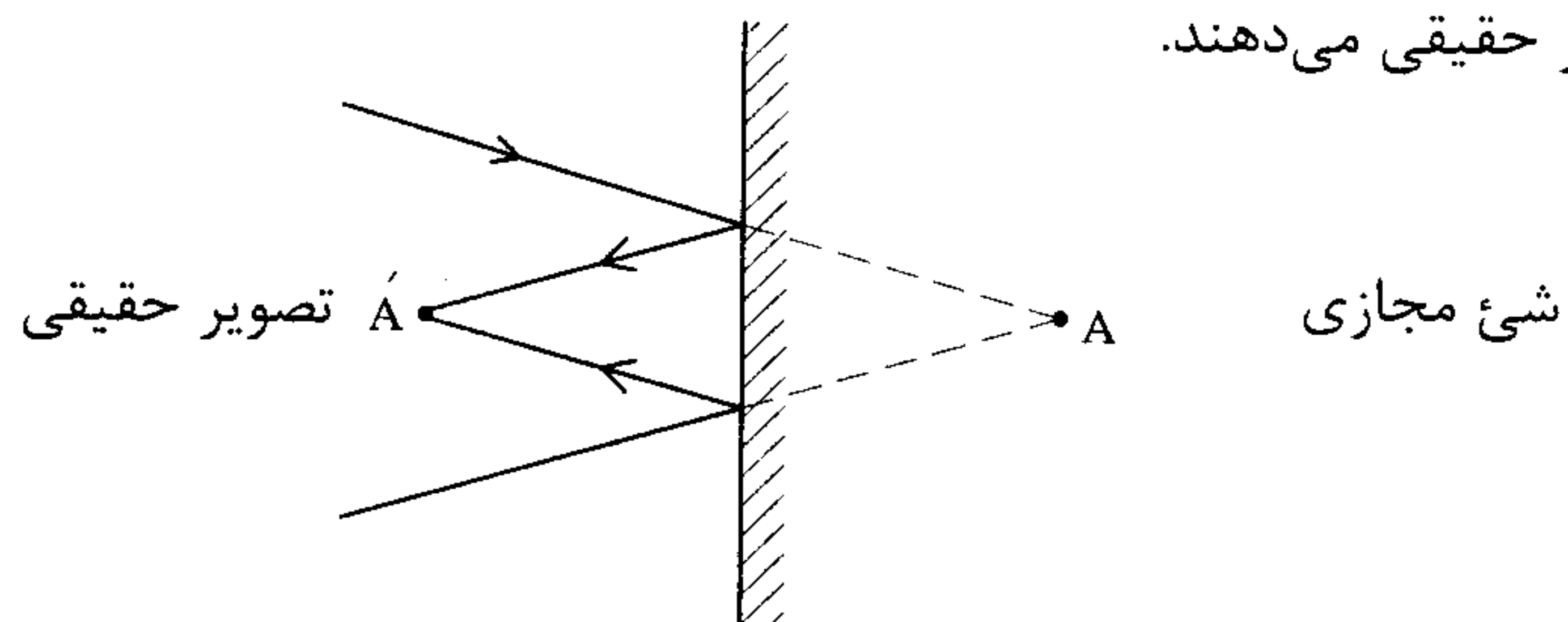
برابری AH و HA' را می‌توان از تساوی دو مثلث

$\triangle AHO$ و $\triangle A'HO$ به دست آورد.

نکته : هنگامی که یک جسم را در برابر آینه تخت قرار می‌دهیم، در واقع یک جسم حقیقی را در برابر آینه قرار داده‌ایم که پرتوها از سوی جسم به صورت واگرا به آینه برخورد کرده و به صورت واگرا منعکس شده و یک تصویر مجازی می‌دهند.



اما اگر شیء مجازی باشد پرتوها به صورت همگرا به طرف آینه تخت می‌روند و پس از بازتاب نیز همگرا هستند و تشکیل یک تصویر حقیقی می‌دهند.



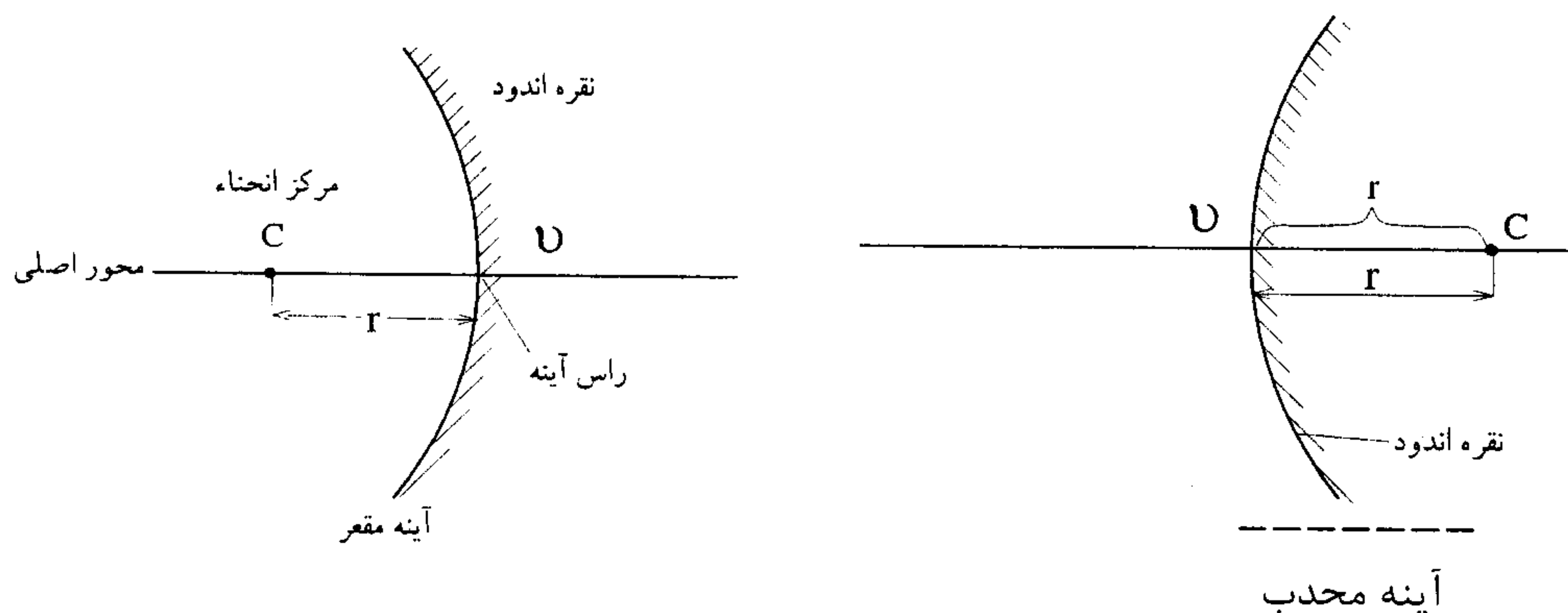
بعداً در مورد شیء مجازی شرح خواهیم داد.

نکته : اگر دو آینه با هم زاویه α بسازند تعداد تصاویری که از شیئی که در میان دو آینه قرار

داده‌ایم می‌توان مشاهده کرد $N = \frac{360}{\alpha} - 1$ می‌باشد.

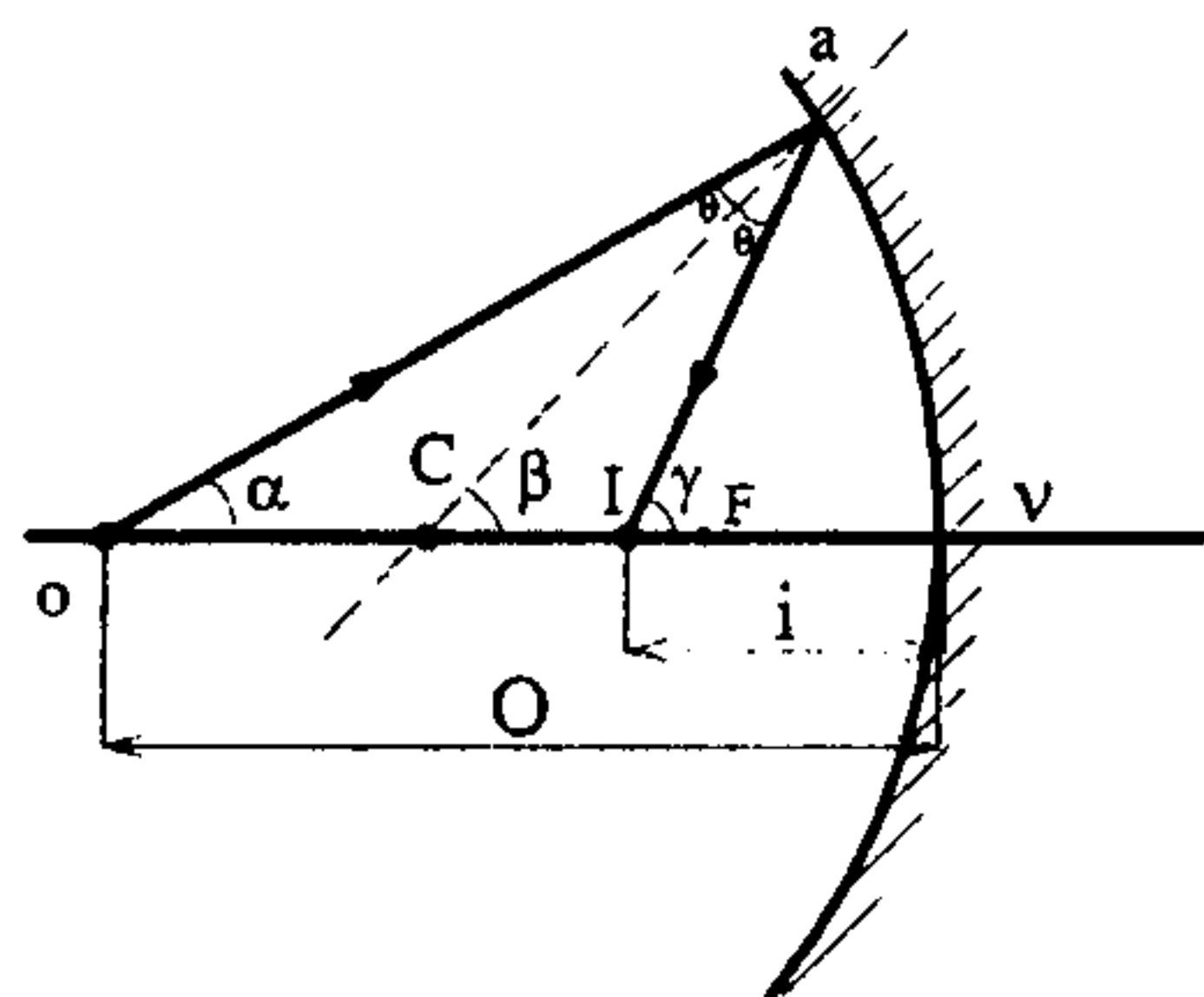
۲-۳ امواج کروی - آینه کروی

می‌دانیم که آینه‌های کروی، آینه‌هایی هستند که سطح آنها قسمتی از یک کره است، که در دو نوع مقعر (کاو) و محدب (کوژ) ساخته می‌شوند.



اگر O فاصله جسم (روی محور اصلی) تا آینه باشد (تا رأس آینه v) و i فاصله جسم تا آینه باشد داریم :

$$f = \frac{r}{2} \text{ فاصله کانونی و } \frac{1}{O} + \frac{1}{i} = \frac{1}{f} \text{ یا } \frac{1}{O} + \frac{1}{i} = \frac{2}{r}$$



پرتو آمده از نقطه O در نقطه a بازتاب پیدا می کند.

$$\alpha = \frac{\hat{a}v}{O}, \beta = \frac{\hat{a}v}{r}, \gamma = \frac{\hat{a}v}{i}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \Delta Oca \\ \Delta cIa \end{array} \right. \beta : \text{زاویه خارجی مثلث } \beta = \alpha + \theta$$

$$\Rightarrow \gamma - \beta = \beta - \alpha \Rightarrow \alpha + \gamma = 2\beta$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \Delta Oca \\ \Delta cIa \end{array} \right. \gamma : \text{زاویه خارجی مثلث } \gamma = \theta + \beta$$

$$\Rightarrow \frac{\hat{a}v}{O} + \frac{\hat{a}v}{i} = 2 \frac{\hat{a}v}{r} \Rightarrow \frac{1}{O} + \frac{1}{i} = \frac{2}{r}$$

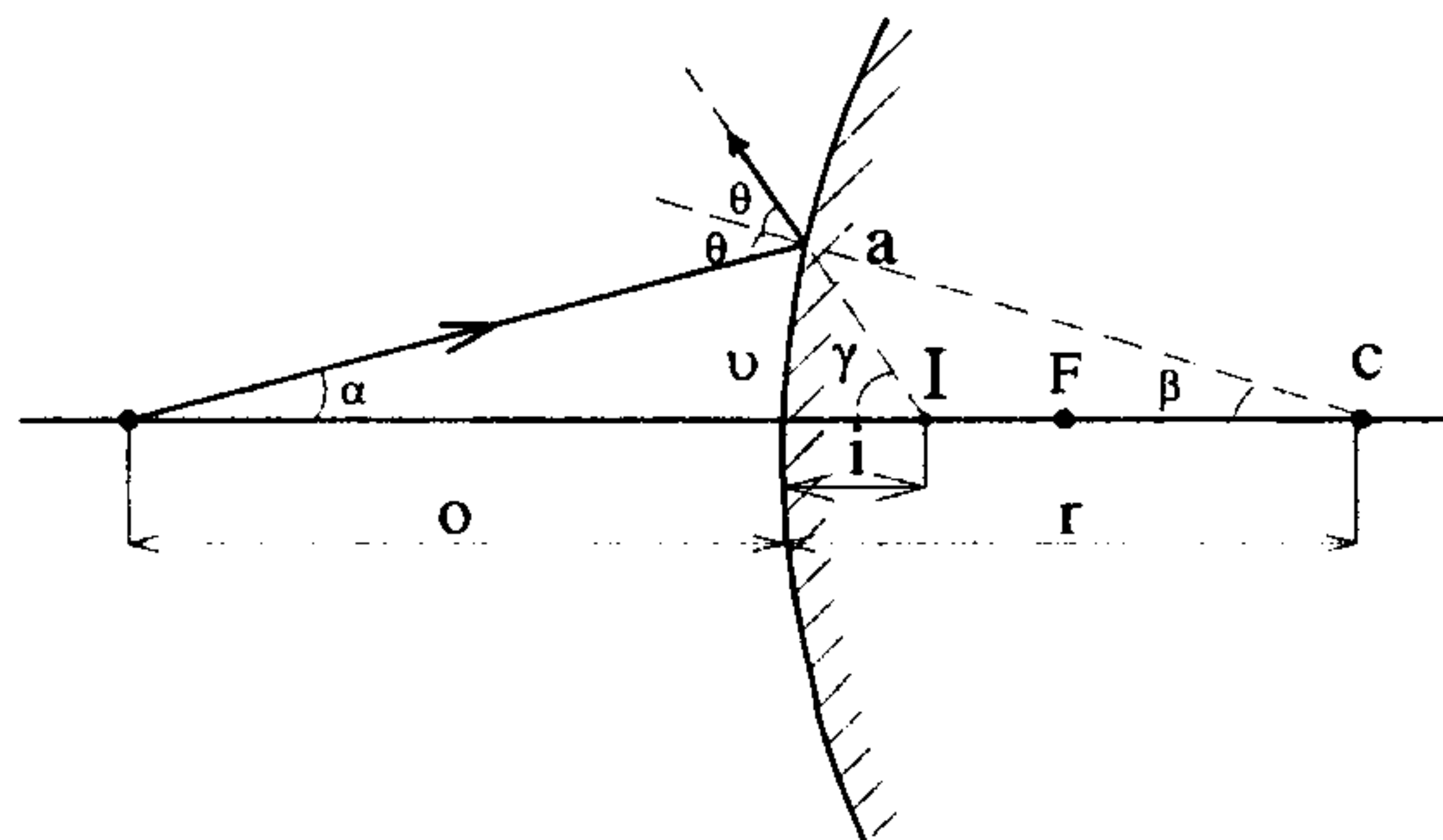
هنگامی که جسم روی محور اصلی در بی نهایت است ($O = \infty$)، به عبارتی پرتوها موازی با محور اصلی به سمت آینه مقعر می آیند همدیگر را در نقطه ای روی محور اصلی قطع می کنند (محل تصویر آن نقطه است)، این نقطه را F کانون اصلی آینه مقعر گفته و فاصله آن تا آینه فاصله کانونی عدسی است.

$$O = \infty \Rightarrow i = f \Rightarrow \frac{1}{\infty} + \frac{1}{f} = \frac{2}{r} \Rightarrow f = \frac{r}{2}$$

نکته : رابطه بالا را می توان برای آینه محدب نیز اثبات کرد. که البته در آنجا کانون اصلی مجازی و f منفی است. تصویر نیز مجازی است.

$$f = \frac{r}{2} < 0 \quad \text{و} \quad i < 0$$

$$\frac{1}{O} + \frac{1}{i} = \frac{2}{r} = \frac{1}{f}$$



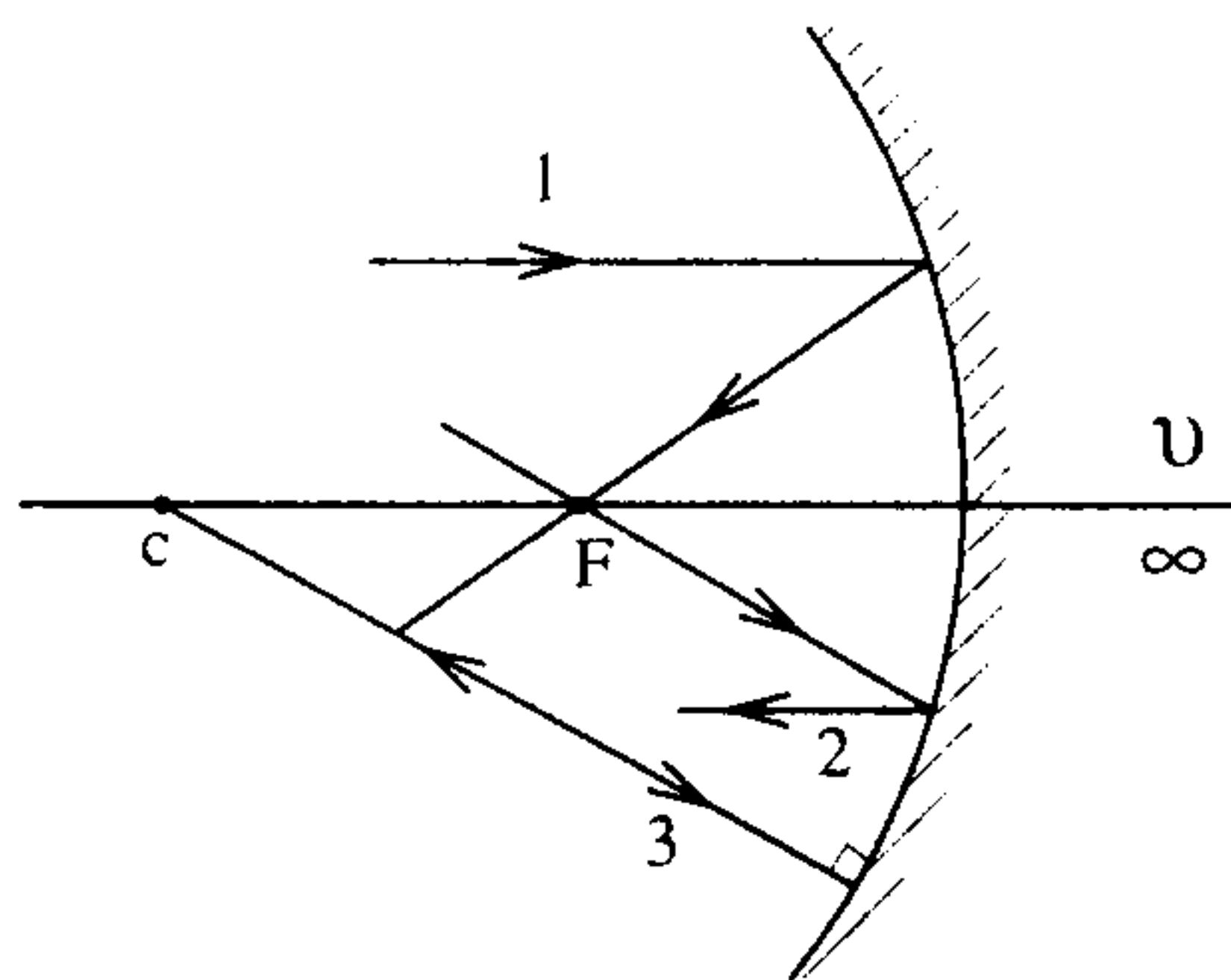
۳-۳ رسم پرتوها

برای رسم تصاویر می‌توان از رسم سه پرتو مشخص استفاده کرد.

۱- پرتوی که موازی با محور اصلی به آینه مقعر

برخورد کند از کانون برمی‌گردد.

$$(O = \infty \Rightarrow i = f)$$



۲- پرتویی که از کانون بگذرد پس از بازتاب از

آینه موازی با محور اصلی برمی‌گردد.

$$(O = f \Rightarrow i = \infty)$$

۳- پرتویی که از مرکز انحنا عبور کند بر روی خود بازتاب پیدا می‌کند.

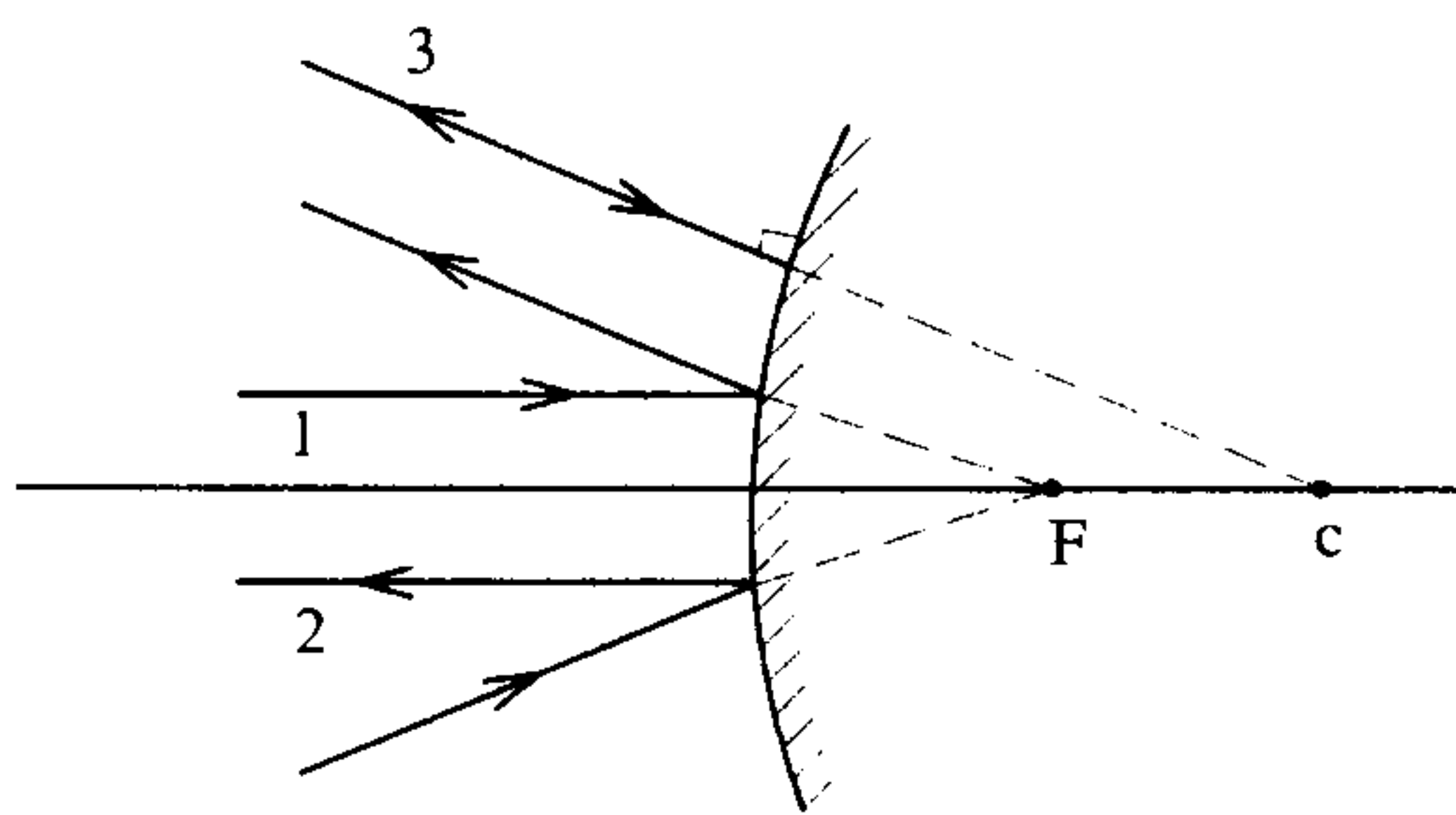
و در آینه محدب :

(۱) پرتویی که موازی با محور اصلی به آینه

برخورد کند طوری از آینه دور می‌شود که

گویا از نقطه کانون مجازی در پشت آینه

آمده است.



(۲) پرتویی که به سمت کانون برود موازی بازمی‌گردد.

(۳) پرتویی که به طرف مرکز انحنا برود بر روی خود بازتاب پیدا می‌کند.

۳-۴ خصوصیات و رسم تصویر

$$m = -\frac{i}{O} \text{ بزرگنمایی}$$

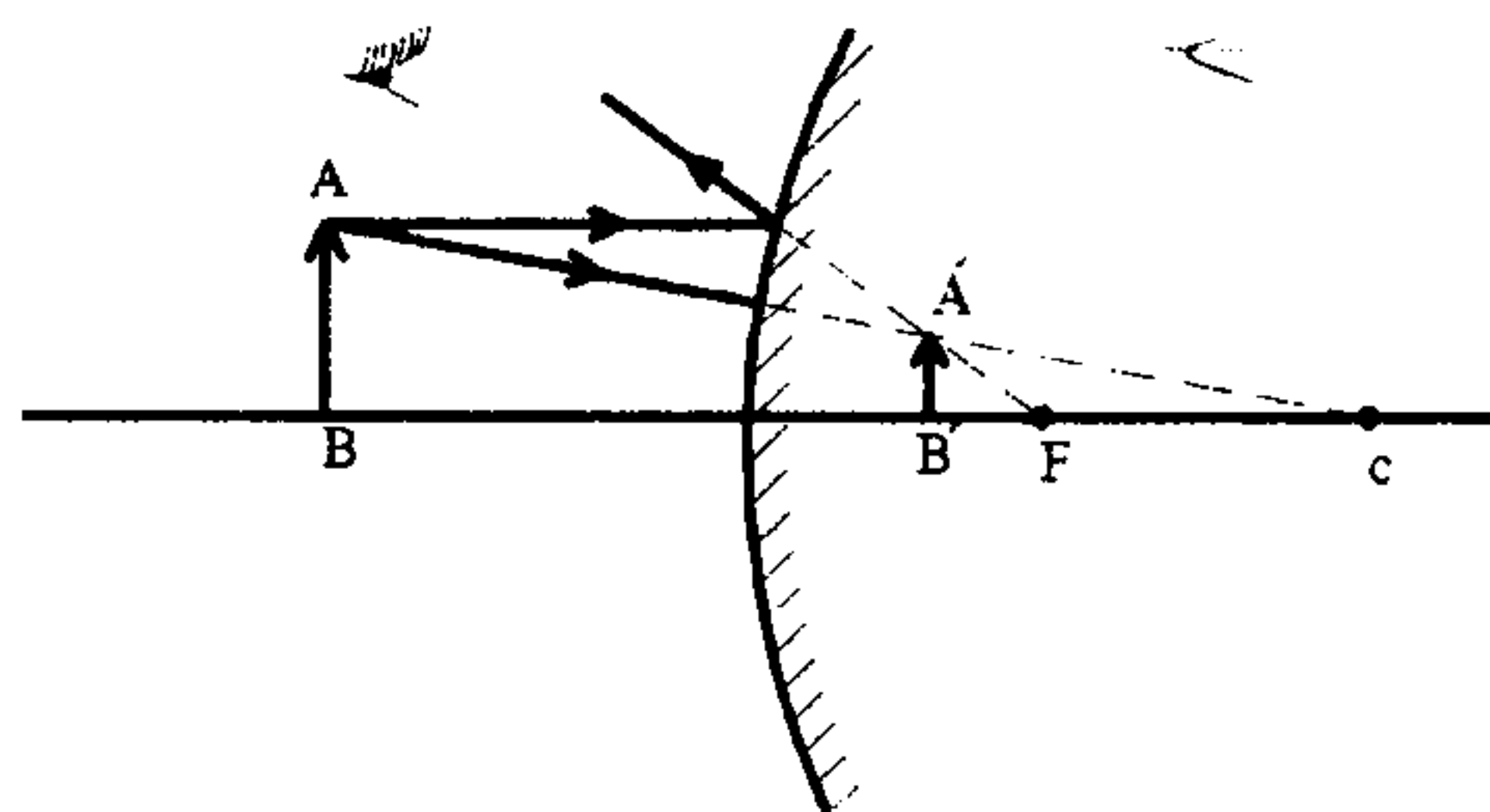
در مورد آینه‌های تخت می‌دانیم که $i = -O$ و بنابراین $m = +1$ یعنی تصویر هم اندازه با جسم و

علامت + نشان‌دهنده مستقیم بودن آن نسبت به جسم است و تصویر نیز مجازی است ($i < 0$).

در آینه محدب : همیشه $i < 0$ و تصویر مجازی و مستقیم است، $m < 1$ و همیشه نیز در فاصله

کانونی تشکیل می‌شود $|i| < |f| < 0$

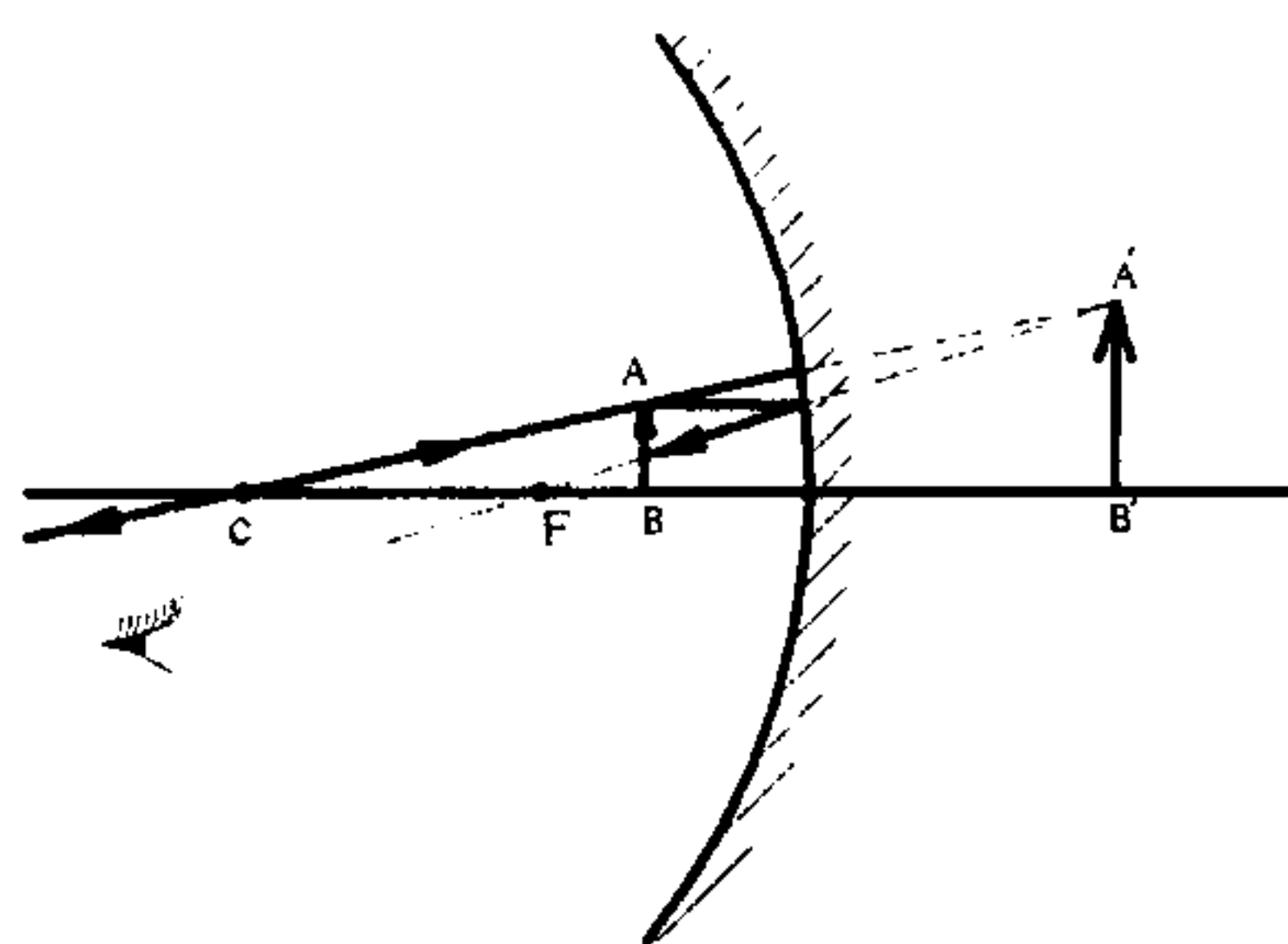
$$f = \frac{r}{2} < 0$$



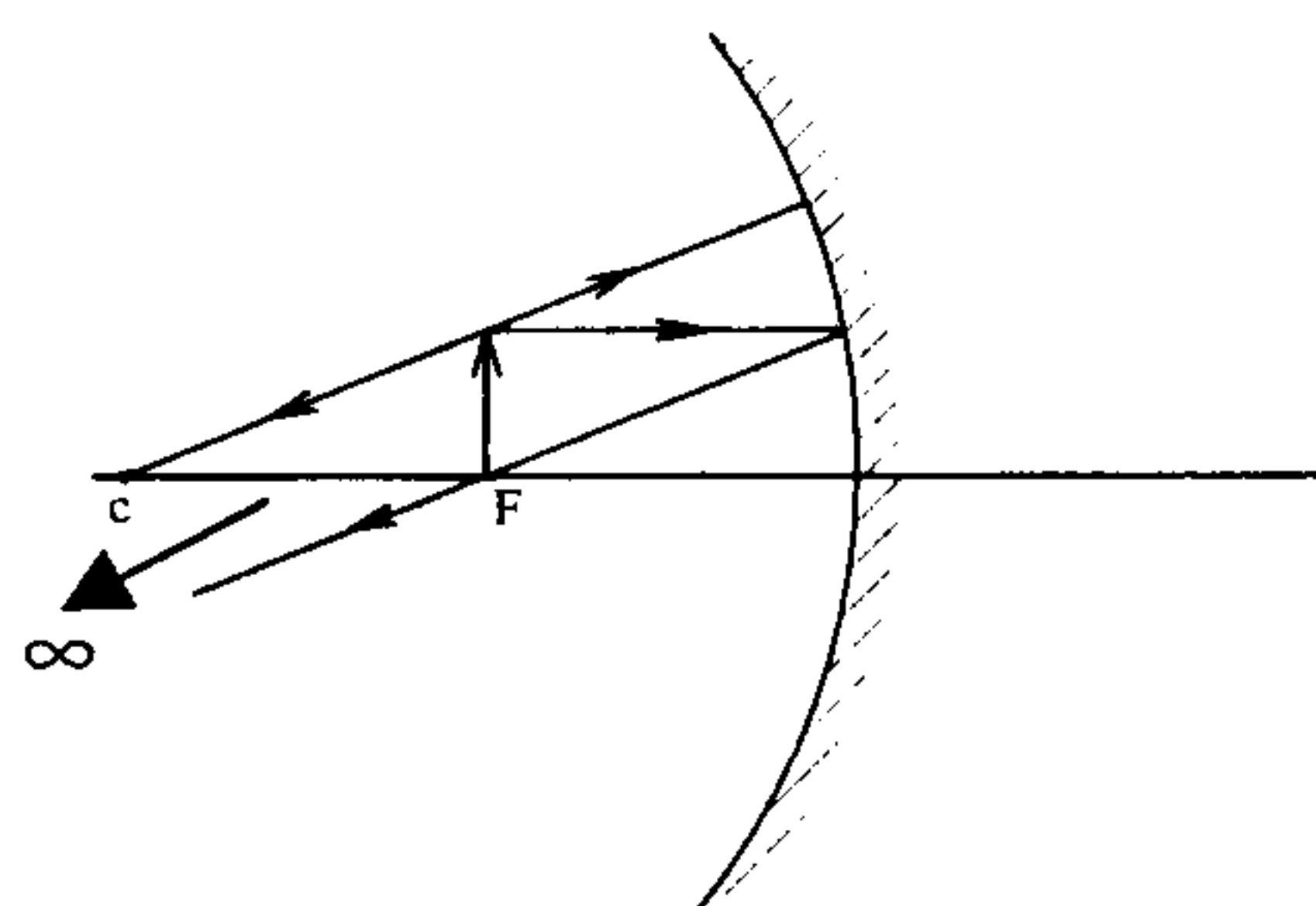
در آینه مقعر : همیشه $f = \frac{r}{2} > 0$ است و حالات زیر را داریم :

الف) جسم در فاصله کانونی قرار دارد $0 < f < O$
تصویر مجازی $i < 0$ ، مستقیم و بزرگتر است.

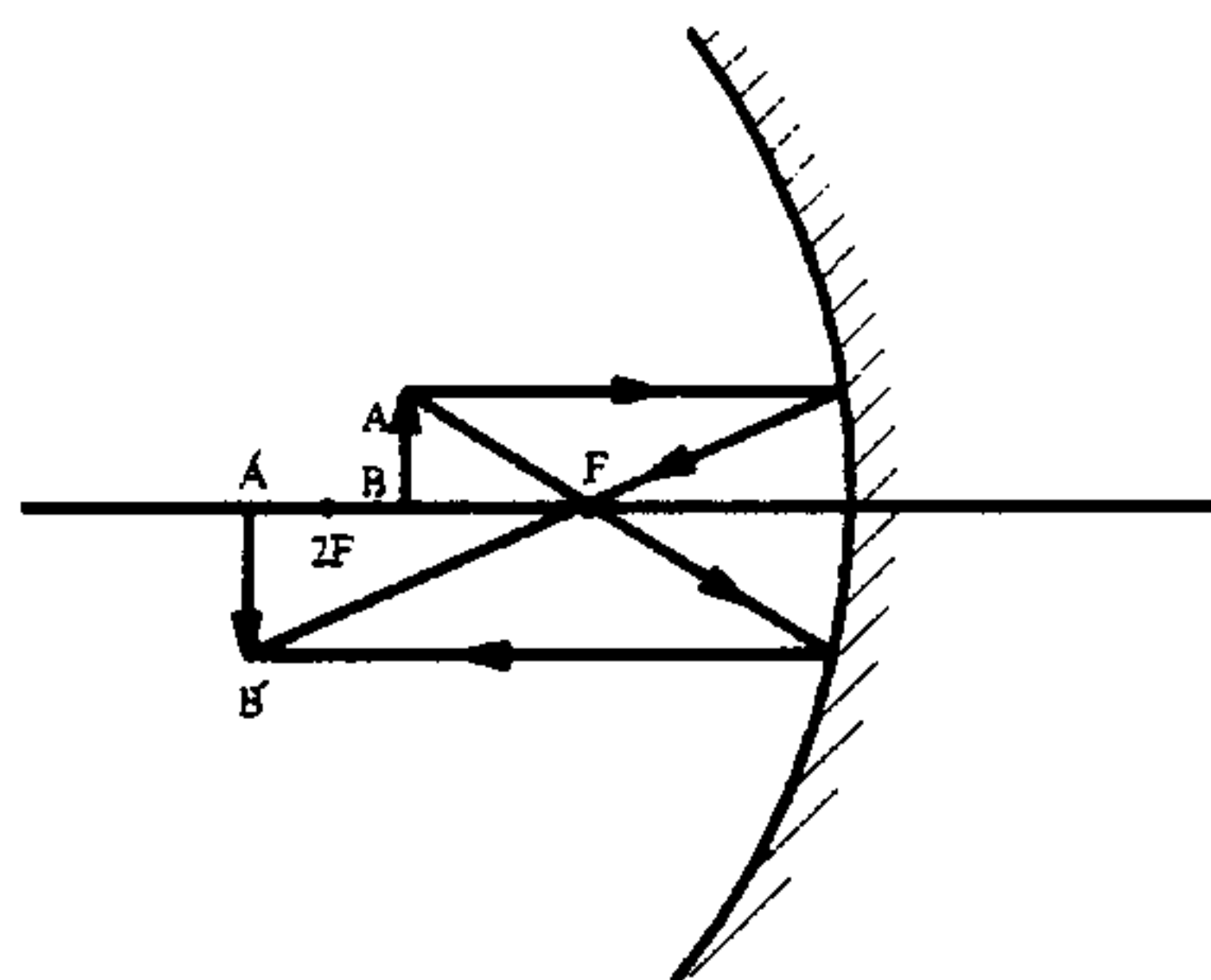
$$m = \frac{-i}{O} \text{ و } m > +1$$



ب) جسم در روی کانون قرار دارد $O = f$ بنابراین
تصویر در بی‌نهایت تشکیل شده، بزرگتر، حقیقی
و وارون است.



ج) جسم بین کانون و مرکز انحنا است $F < O < 2F$
تصویر حقیقی، وارون، بزرگتر و بعد از $2F$ تشکیل
می‌شود.



$$i > 0 \Rightarrow m = \frac{-i}{O} < 0$$

$$|m| > 1$$

د) جسم روی مرکز انحنا قرار دارد $O = 2F$ در نتیجه تصویر نیز روی مرکز انحنا تشکیل

می‌شود $i = 2F$ تصویر حقیقی، وارون و هم اندازه با جسم است.
 $i > 0 \Rightarrow m = \frac{-i}{O} = -1$

ه) جسم پس از مرکز انحنا قرار دارد $2F < O < \infty$ در آن صورت تصویر حقیقی وارون و

کوچکتر خواهد بود و $F < i < 2F$ می‌باشد.

$$i > 0 \text{ و } m = \frac{-i}{O} < 0 \text{ و } |m| < 1$$

و) جسم در ∞ باشد تصویر در کانون تشکیل می‌شود.

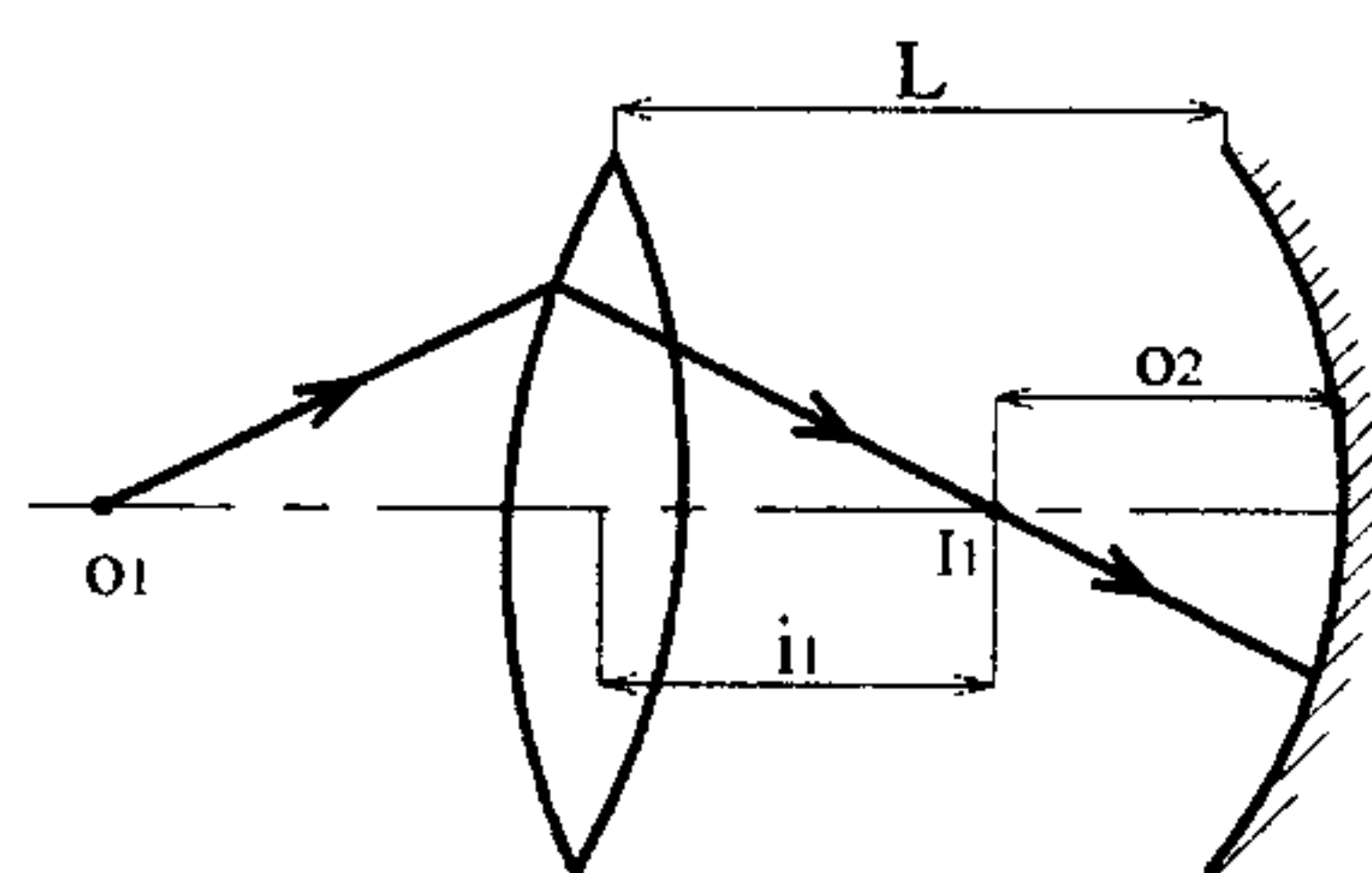
نکته : همان طور که دیدیم تصویر حقیقی ناشی از یک شیء حقیقی همواره وارون و دارای بزرگنمایی $m = \frac{-i}{O} < 0$ است و تصویر مجازی ناشی از یک شیء حقیقی همواره مستقیم و دارای بزرگنمایی $m > 0$ است.

نکته : مزیت آینه محدب بر آینه تخت و آینه مقعر میدان دید وسیعتر آن است و البته باید توجه داشت اجسام را همیشه کوچکتر نشان می‌دهد.

۵-۳ جسم مجازی

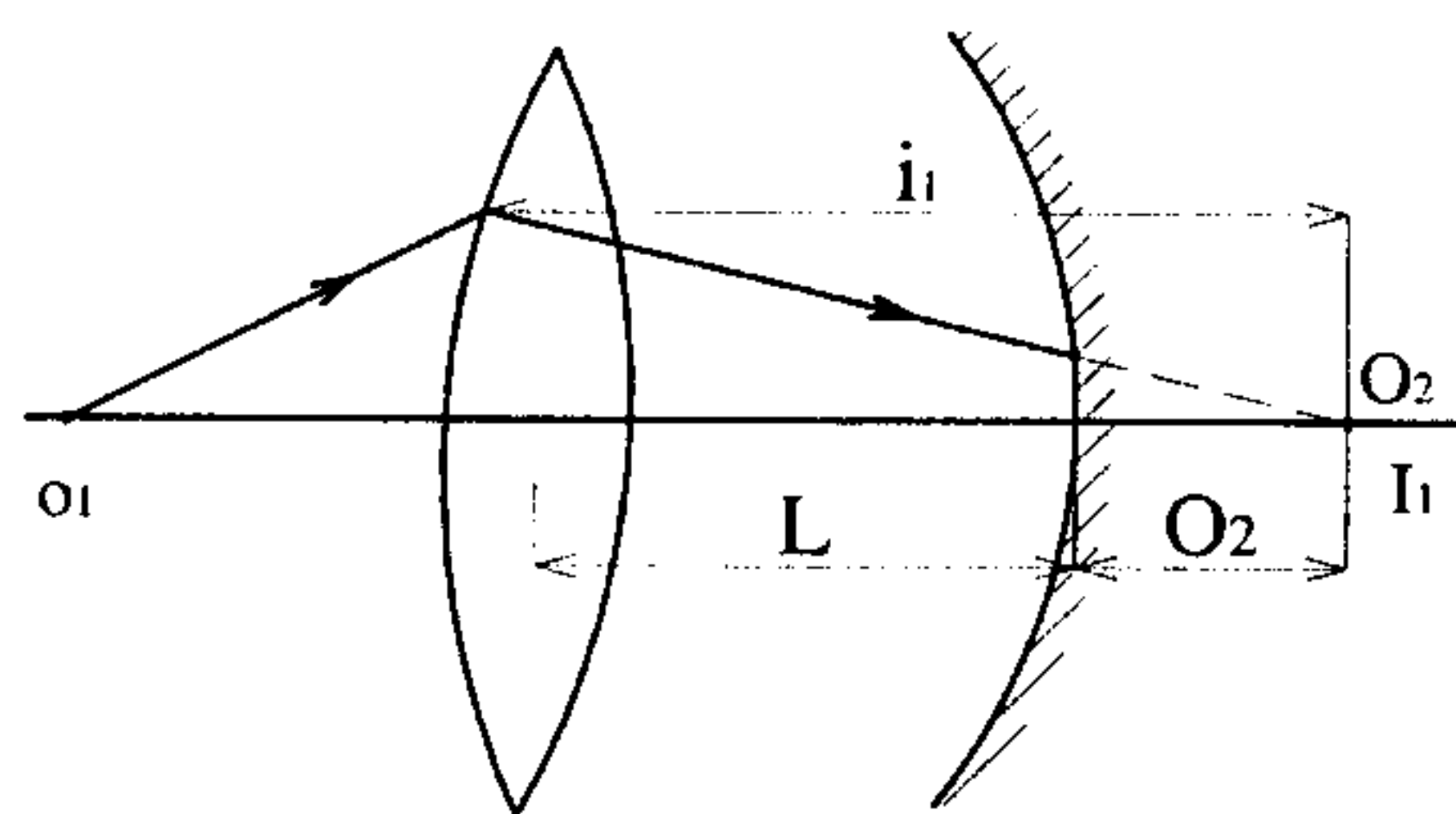
جسم مجازی هنگامی مطرح می‌شود که با ترکیبی از آینه‌ها و یا عدسیها کار می‌کنیم. در واقع جسمی که می‌خواهیم تصویر آن را به دست آوریم خود تصویر ناشی از شیء حقیقی دیگر بوده است :

۱- اگر تصویر I_1 ناشی از شیء O_1 در عدسی، جلوی آینه افتاد خود به عنوان شیء حقیقی O_2 برای آینه مطرح است (پرتوهای ناشی از O_2 به صورت واگرا به سمت آینه می‌روند).



$$O_2 = L - i_1 > 0$$

۲- اگر تصویر I_1 ناشی از شیء حقیقی O_1 در عدسی پشت آینه افتاد، به عنوان شیء مجازی O_2 برای آینه مطرح است (پرتوهای ناشی از O_2 به صورت همگرا به سمت آینه می‌روند).

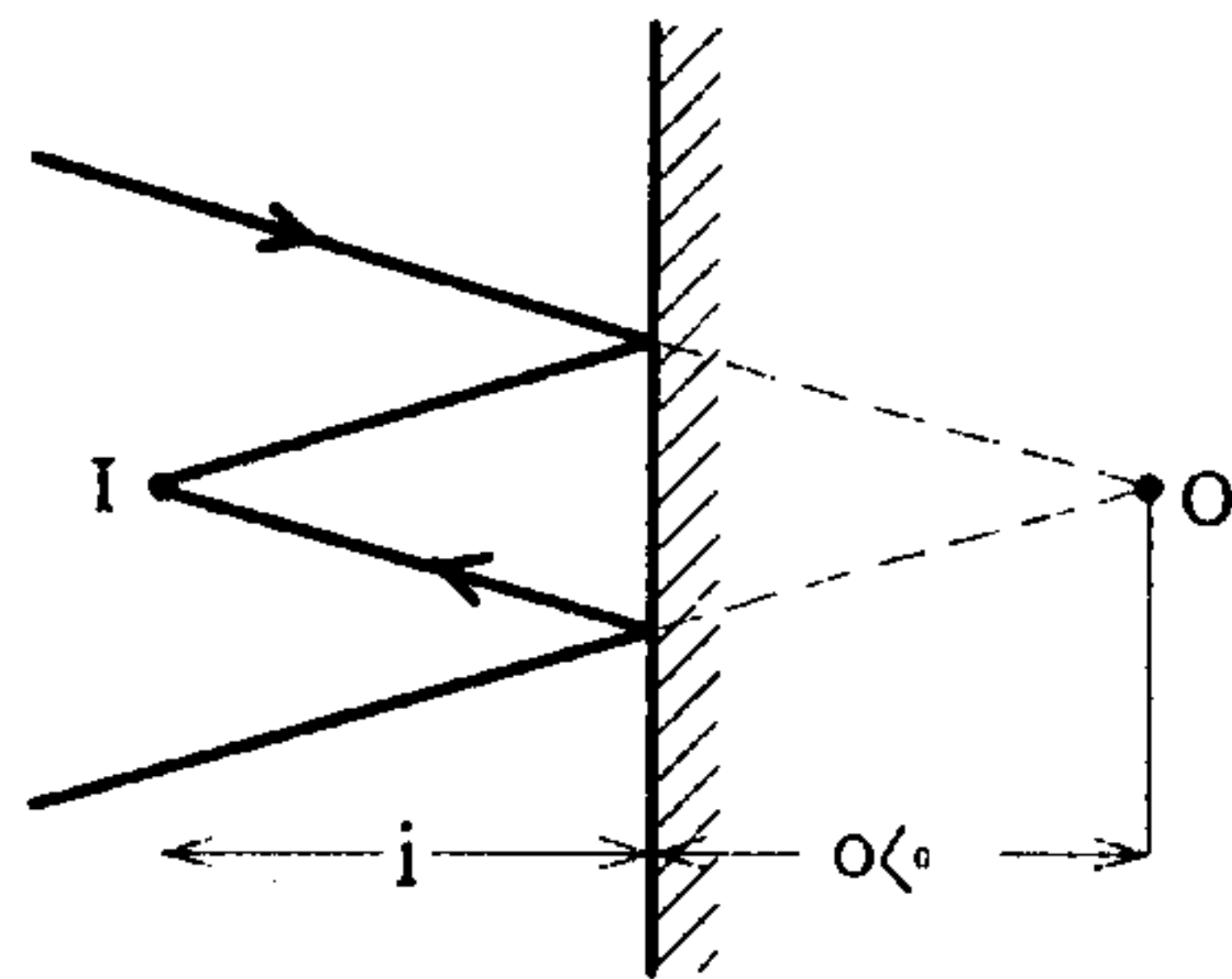


$$O_2 = L - i_1 < 0$$

حالا که با مفهوم شیء مجازی آشنا شدیم، فقط به بررسی تصویر ناشی از آن در آینه‌ها می‌پردازیم :

۱- آینه تخت

همان طور که دیدیم تصویر ناشی از شیء مجازی در آینه تخت حقیقی است.

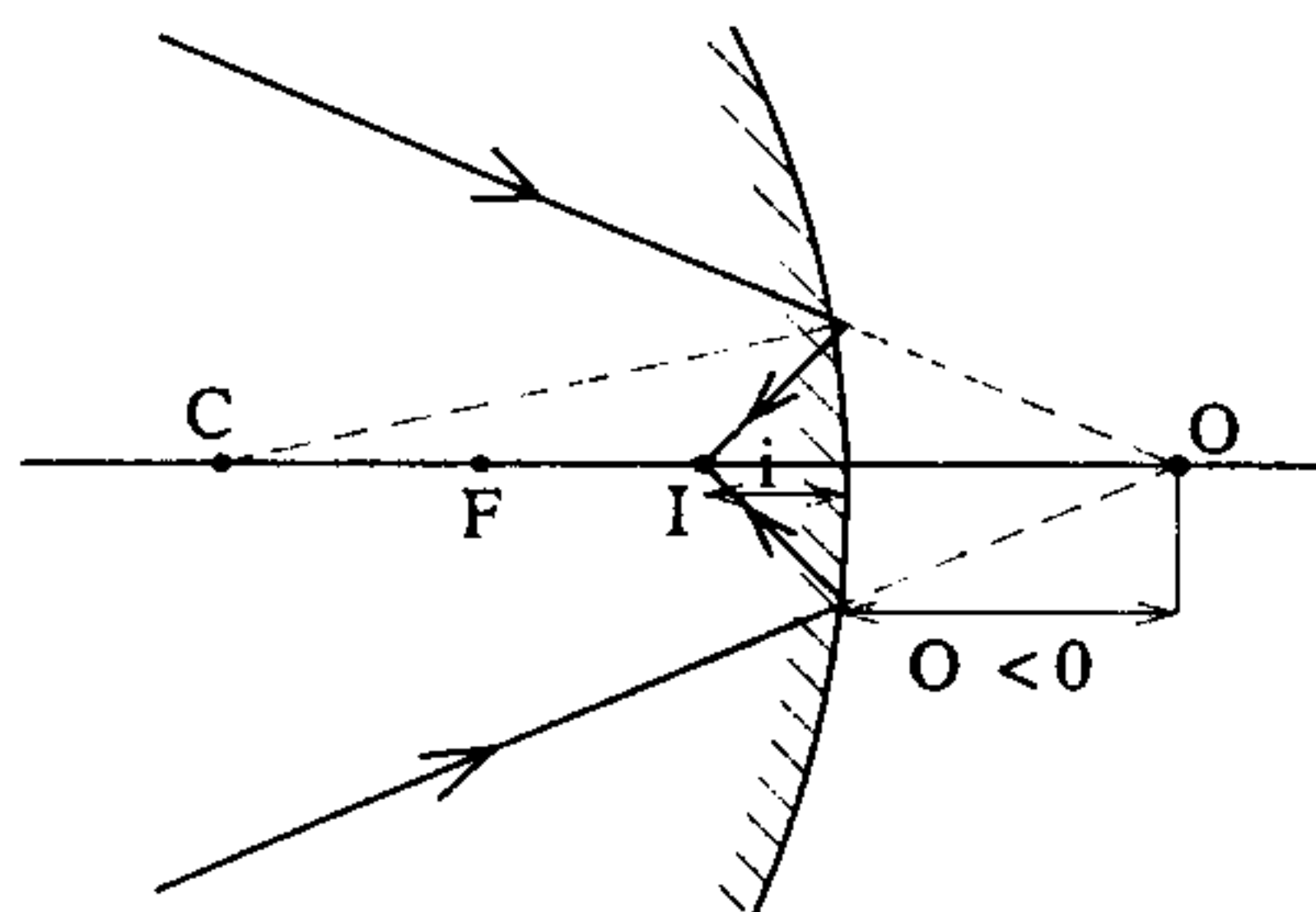


$$\begin{cases} i = -O \Rightarrow i > 0 \\ O < 0 \end{cases}$$

۲- آینه مقعر

$$O < 0 \Rightarrow O = -|O| \text{ و } f > 0$$

$$\frac{1}{O} + \frac{1}{i} = \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{i} = -\frac{1}{O} + \frac{1}{f} = -\frac{1}{-|O|} + \frac{1}{f} = \frac{1}{|O|} + \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{i} > 0 \Rightarrow i > 0$$

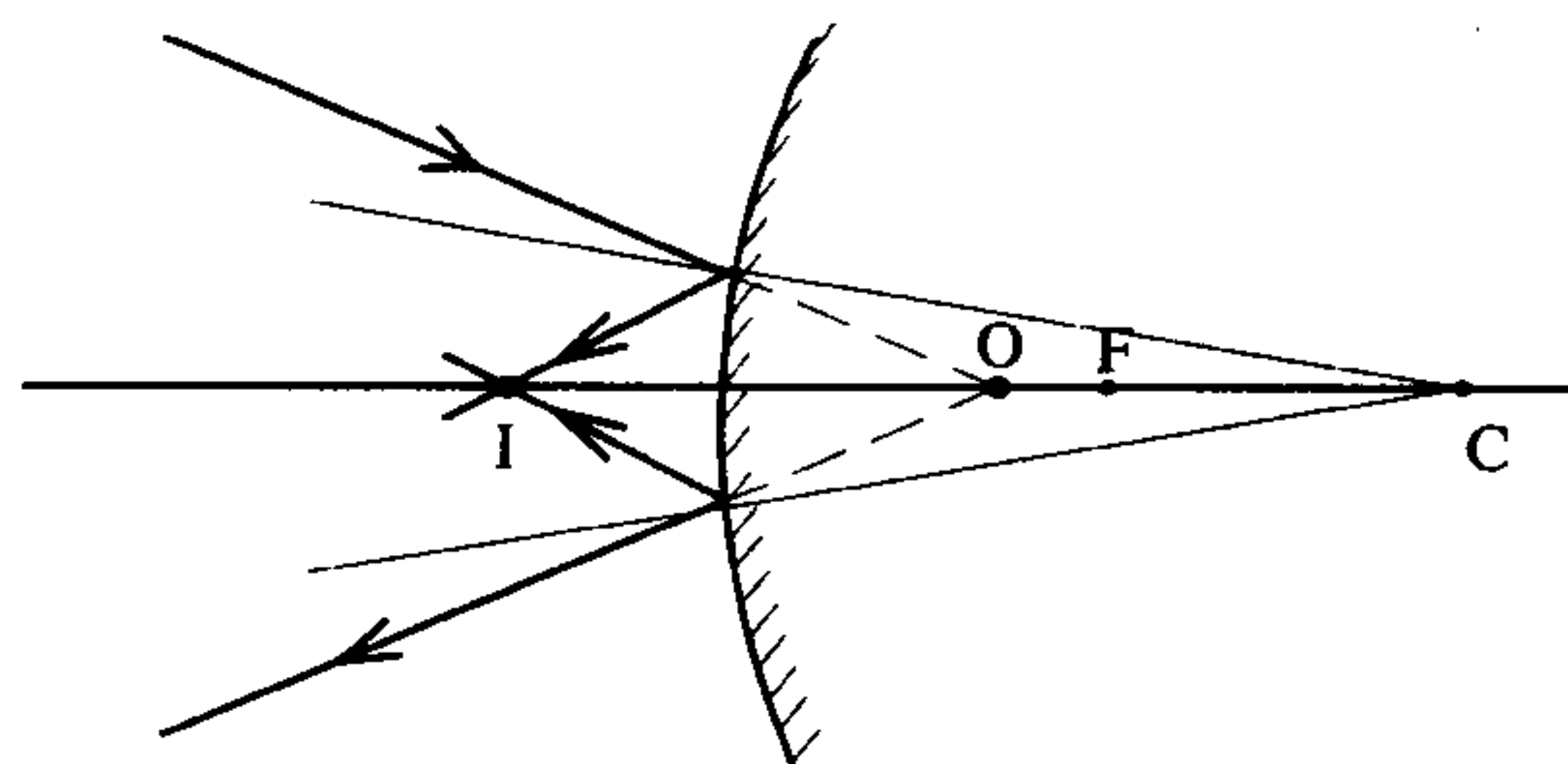


۳- آینه محدب

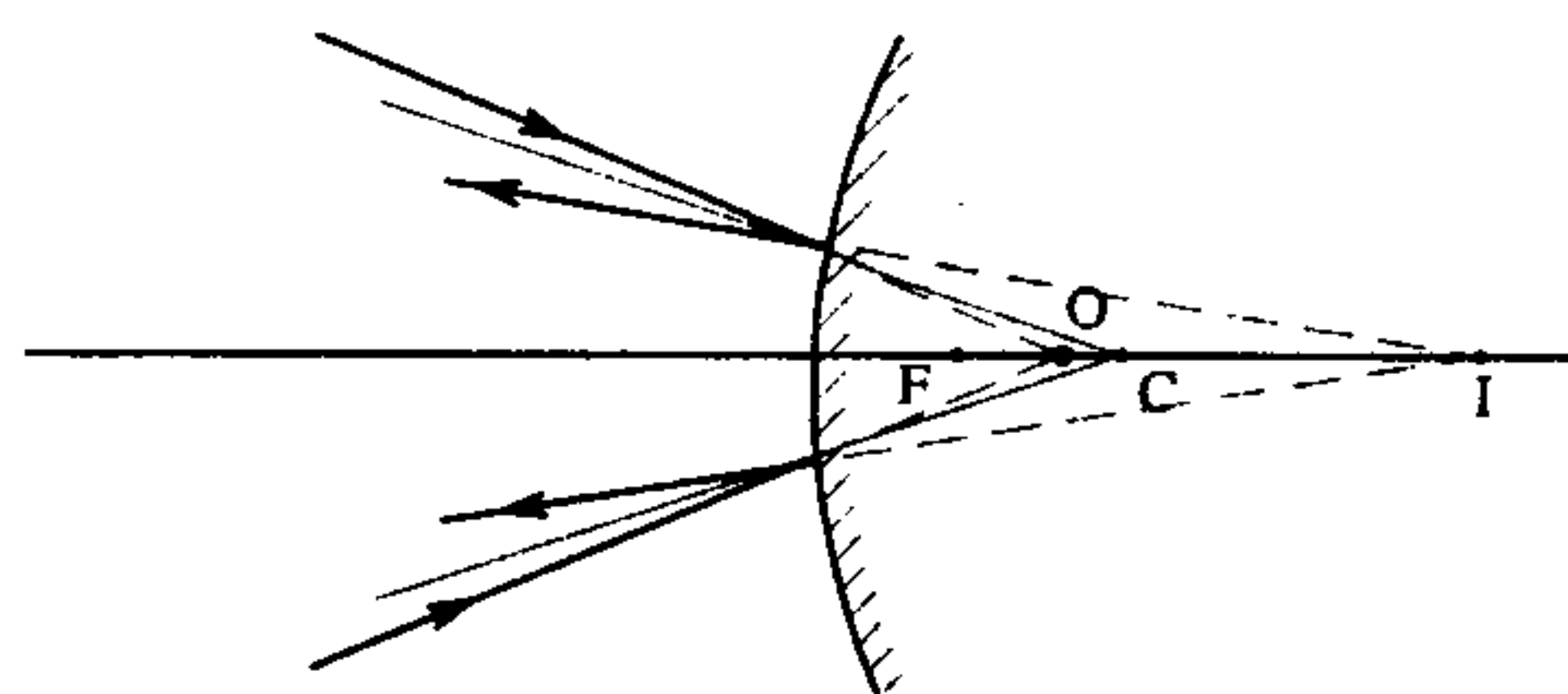
$$O < 0 \Rightarrow O = -|O| \text{ و } f < 0 \Rightarrow f = -|f|$$

$$\frac{1}{i} = -\frac{1}{O} + \frac{1}{f} \Rightarrow -\frac{1}{-|O|} + \frac{1}{-|f|} = \frac{1}{|O|} - \frac{1}{|f|} \Rightarrow i = \frac{|O||f|}{|f| - |O|}$$

الف) اگر $|f| > |O|$ باشد آینه محدب از جسم مجازی تصویر حقیقی می‌دهد.

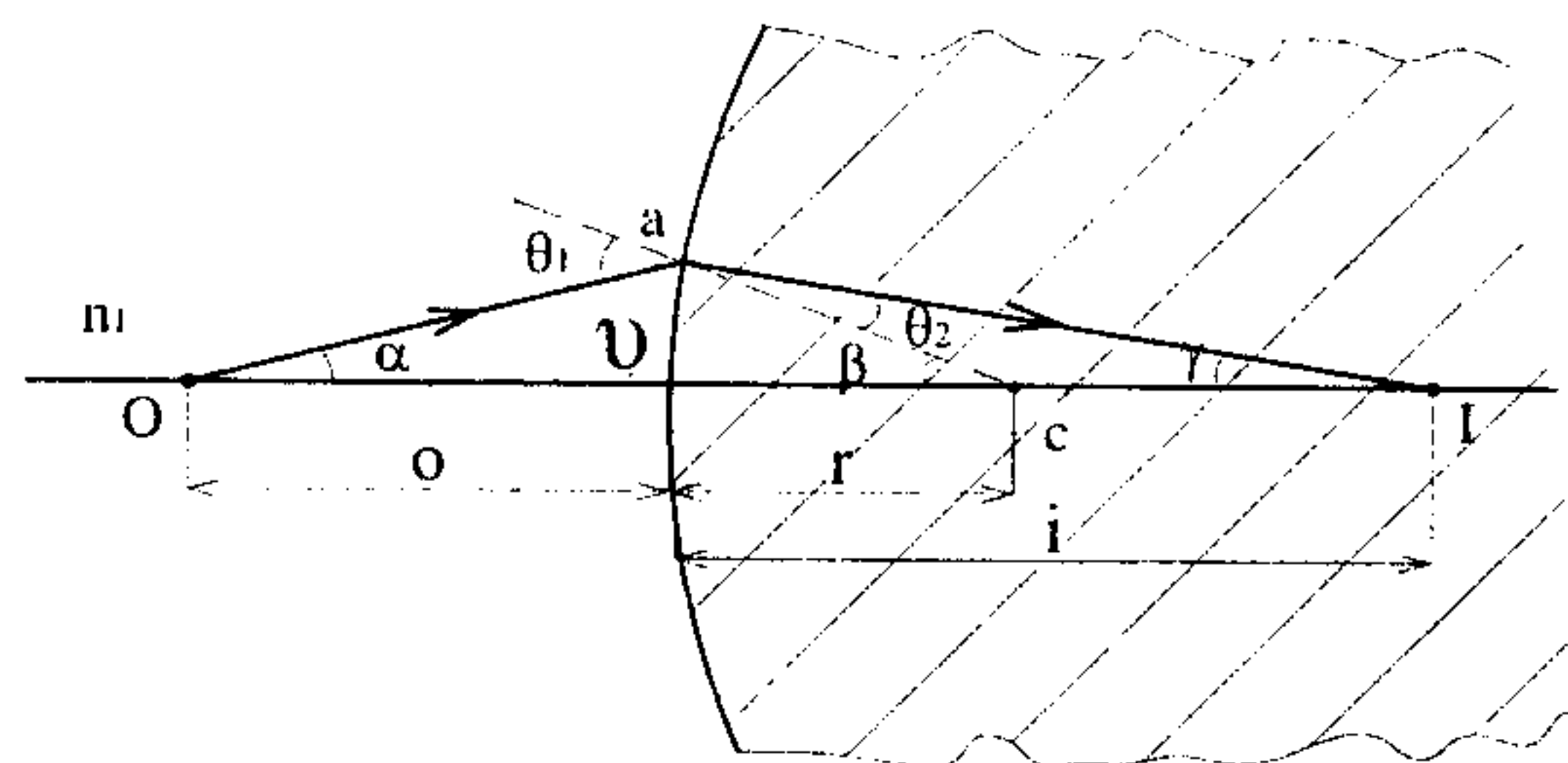


ب) اگر $|f| < |O|$ باشد آینه محدب از جسم مجازی تصویر مجازی می‌دهد.



۶-۳ سطح شکننده کروی

سطح شکننده کروی (دیوپتر کروی) سطح کروی میان دو محیط با ضریب شکست متفاوت n_1 و n_2 است. با توجه به شکل زیر رابط میان فاصله جسم تا سطح کروی (O) و فاصله تصویر تا سطح کروی (i) و شعاع انحنای سطح کروی را به دست می‌آوریم.



پرتوها را نزدیک به محور (پیرامحوری) در نظر می‌گیریم، در این صورت زوایا بسیار کوچک

هستند و چون کمان av بسیار کوچک است می‌توان فرض کرد $\alpha = \frac{av}{O}$

$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2 \Rightarrow n_1 \theta_1 = n_2 \theta_2 \Rightarrow \theta_1 = \frac{n_2}{n_1} \theta_2$$

$$\alpha = \frac{av}{O}, \beta = \frac{av}{r}, \gamma = \frac{av}{i}$$

$$\begin{cases} \theta_1 = \alpha + \beta \Rightarrow \frac{n_2}{n_1} \theta_2 = \alpha + \beta \\ \beta = \theta_2 + \gamma \Rightarrow \beta - \gamma = \theta_2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \beta - \gamma = \frac{n_1}{n_2} (\alpha + \beta) \Rightarrow n_1 \alpha + n_2 \gamma = (n_2 - n_1) \beta$$

بنابراین :

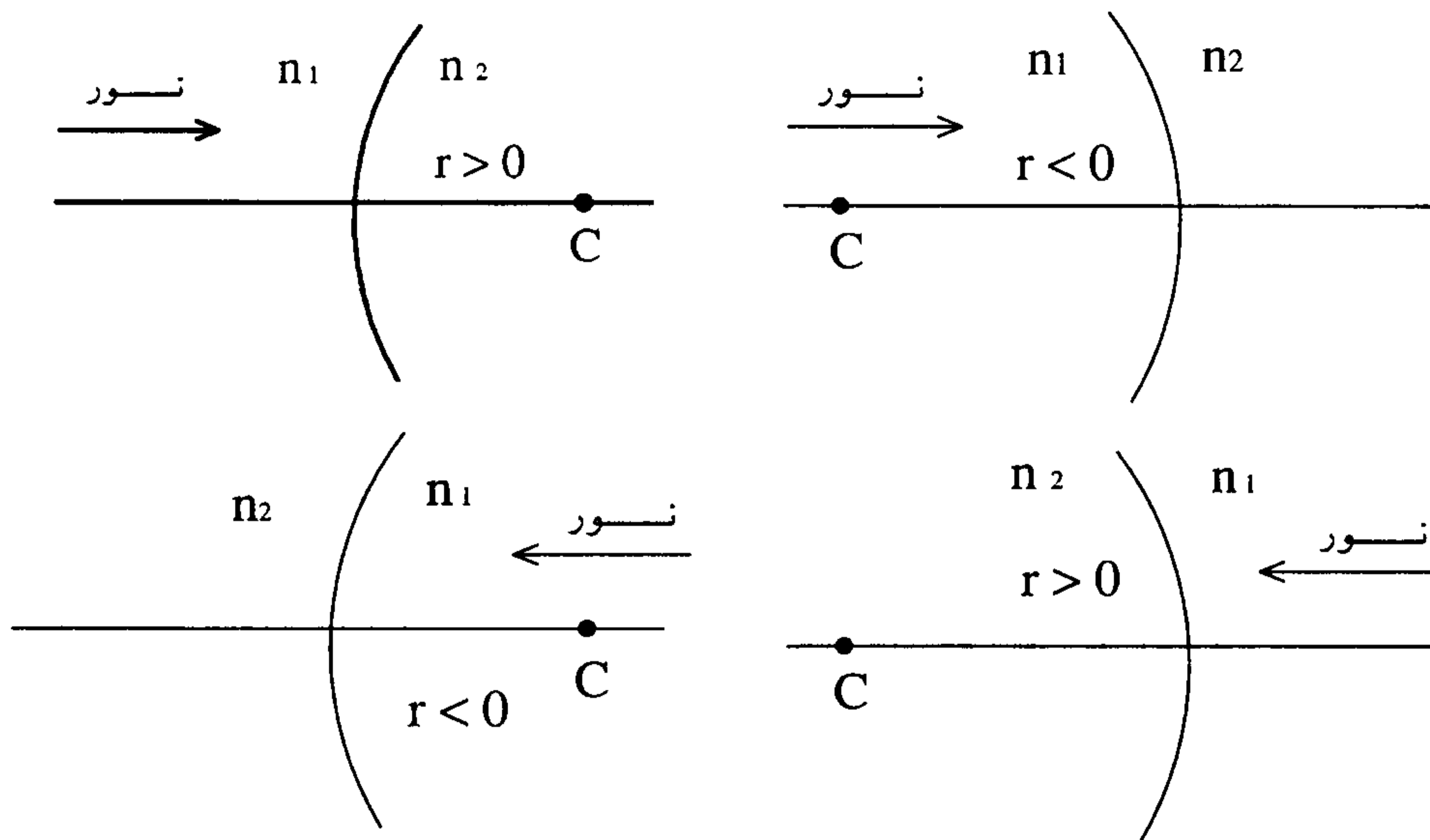
$$\frac{n_1}{O} + \frac{n_2}{i} = \frac{n_2 - n_1}{r}$$

این که تصویر ناشی از جسم حقیقی O، مجازی است و یا حقیقی، بستگی به مقادیر n_1 و n_2 و تحدب و یا تقعر سطح دارد.

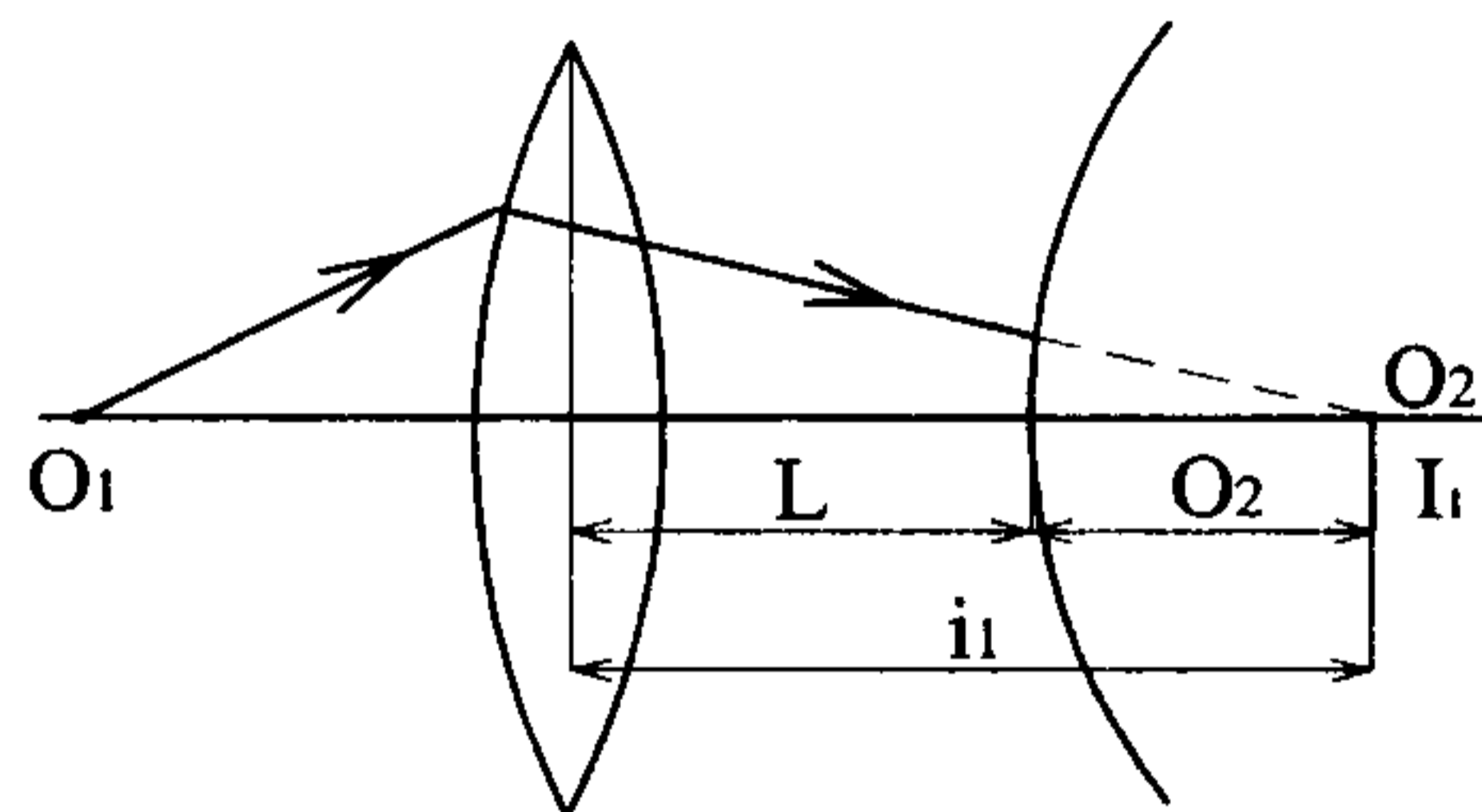
قرارداد

۱- سمتی که جسم قرار دارد و نور از آن به سمت سطح شکننده می‌تابد را طرف ۱ و با ضریب شکست n_1 می‌گیریم، اگر تصویر در طرف مقابل (n_2) بیافتد (طرف حقیقی) تصویر حقیقی و $i > 0$ است و اگر تصویر در طرف (۱) یعنی در طرف جسم (طرف مجازی) افتاد تصویر مجازی و $i < 0$ است.

۲- شعاع انحنای مثبت است اگر مرکز انحنای سطح در طرف حقیقی باشد و اگر در طرف مجازی باشد شعاع انحنای منفی است.



۳- اگر یک جسم را در برابر سطح شکاننده کروی قرار داده‌ایم که مسلماً حقیقی است. $O > 0$. اما اگر جسم مجازی باشد $O < 0$ است.



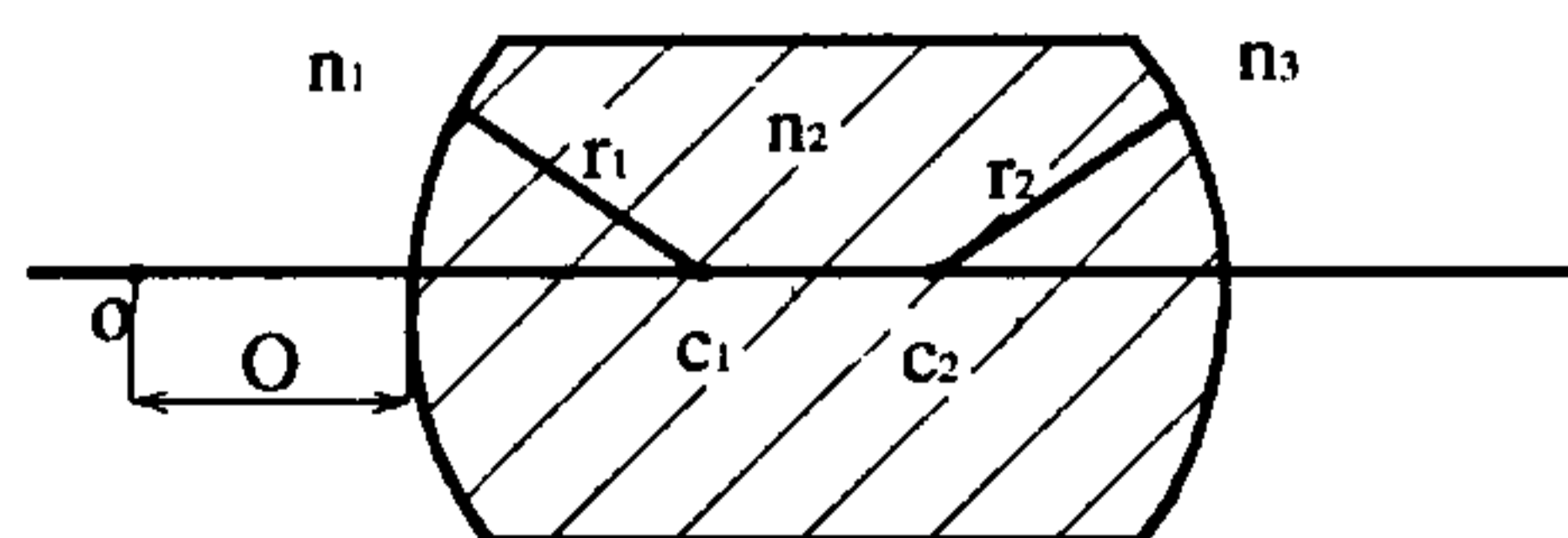
$$O_2 = L - i_1 < 0$$

در این حالت O_2 برای سطح شکاننده یک جسم مجازی است.

۳-۷ عدسی ضخیم

یک عدسی از دو سطح شکاننده کروی تشکیل شده است. اگر فاصله جسم تا سطح اول O و فاصله تصویر آن (I') تا سطح اول i' باشد داریم:

$$\frac{n_1}{O} + \frac{n_2}{i'} = \frac{n_2 - n_1}{r_1}$$



که شعاع سطح شکننده اول است. اگر L فاصله میان دو سطح باشد تصویر I' به عنوان شیء O' برای سطح دوم است و $O' = L - i'$ (اگر $O' > 0$ باشد جلوی سطح دوم افتاده و شیء حقیقی است و اگر $O' < 0$ در پشت سطح دوم افتاده و مجازی است). برای به دست آوردن i فاصله تصویر نهایی (I) تا سطح دوم داریم:

$$\frac{n_2}{O'} + \frac{n_2}{i} = \frac{n_2 - n_1}{r_2}$$

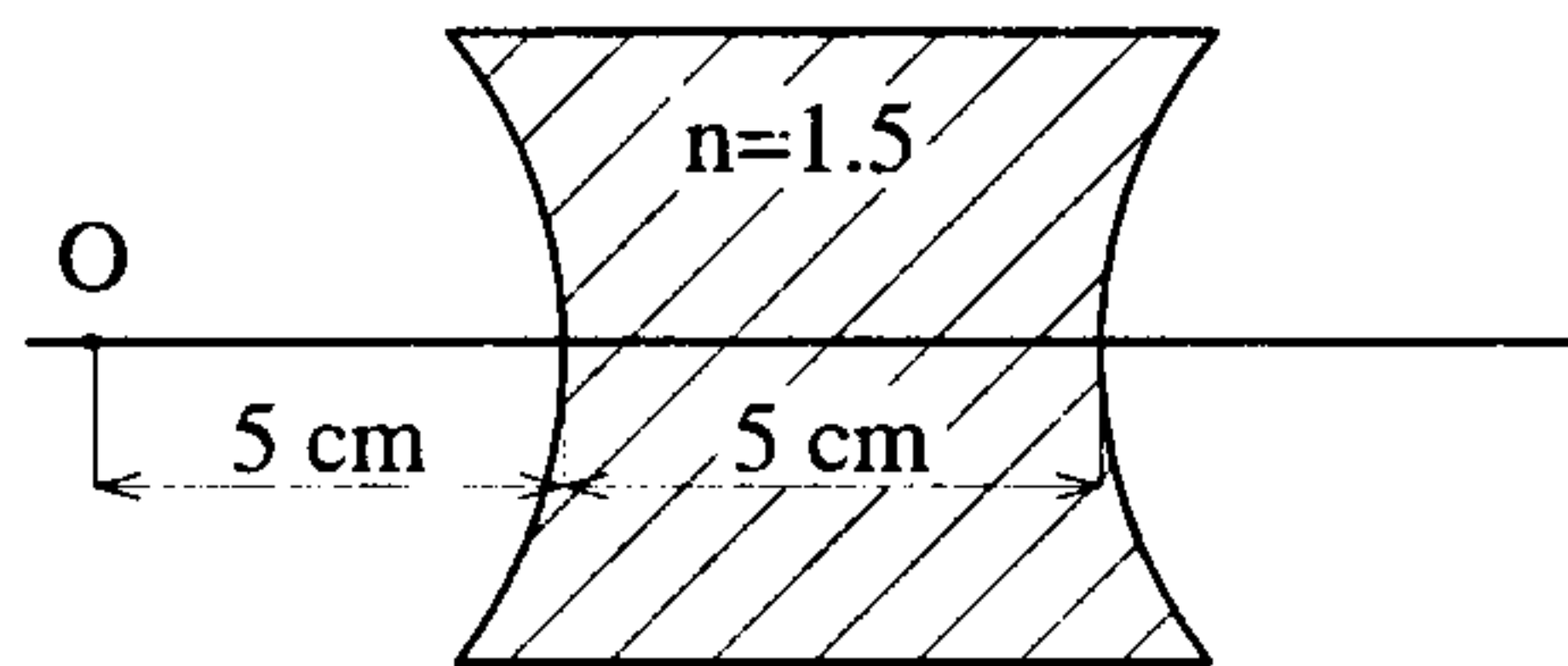
معمولاً $n_1 = n_2 = 1$ و اگر عدسی در هوا قرار گرفته باشد $n_2 = n_1 = 1$.

- اگر تصویر پس از سطح دوم بیافتد تصویر حقیقی ($i > 0$) و اگر تصویر قبل از سطح دوم بیافتد تصویر مجازی است $i < 0$.

- برای تعیین علامت شعاعهای r_1 و r_2 مثل قبل عمل می‌کنیم. به عنوان مثال در شکل بالا

$r_1 > 0$ و $r_2 < 0$ است.

مثال نوع تصویر و فاصله آن از سطح دوم عدسی زیر را به دست آورید. شعاع انحنای هر دو طرف ۱۰ سانتیمتر است.

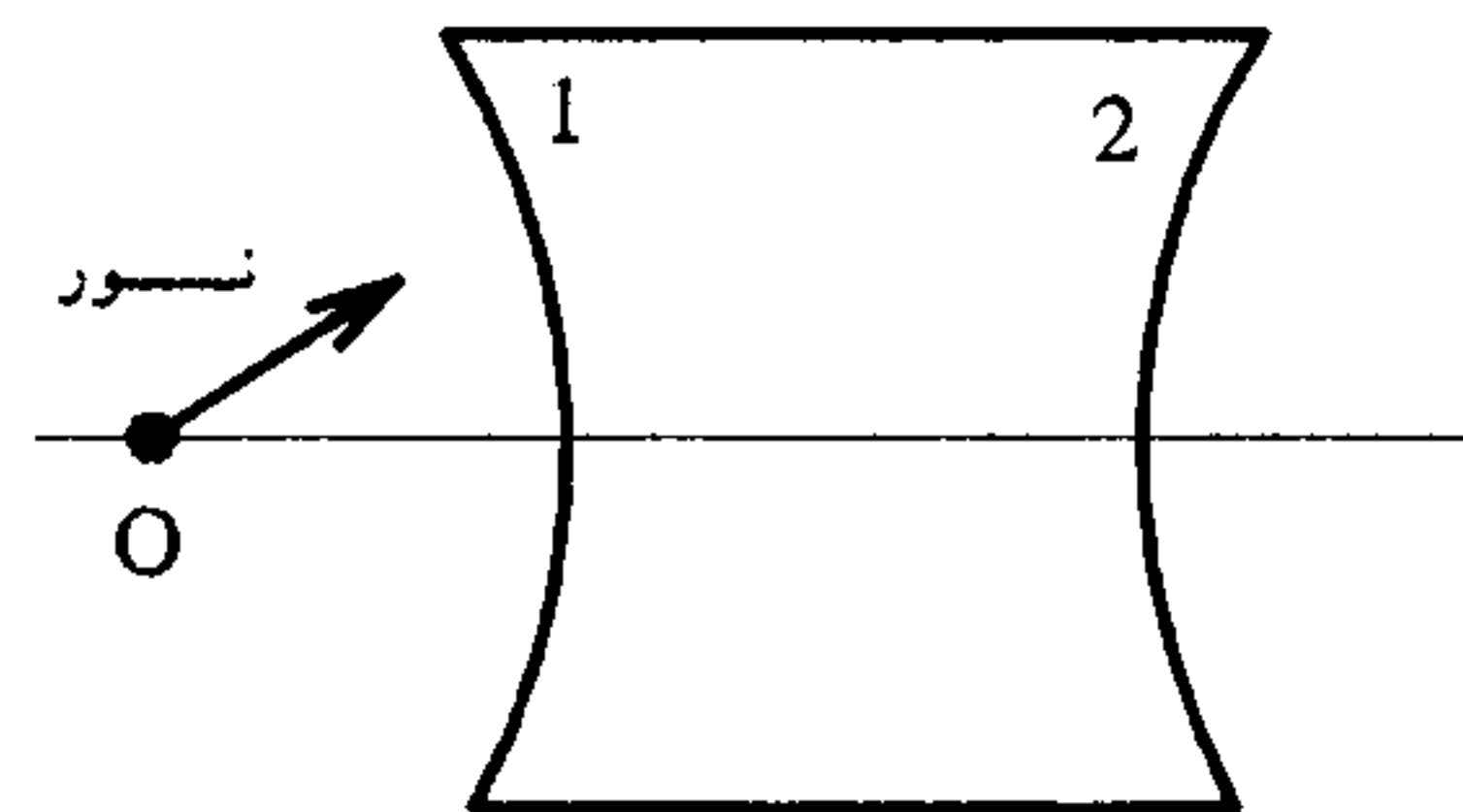


پاسخ عدسی در هوا قرار دارد و $n_1 = n_2 = 1$ و $n_2 = 1/5$

$$r_1 = -10 \text{ Cm} \text{ و } r_2 = +10 \text{ Cm} \text{ و } L = 5 \text{ Cm}$$

$$\frac{1}{5} + \frac{1/5}{i'} = \frac{1/5 - 1}{-10} \text{ تصویر در سطح اول}$$

$$\Rightarrow \frac{1/5}{i'} = \frac{-1}{20} - \frac{1}{5} \Rightarrow i' = -6 \text{ Cm}$$



بنابراین تصویر O در سطح ۱ یک تصویر مجازی و در ۶ Cm چپ (در طرف جسم یعنی

طرف مجازی) قرار دارد. اما این تصویر به عنوان شیء برای سطح دوم یک شیء حقیقی است.

$$O' = L - i' = 5 - (-6) = +11 \text{ Cm}$$

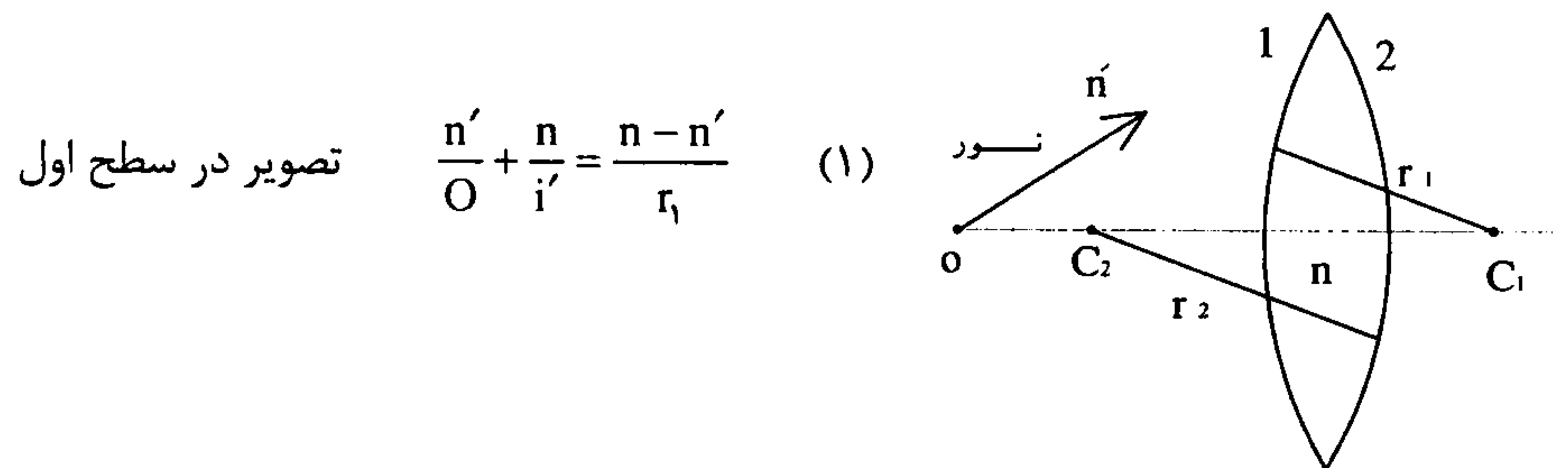
$$\frac{1/5}{11} + \frac{1}{i} = \frac{1 - 1/5}{10} \Rightarrow \frac{1}{i} = \frac{-1}{20} - \frac{1/5}{11} \Rightarrow i = -5/36 \text{ Cm}$$

بنابراین تصویر مجازی و در ۵/۳۶ Cm سمت چپ سطح دوم و یا در ۰/۳۶ Cm سمت چپ

سطح اول قرار دارد.

۸-۳ عدسی نازک

در عدسی نازک L فاصله میان دو سطح شکننده کروی به قدری کم است که از آن صرف نظر می‌کنیم. یک عدسی نازک به ضریب شکست n و شعاع انحناء r_1 و r_2 در محیطی با ضریب شکست n' در نظر می‌گیریم سطح ۱ را سطحی انتخاب کردیم که نور آمده از جسم ابتدا به آن سطح برخورد می‌کند.



$$\text{تصویر در سطح اول} \quad \frac{n'}{O} + \frac{n}{i} = \frac{n-n'}{r_1} \quad (1)$$

I' را به عنوان شیء برای سطح دوم می‌گیریم: ($L \approx 0$)

$$O' = L - i' \approx -i'$$

$$\text{تصویر در سطح دوم} \quad \frac{n}{(-i')} + \frac{n'}{i} = \frac{n'-n}{r_2} \quad (2)$$

از جمع دو رابطه (۱) و (۲) داریم:

$$\frac{n'}{O} + \frac{n'}{i} = (n-n')\left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2}\right)$$

اگر عدسی نازک در هوا باشد ($n' = 1$):

$$\frac{1}{O} + \frac{1}{i} = (n-1)\left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2}\right)$$

O فاصله جسم و i فاصله تصویر نهایی از مرکز عدسی است. این معادله وقتی صدق می‌کند که پرتوها پیرامحوری بوده و L به قدری کوچک باشد که فرقی نکند که O و i نسبت به کدام سطح اندازه‌گیری می‌شوند.

فاصله کانونی

اگر $O = \infty$ باشد مکان تصویر را کانون عدسی می‌گوییم (F). و فاصله آن را از مرکز عدسی فاصله کانونی عدسی می‌نامیم.

$$O = \infty \Rightarrow i = f \Rightarrow \frac{1}{\infty} + \frac{1}{f} = \frac{1}{f} = (n-1)\left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2}\right)$$

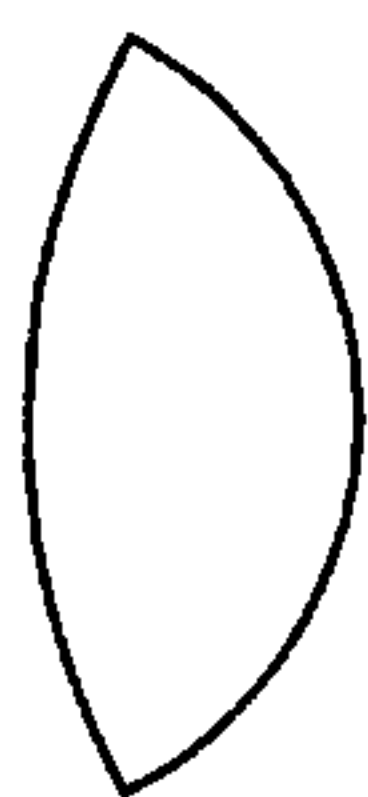
$$\frac{1}{f} = (n-1)\left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2}\right) \quad (\text{فرمول عدسی سازان})$$

* نکته : مشخص است هر چه ضریب شکست عدسی برای طول موج خاص بیشتر باشد فاصله کانونی آن طول موج کمتر است.

$$n \uparrow \Rightarrow f \downarrow$$

عدسی همگرا

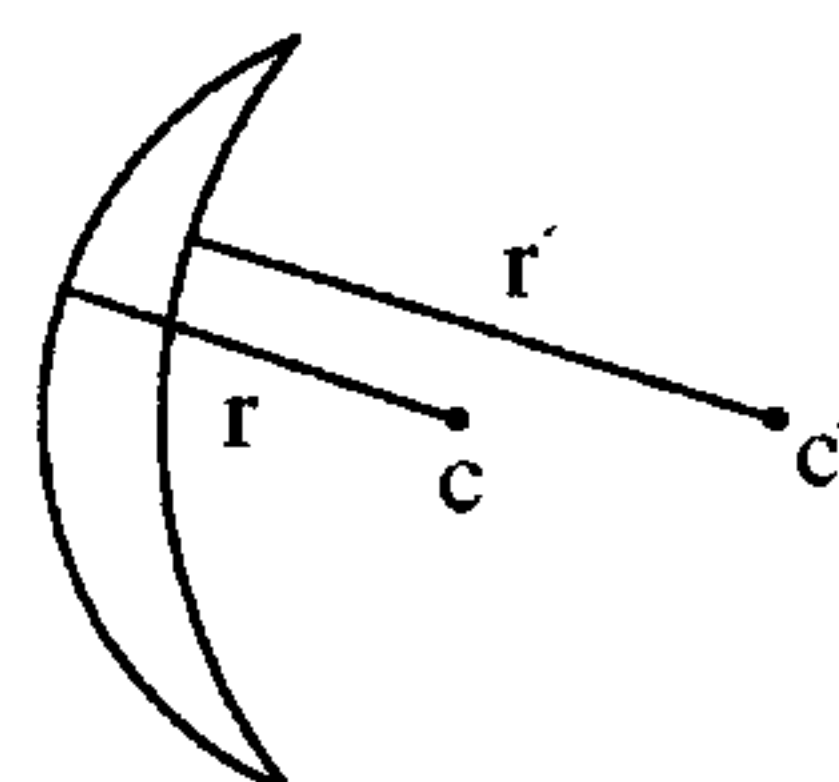
اگر $f > 0$ باشد عدسی همگرا است. پرتوهای موازی با محور اصلی پس از عبور از عدسی در نقطه‌ای بر محور اصلی که همان کانون اصلی عدسی همگرا است جمع می‌شوند.
سه نوع عدسی همگرا عبارتند از :



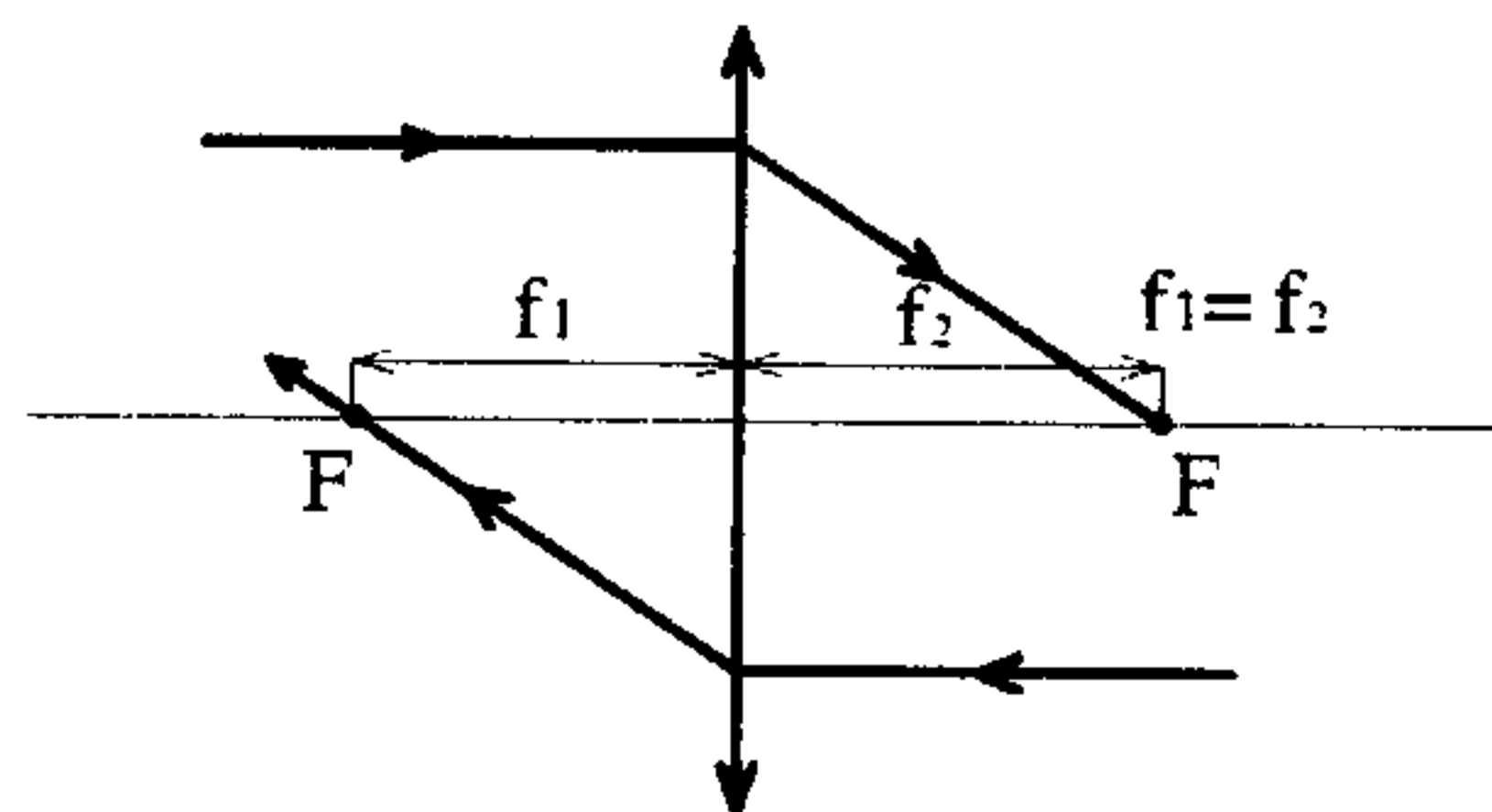
محدب الطرفین



تخت محدب

هلالی ($r' > r$)

هر سطح را که سطح ۱ و دیگری را سطح ۲ بگیریم نتیجه یکی خواهد بود. به عبارتی فاصله کانونی در دو طرف عدسی با هم برابر است.

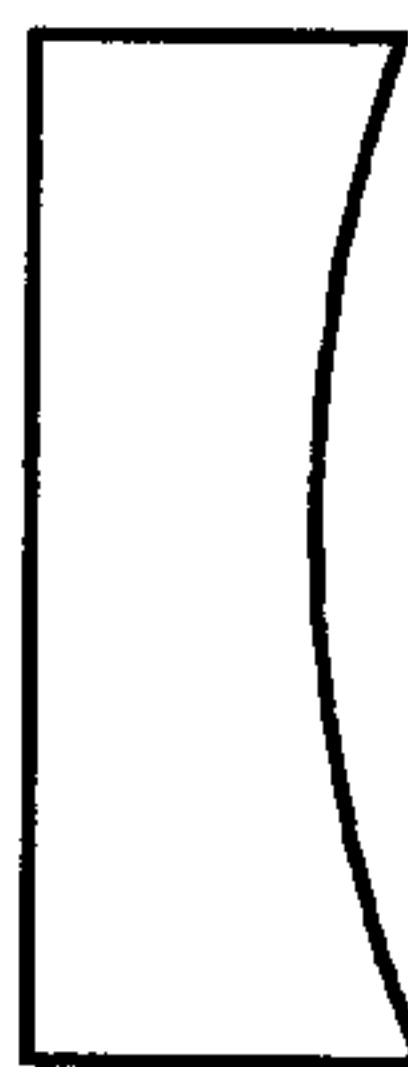


عدسی واگرا

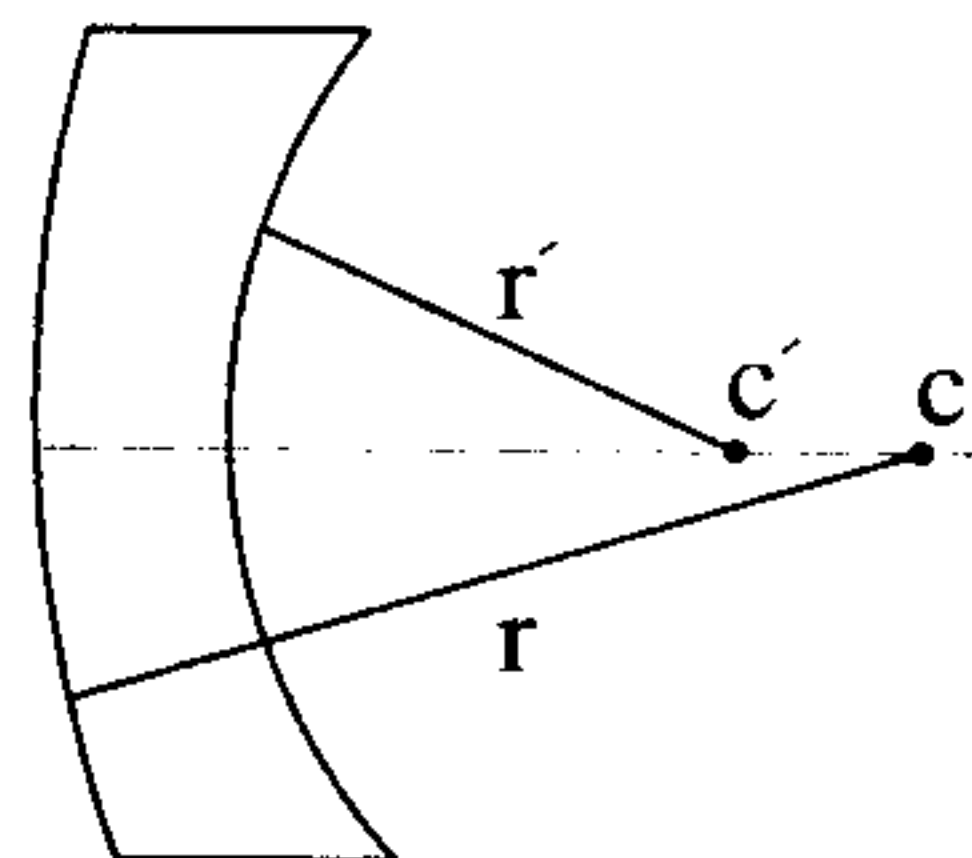
اگر $f < 0$ باشد عدسی واگراست. پرتوهای موازی با محور اصلی پس از عبور از عدسی به گونه‌ای واگرا می‌شوند که گویا از نقطه بر روی محور اصلی که همان کانون اصلی عدسی است آمده‌اند.
سه نوع عدسی همگرا عبارتند از :



مقعرا الطرفین



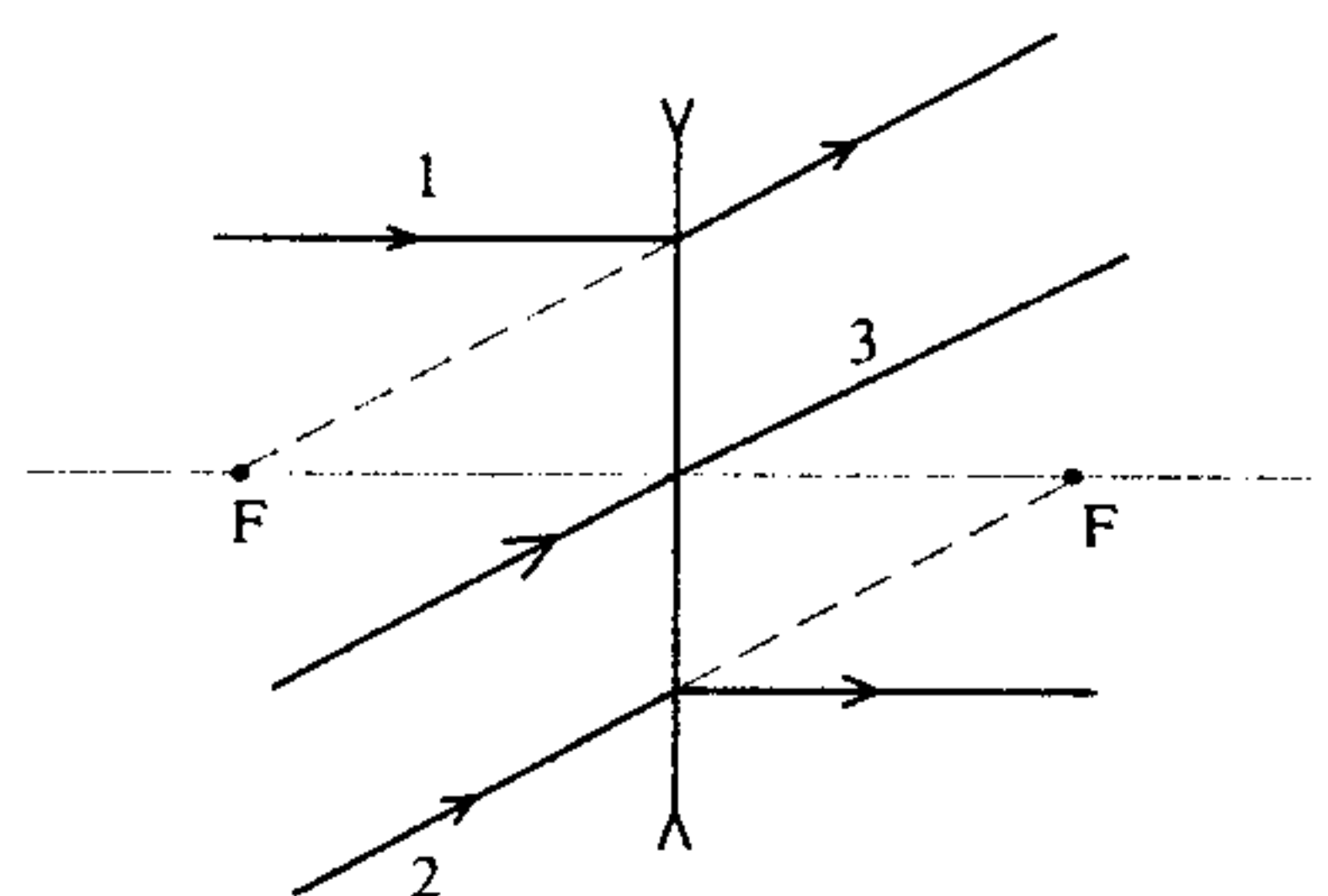
تخت مقعر

هلالی ($r > r'$)

۲- پرتویی که از کانون اصلی عبور کند پس از عبور از عدسی موازی با محور اصلی خواهد بود. ($0 = f \Rightarrow i = \infty$)

۳- پرتویی که از مرکز عدسی بگذرد بدون انحراف عبور می‌کند.

ب) عدسی واگرا



۱- پرتویی که از بی نهایت و موازی با محور اصلی آمده است پس از عبور از عدسی به گونه‌ای از محور اصلی دور می‌شود که گویا از کانون اصلی در جلوی عدسی آمده است.

۲- پرتویی که به سمت کانون اصلی در پشت عدسی می‌رود پس از خروج موازی با محور اصلی خواهد بود.

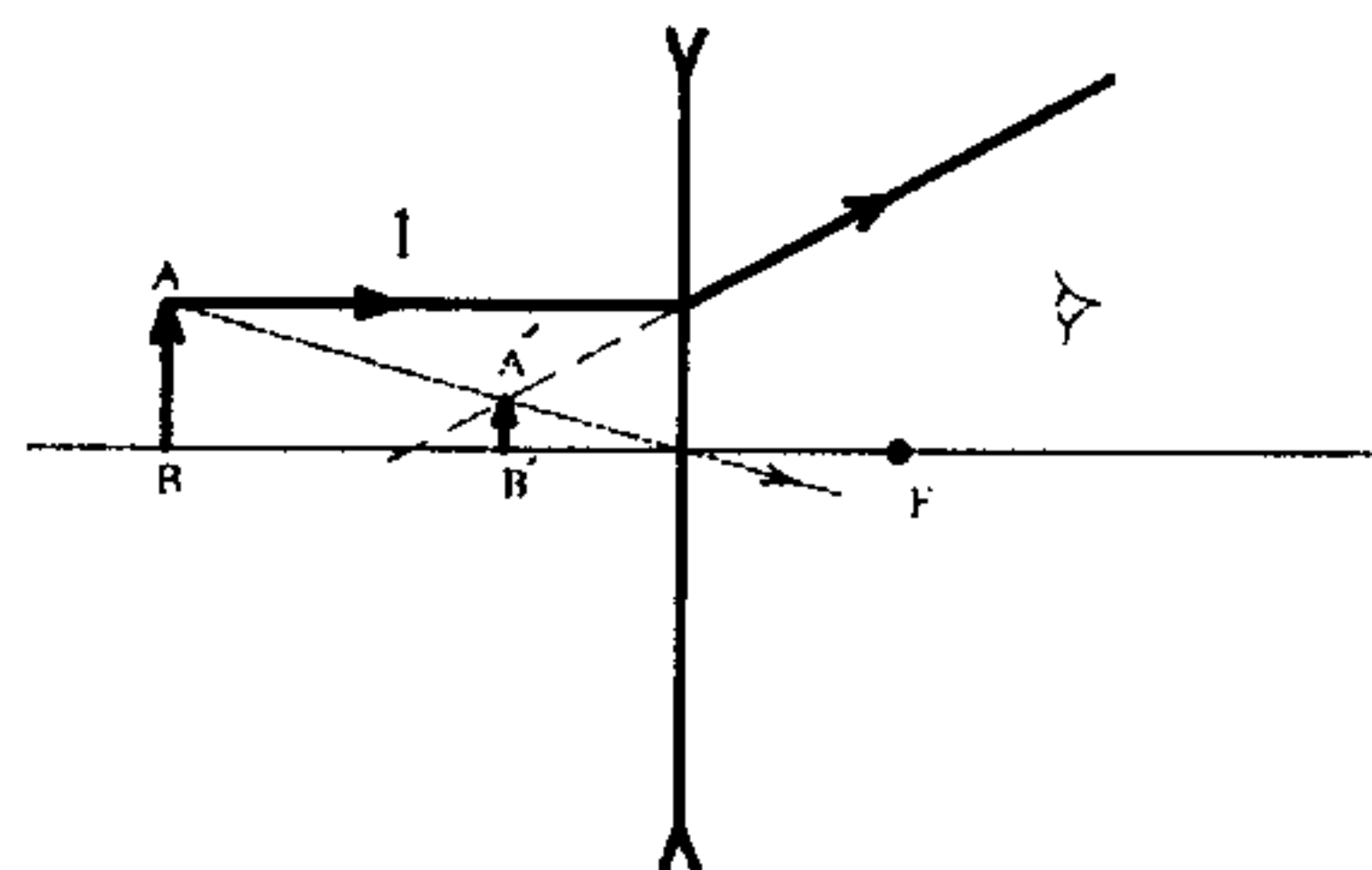
۳- پرتویی که از مرکز عدسی می‌گذرد بدون انحراف عبور می‌کند.

۱۰-۳ خصوصیات تصاویر

ابتدا به بررسی تصویر ناشی از شیء حقیقی می‌پردازیم.

الف) در عدسی واگرا، تصویر مجازی، مستقیم، کوچکتر و همیشه در فاصله کانونی تشکیل

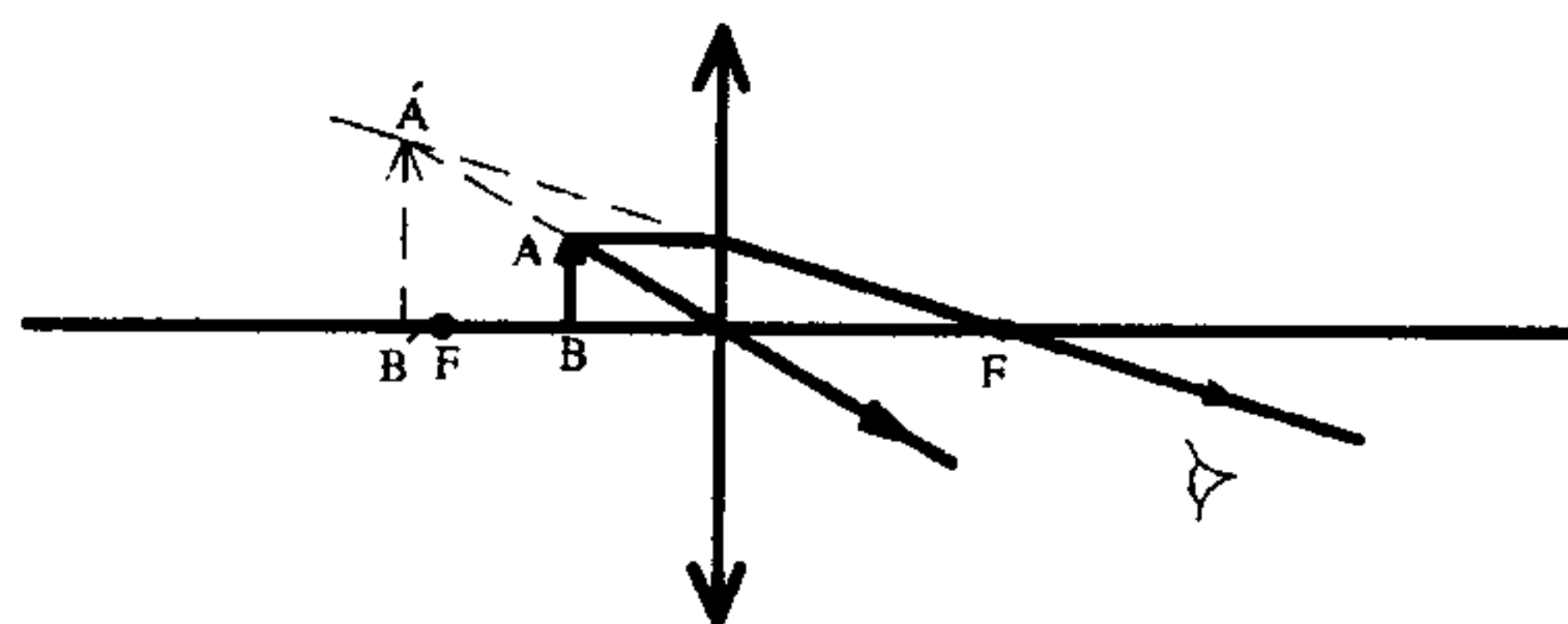
$$\text{می‌شود. } i < 0 \Rightarrow m = \frac{-i}{O} > 0$$



ب) تصویر ناشی از یک جسم حقیقی در عدسی همگرا بسته به مکان جسم ممکن است حقیقی یا مجازی باشد.

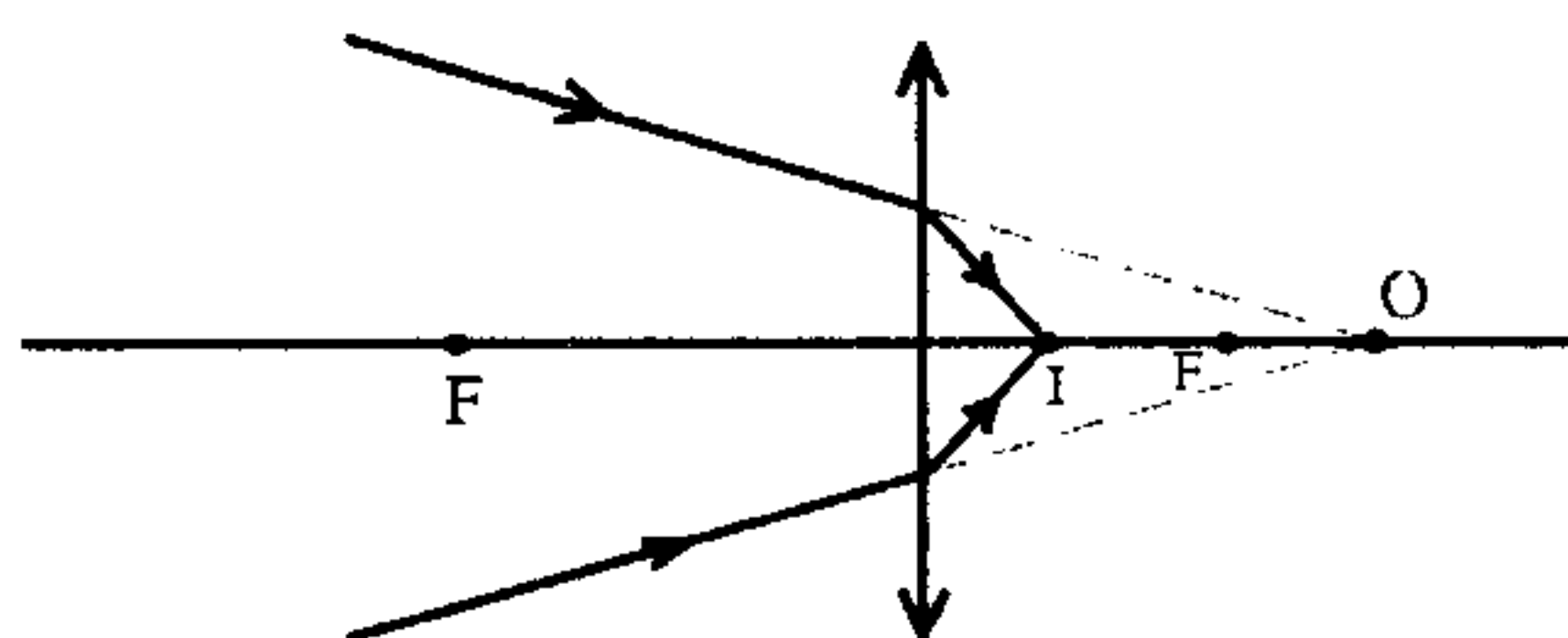
در حالتی که $0 < f$ است تصویر مجازی، مستقیم و بزرگتر است ($i < 0$).

$$m > 1 \text{ و } m = -\frac{i}{O} > 0$$



در بقیه حالات تصویر حقیقی و وارون است، $i > 0$ بود و $m < 0$ است. بررسی بزرگی و یا کوچکی تصویر نسبت به شیء و مکان آن را در حالات مختلف به عهده خواننده می‌گذاریم.

حال به بررسی تصویر یک شیء مجازی می‌پردازیم.



الف) در عدسی همگرا ($f > 0$)

عدسی همگرا از یک شیء مجازی (پرتو همگرا)

یک تصویر حقیقی می‌دهد.

$$O < 0 \Rightarrow O = -|O| \Rightarrow \frac{1}{O} + \frac{1}{i} = \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{-|O|} + \frac{1}{i} = \frac{1}{f}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{i} = \frac{1}{|O|} + \frac{1}{f} \Rightarrow i > 0$$

ب) در عدسی واگرا ($f < 0$)

$$f < 0 \Rightarrow f = -|f| \text{ و } O < 0 \Rightarrow O = -|O|$$

$$\frac{1}{i} = \frac{1}{f} - \frac{1}{O} \Rightarrow \frac{1}{i} = \frac{1}{-|f|} - \frac{1}{-|O|} \Rightarrow i = \frac{|O||f|}{|f| - |O|}$$

بنابراین اگر $|f| > |O|$ باشد تصویر حقیقی و اگر $|f| < |O|$ باشد تصویر مجازی است.

۱۱-۳ توان عدسی

توان عدسی نشان‌دهنده توانایی عدسی در همگرایی نور است. هر چه توان عدسی بیشتر باشد فاصله کانونی عدسی کمتر است، به عبارتی نور را در فاصله نزدیکتری از عدسی، متمرکز می‌کند:

$$F = \frac{1}{f} \text{ توان عدسی}$$

در معادله توان، f فاصله کانونی بر حسب متر و F بر حسب دیوپتر است. توان عدسی واگرا منفی

است و هرچه $|f|$ کمتر باشد $|F|$ بیشتر است و چون F منفی است توان کمتری دارد و نشان می‌دهد که

نور بیشتر واگرا می‌شود.

عدسیهای مرکب

اگر دو عدسی نازک با توان F_1 و F_2 به هم چسبانده شوند برای عدسی مرکب داریم:

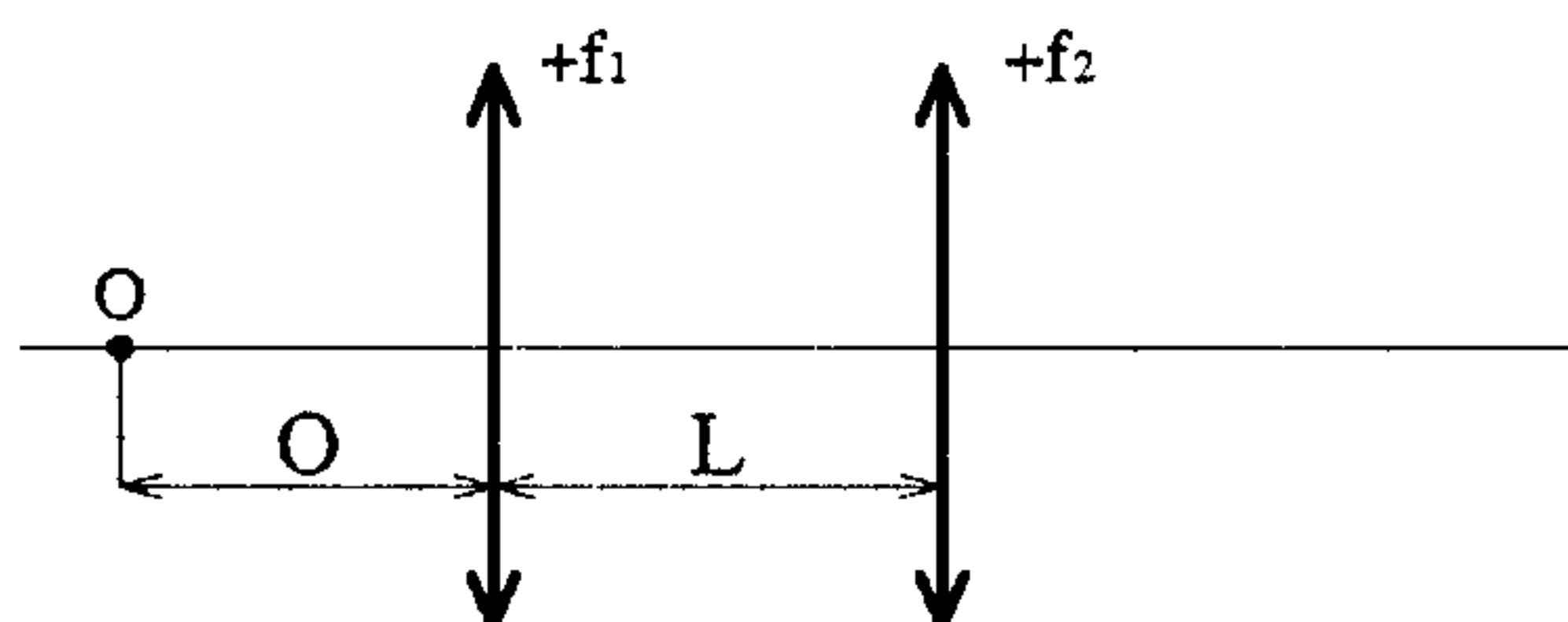
$$F = F_1 + F_2 \quad \text{و} \quad \frac{1}{f} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2}$$

۱۲-۳ ترکیب عدسیها

برای به دست آوردن تصویر یک شیء که در مقابل دو یا چند عدسی قرار دارد، ابتدا تصویر شیء

را در عدسی اول به دست می‌آوریم، تصویر مذکور شیء جدید برای عدسی دوم است که اگر در جلوی

عدسی دوم باشد حقیقی است و اگر در پشت عدسی دوم باشد مجازی است. به عنوان مثال در شکل تصویر شیء O را که به فاصله O از عدسی اول با فاصله کانونی f_1 است به دست می‌آوریم:



i' به دست می‌آید $\Rightarrow \frac{1}{O} + \frac{1}{i'} = \frac{1}{f_1}$ تصویر در عدسی اول

$O' = L - i'$ (تصویر I' به عنوان شیء برای عدسی دوم)

$$\frac{1}{O'} + \frac{1}{i} = \frac{1}{f_2}$$

i فاصله تصویر نهایی (یعنی I) از عدسی دوم است. اگر تصویر حقیقی باشد $i > 0$ و تصویر نهایی پس از عدسی دوم است و اگر تصویر مجازی باشد $i < 0$ و تصویر نهایی قبل از عدسی دوم است.

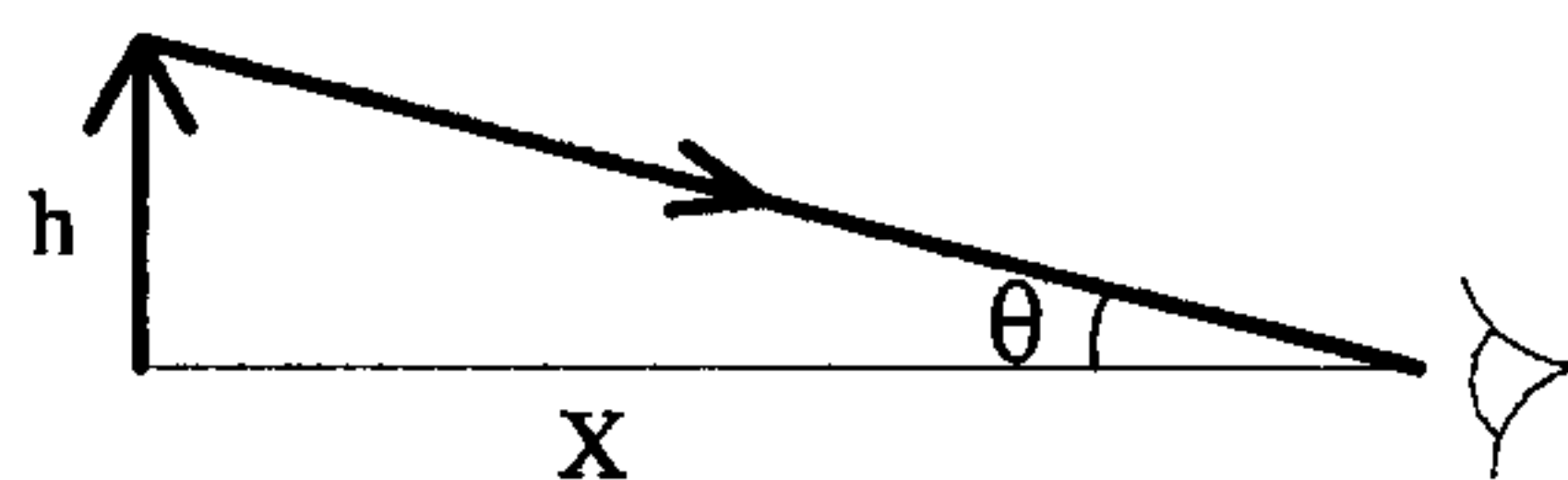
۱۳-۳ اسبابهای اپتیکی

چند دستگاه اپتیکی ساده را بررسی می‌کنیم.

الف) ذره‌بین ساده (لنزی گردی)

جسمی با ارتفاع h که در فاصله x از چشم ما قرار دارد تحت زاویه $\theta \approx \frac{h}{x}$ دیده می‌شود.

نزدیکترین فاصله جسم از چشم که واضح دیده می‌شود (معمولاً) $x = 25 \text{ Cm}$ است.



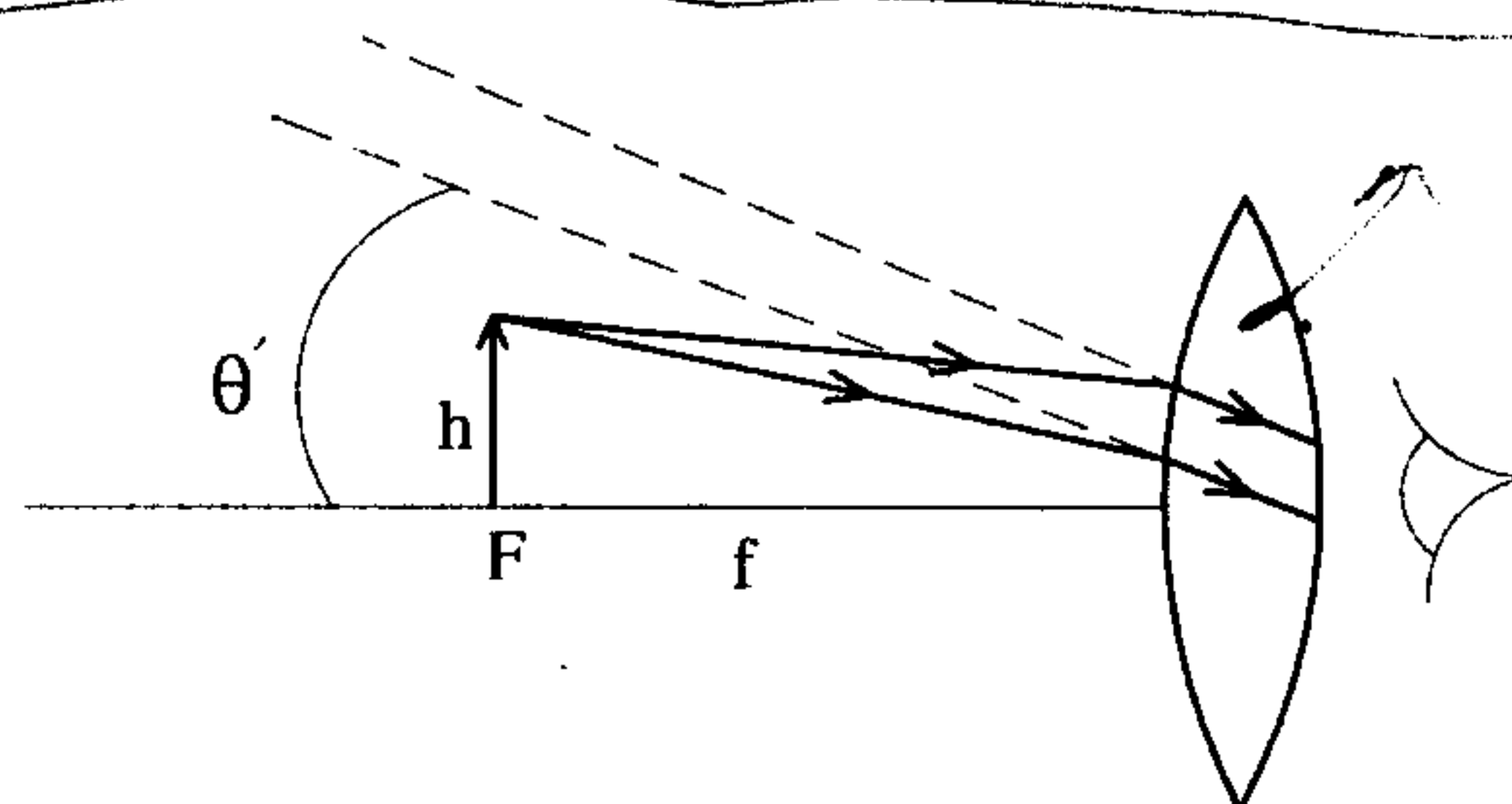
حال اگر از پشت ذره‌بین به جسم نگاه کنیم و جسم را در کانون عدسی قرار دهیم تصویری را

مشاهده می‌کنیم که در بی‌نهایت است و تحت زاویه θ' دیده می‌شود.

$$\theta' \approx \frac{h}{f}$$

بزرگنمایی زاویه‌ای

$$m_{\theta} = \frac{\theta'}{\theta} \approx \frac{25 \text{ Cm}}{f}$$

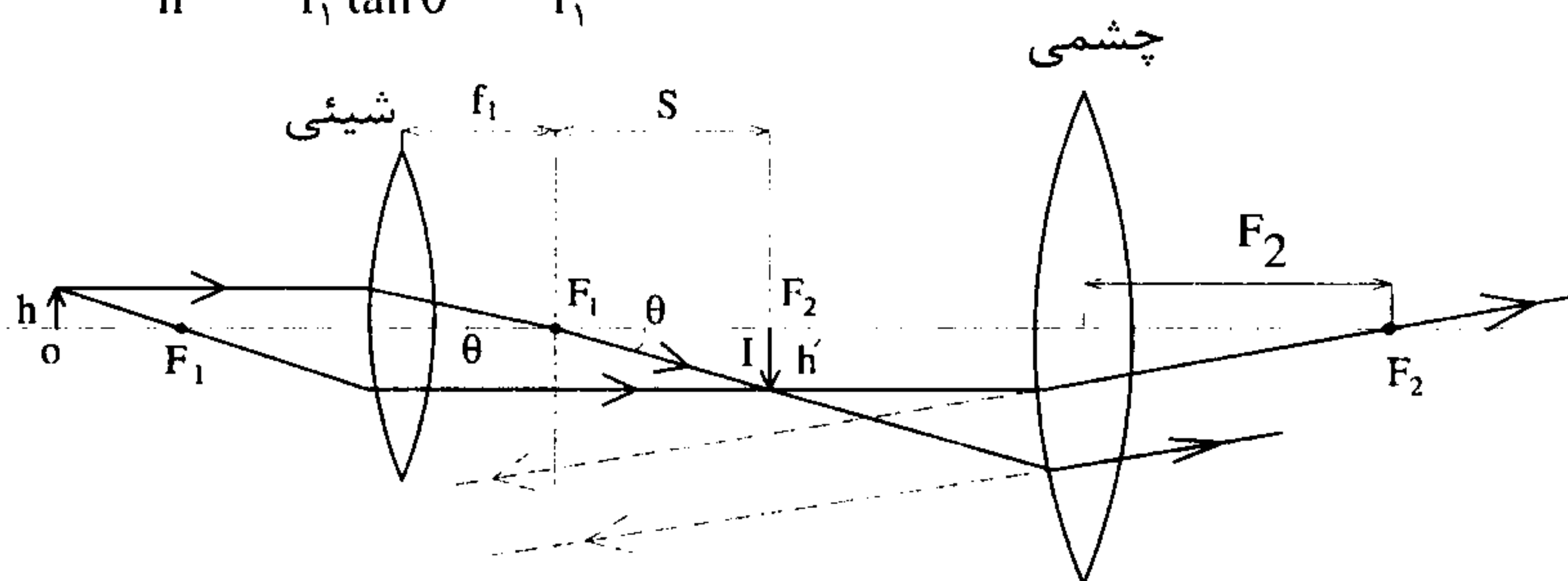


البته ابیراهی عدسی باعث می‌شود که بزرگنمایی عدسیهای همگرا کننده ساده، از چند برابر تجاوز نکند.

ب) میکروسکوپ

شکل ساده‌ای از میکروسکوپ از دو عدسی تشکیل شده است. عدسی شیئی با فاصله کانونی f_1 یک تصویر حقیقی و معکوس به طول h' از شیئی به طول h می‌دهد.

$$m = \frac{h'}{h} = -\frac{s \tan \theta}{f_1 \tan \theta} = -\frac{s}{f_1}$$



فاصله s را طوری انتخاب می‌کنیم که تصویر I ناشی از O در عدسی اول روی F_2 یعنی کانون عدسی چشمی بیافتد که بزرگنمایی زاویه‌ای عدسی چشمی m_θ است. بنابراین بزرگنمایی میکروسکوپ عبارت است از :

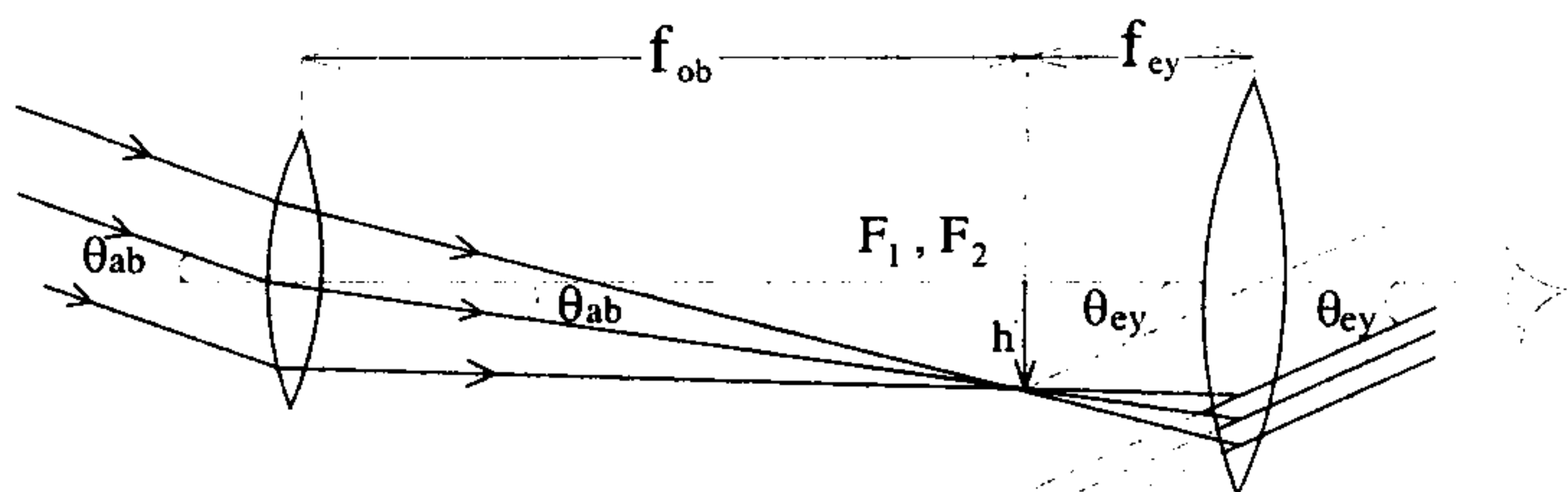
$$M = m \times m_\theta = \left(\frac{s}{f_1} \right) \left(\frac{25 \text{ Cm}}{f_2} \right)$$

فاصله بین دو کانون

ج) تلسکوپ

شکل ساده‌ای از یک تلسکوپ شکستی از دو عدسی شیئی و چشمی تشکیل شده است. کانون عدسی شیئی بر روی کانون عدسی چشمی قرار دارد. پرتوهای موازی که از یک شیء دور (مثلاً ستاره) به عدسی شیئی می‌تابند با محور تلسکوپ زاویه θ_{ob} می‌سازند و یک تصویر حقیقی معکوس در کانون عدسی شیئی ایجاد می‌کنند. با توجه به اینکه این نقطه کانون عدسی چشمی نیز هست، عدسی چشمی تصویری از تصویر مذکور می‌دهد که در بی‌نهایت تشکیل می‌شود. پرتوها مشخص‌کننده این تصویر با محور تلسکوپ زاویه θ_{ey} می‌دهند.

$$\theta_{ey} = -\frac{h'}{f_{ey}}, \theta_{ob} = \frac{h'}{f_{ob}} \Rightarrow m_\theta = \frac{\theta_{ey}}{\theta_{ob}} = -\frac{f_{ob}}{f_{ey}}$$

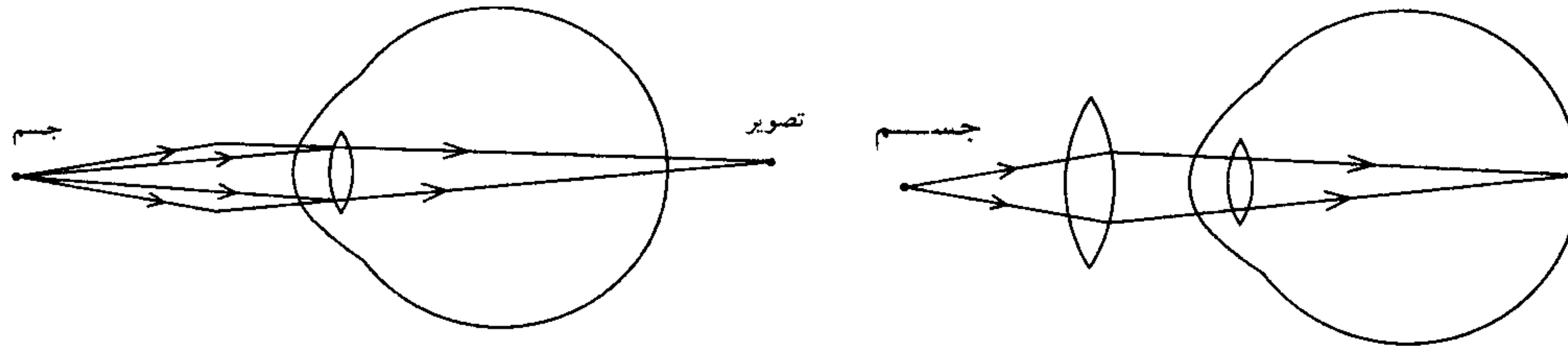


۱۴-۳ چشم

میزان فاصله طبیعی دید (با عمل تطابق) از بی‌نهایت تا فاصله ۲۵ سانتیمتری چشم است. برای آنکه یک جسم را به طور واضح ببینیم، اگر جسم دور باشد، فاصله کانونی عدسی چشم زیاد می‌شود (ضخامت عدسی چشم کم می‌شود) تا تصویر بر روی پرده شبکیه بیافتد. اما اگر جسم نزدیک باشد، فاصله کانونی چشم کم می‌شود (ضخامت عدسی چشم زیاد می‌شود) تا تصویر بر پرده شبکیه بیافتد.

چشم دوربین

در این حالت چشم جسم نزدیک را به خوبی مشاهده نمی‌کند. تصویر جسم نزدیک در پشت شبکیه می‌افتد. بنابراین باید برای چشم یک عینک با عدسی همگرا به کار برد.



اگر چشم دوربین نتواند جسم نزدیکتر از فاصله L را ببیند و بخواهیم چشم، جسمی را در فاصله p را ببیند، باید برای عینک یک عدسی به کار ببریم که از جسم p یک تصویر در فاصله L بدهد (تصویر مجازی است و $q = -L$).

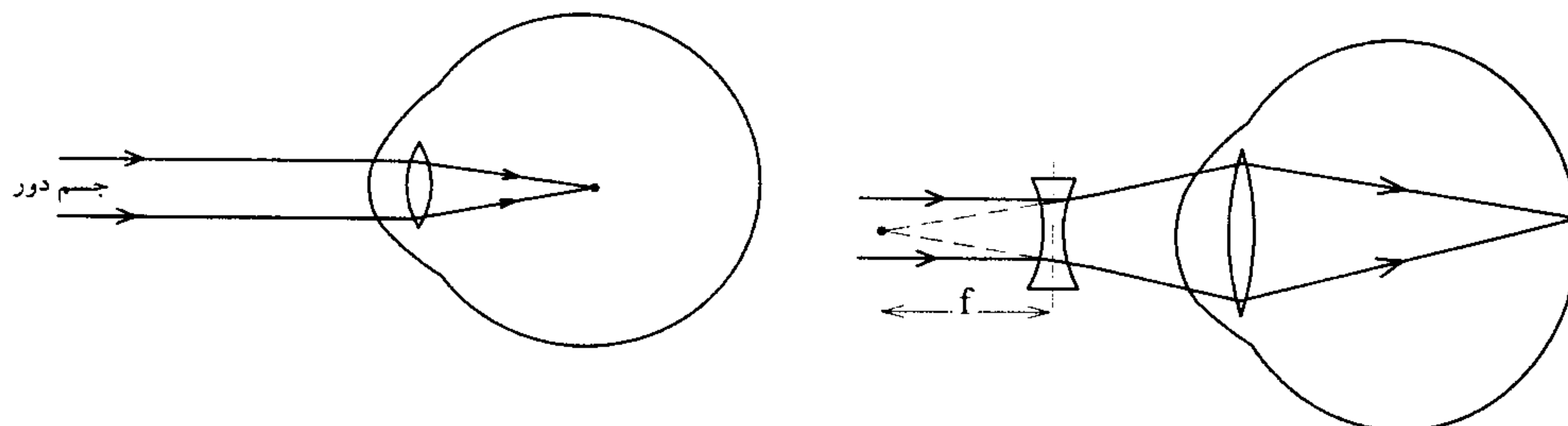
$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{p} + \frac{1}{-L} = \frac{1}{f} \Rightarrow f = \frac{pL}{L-p}$$

به این ترتیب نمره عینک را خواهیم داشت $F = \frac{1}{f}$ (بر حسب متر و F بر حسب دیوپتر

است).

چشم نزدیک بین

در این حالت چشم، جسم نزدیک را خوب می‌بیند ولی جسم دور را خوب نمی‌بیند. تصویر جسم دور در جلوی شبکیه می‌افتد، بنابراین باید عینکی با عدسی واگرا به کار برد تا تصویر روی پرده شبکیه بیافتد.



به عبارتی عدسی واگرا از جسم در دور دست یک تصویر (مجازی) در کانون خود می‌دهد که این تصویر مجازی در دورترین نقطه قابل مشاهده چشم است.

$f = -|f|$ و $\frac{1}{f} = \text{نمره عینک} \Rightarrow |f| = \text{دورترین نقطه قابل مشاهده برای چشم}$

۱۵- ۳ پرسشهای چندگزینه‌ای

۱- با توجه به شکل مقابل برای روشن کردن نقطه B توسط منبع نور A از یک آینه مسطح استفاده می‌کنیم: در این صورت می‌توان گفت: (کنکور کارشناسی ارشد عمران ۸۰)



- ۱- فقط یکی از شعاعهای بازتابش توسط آینه از B می‌گذرد.
- ۲- کلیه شعاعهای نور که از منبع A به آینه می‌تابد، پس از بازتابش به نقطه B می‌رسد.
- ۳- فقط آن شعاع از بازتابش به B می‌رسد که راستای آن نقطه B را به تصویر منبع A در آینه وصل کند.
- ۴- فقط آن شعاعی پس از بازتابش B می‌رسد که نقطه برخورد آن با آینه در راستای عمودی باشد که از نقطه وسط قطعه خط AB بر آینه فرود آید.
- ۲- دو نقطه S و P در مقابل یک آینه مسطح قرار دارند. از نقطه S یک شعاع نور به آینه تابیده بازتاب آن از نقطه P می‌گذرد محل برخورد شعاع تابش با آینه (نقطه تابش) به روش زیر به دست می‌آید.

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۷۶)

- ۱- از نقاط S و P دو راستا بر آینه عمود می‌کنیم نقطه وسط پای دو عمود را انتخاب می‌کنیم.
 - ۲- تصاویر نقاط S و P را نسبت به آینه بدست می‌آوریم محل برخورد عمود منصف S'P' با آینه نقطه مورد نظر است.
 - ۳- تصویر نقطه S را نسبت به آینه به دست می‌آوریم آن را به P وصل می‌کنیم تا آینه را قطع کند.
 - ۴- عمود منصف قطعه SP را امتداد می‌دهیم تا آینه را قطع کند.
 - ۳- آینه تختی به ارتفاع یک متر بر روی دیواری آویزان است شخص به فاصله ۲ متر از این آینه ایستاده است شخص چه ارتفاعی از دیوار پشت سرش را بدون تغییر مکان سرش می‌تواند ببیند؟ فاصله دیوار از آینه ۴ متر است. (کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۴)
- ۱- ۳ متر ۲- ۲ متر ۳- ۴ متر ۴- ۶ متر
- ۴- آینه تختی به دیوار اتاقی نصب شده است به طوری که آینه با دیوار قائم زاویه 20° می‌سازد. زاویه بین جسم و تصویر در آینه برابر است با:

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۵)

- ۱- 20° ۲- 40° ۳- 140° ۴- 70°

۵- یک دسته پرتو همگرا به یک آینه مسطح می‌تابد. این دسته پرتو پس از بازتابش از روی آینه :

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۷۹)

۱- تصویر حقیقی تشکیل می‌دهد.

۲- تصویر مجازی تشکیل می‌دهد.

۳- هیچ تصویری تشکیل نمی‌دهد.

۴- دو تصویر یکی حقیقی و یکی مجازی تشکیل می‌دهد.

۶- یک دندانپزشک آینه دندانپزشکی را در فاصله ۹ میلی‌متری دندان بیمار نگه داشته است. اگر فاصله کانونی آینه ۱۲ میلی‌متر باشد بزرگنمایی آینه در این حالت چقدر است؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۳)

۱- ۲ برابر ۲- ۳ برابر ۳- ۴ برابر ۴- ۵ برابر

۷- جسمی در مقابل یک آینه کروی تصویری که بزرگی آن سه برابر جسم است ایجاد می‌کند. اگر جسم را در امتداد محور آینه ۶ cm از آینه دور کنیم، مجدداً تصویری سه برابر جسم ایجاد می‌شود فاصله بین جسم و تصویر در ابتدا چند سانتی‌متر بوده است؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۸۱)

۱- ۱۸ ۲- ۱۲ ۳- ۲۴ ۴- ۶

۸- ناظری در مقابل یک آینه محدب به شعاع $R = ۱۲۰ \text{ Cm}$ ایستاده است. فاصله ناظر تا رأس آینه ۱۲۰ cm و چشم ناظر بر روی محور اصلی آینه قرار دارد. مقطع آینه دایره‌ای به شعاع ۴ cm می‌باشد. میدان آینه مخروطی کدام است؟

(کنکور کارشناسی ارشد عمران ۷۵)

۱- نصف زاویه راس آن مساوی است با ۰/۱ رادیان

۲- نصف زاویه راس آن مساوی است با ۰/۰۵ رادیان

۳- زاویه راس آن مساوی است با ۰/۰۵ رادیان

۴- زاویه راس آن مساوی است با ۰/۰۱ رادیان

۹- یک دسته پرتو همگرا به یک آینه محدب می‌تابد این دسته پرتو پس از بازتاب از روی آینه، را تشکیل می‌دهد.

(کنکور کارشناسی ارشد عمران ۸۰)

۱- دو تصویر حقیقی و مجازی ۲- تصویر حقیقی در جلو آینه

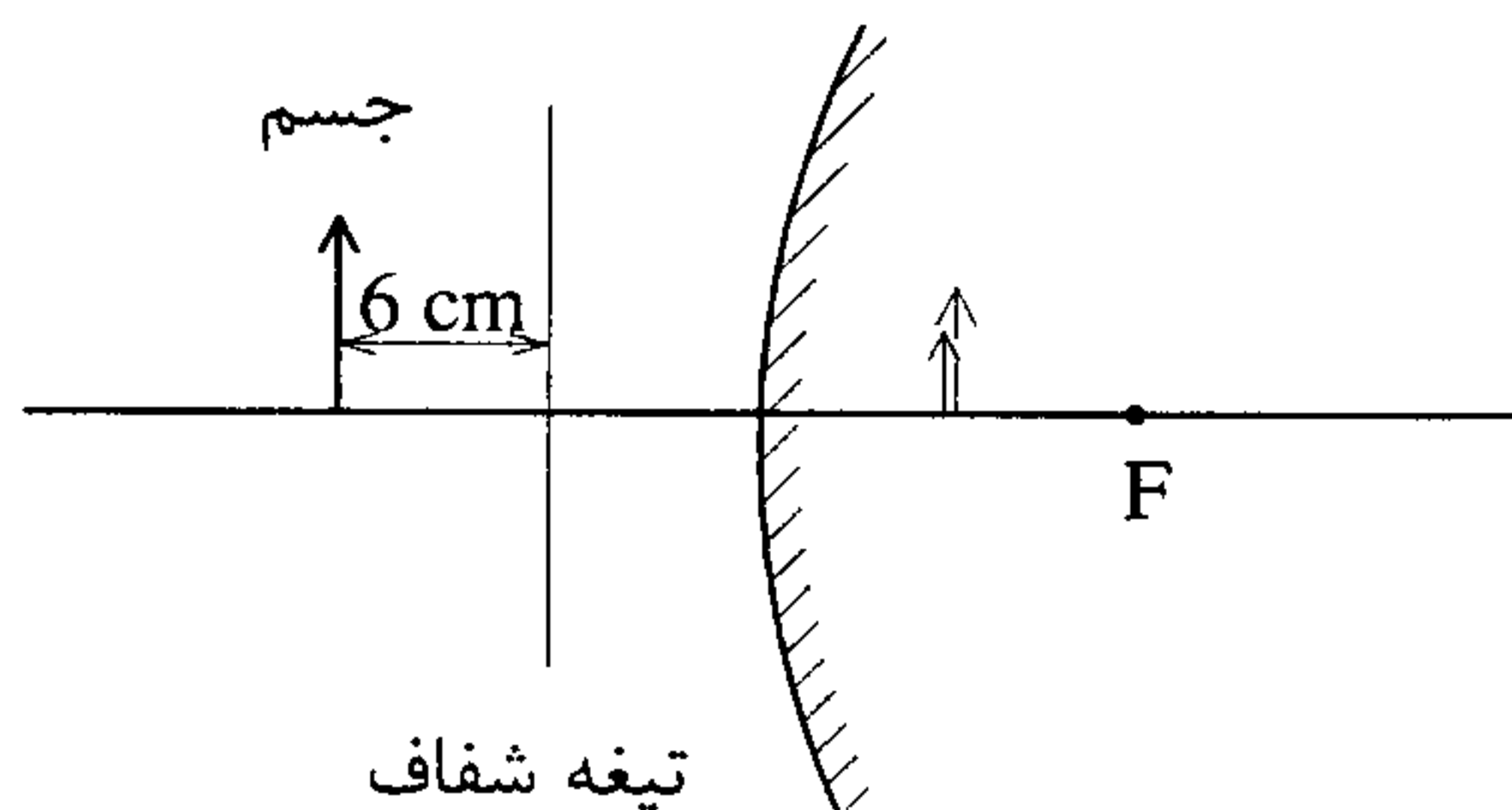
۳- تصویر مجازی و مستقیم در پشت آینه ۴- تصویر مجازی و معکوس در پشت آینه

۱۰ - یک شیء در فاصله ۲۰ سانتی متری آینه محدب که شعاع آن ۱۰ سانتی متر است قرار دارد. تصویر آن در چه فاصله‌ای از آینه دیده می‌شود؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک دریا ۸۱)

- ۱- ۴ Cm + ۲- ۲ Cm - ۳- ۶ Cm + ۴- ۴ Cm -

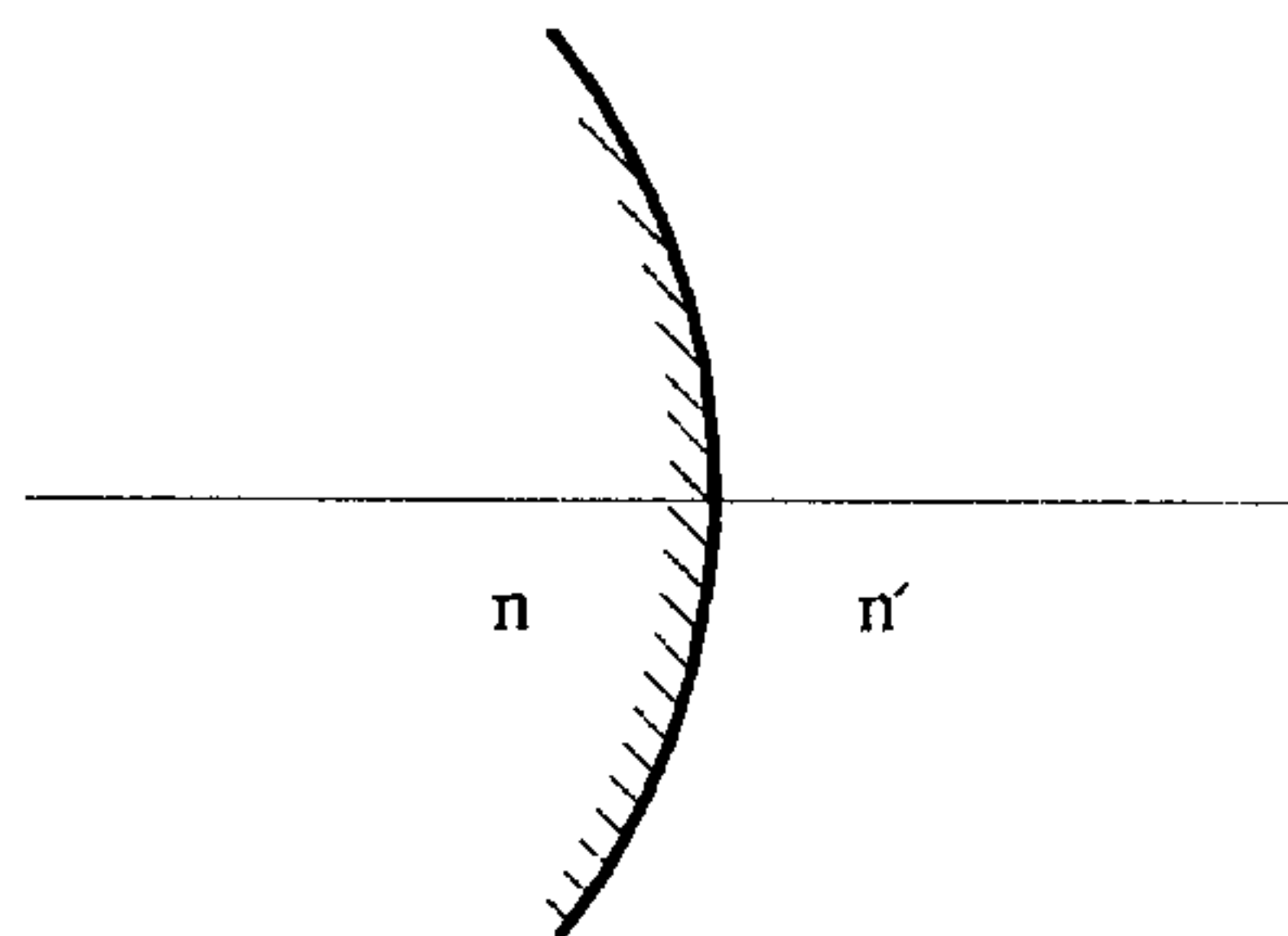
۱۱- مطابق شکل مجموعه‌ای شامل یک تیغه شیشه‌ای شفاف و یک آینه محدب با شعاع انحنای ۱۶ Cm را در مقابل یک جسم طوری قرار می‌دهیم تا تصویر مجازی جسم در تیغه و تصویر مجازی جسم در آینه در یک مکان تشکیل شوند. بزرگی تصویر ایجاد شده در آینه نسبت به بزرگی تصویر ایجاد شده در تیغه چقدر است؟



- ۱- $\frac{1}{4}$
 ۲- $\frac{1}{2}$
 ۳- $\frac{1}{6}$
 ۴- $\frac{1}{8}$

۱۲- دیوپتر مقابل دارای دو فاصله کانونی f و f' می‌باشد؛ نسبت $\frac{f}{f'}$ کدام است؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۷)



- ۱- $\frac{n}{n'}$
 ۲- $\frac{n'}{n}$
 ۳- $\frac{n+n'}{n-n'}$
 ۴- $\frac{n-n'}{n+n'}$

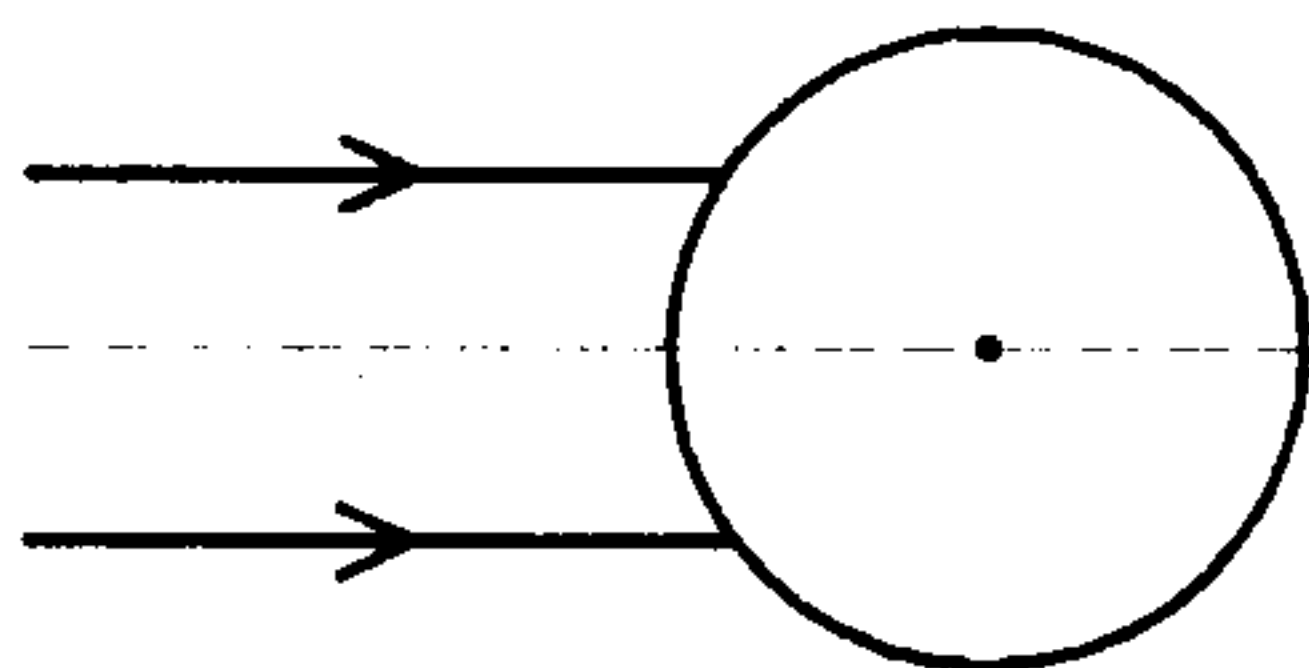
۱۳- شعاع انحنای یک دیوپتر کروی برابر با R و ضرایب شکست محیط طرفین آن به ترتیب n_1 و n_2 است. فواصل کانونی این دیوپتر کروی چیست؟

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۸۰)

- ۱- $f_1 = \frac{n_1 R}{n_2 - n_1}, f_2 = \frac{n_2 R}{n_2 - n_1}$
 ۲- $f_1 = \frac{n_2 R}{n_2 - n_1}, f_2 = \frac{n_1 R}{n_2 - n_1}$
 ۳- $f_1 = \frac{n_1 R}{n_1 - n_2}, f_2 = \frac{n_2 R}{n_2 - n_1}$
 ۴- $f_1 = \frac{n_2 R}{n_1 - n_2}, f_2 = \frac{n_1 R}{n_1 - n_2}$

۱۴- باریکه نور تک رنگی بر روی سطح شفاف به شعاع R و ضریب شکست n می رسد مقدار n چقدر باشد تا پرتوها درست روی سطح کره جمع شوند؟

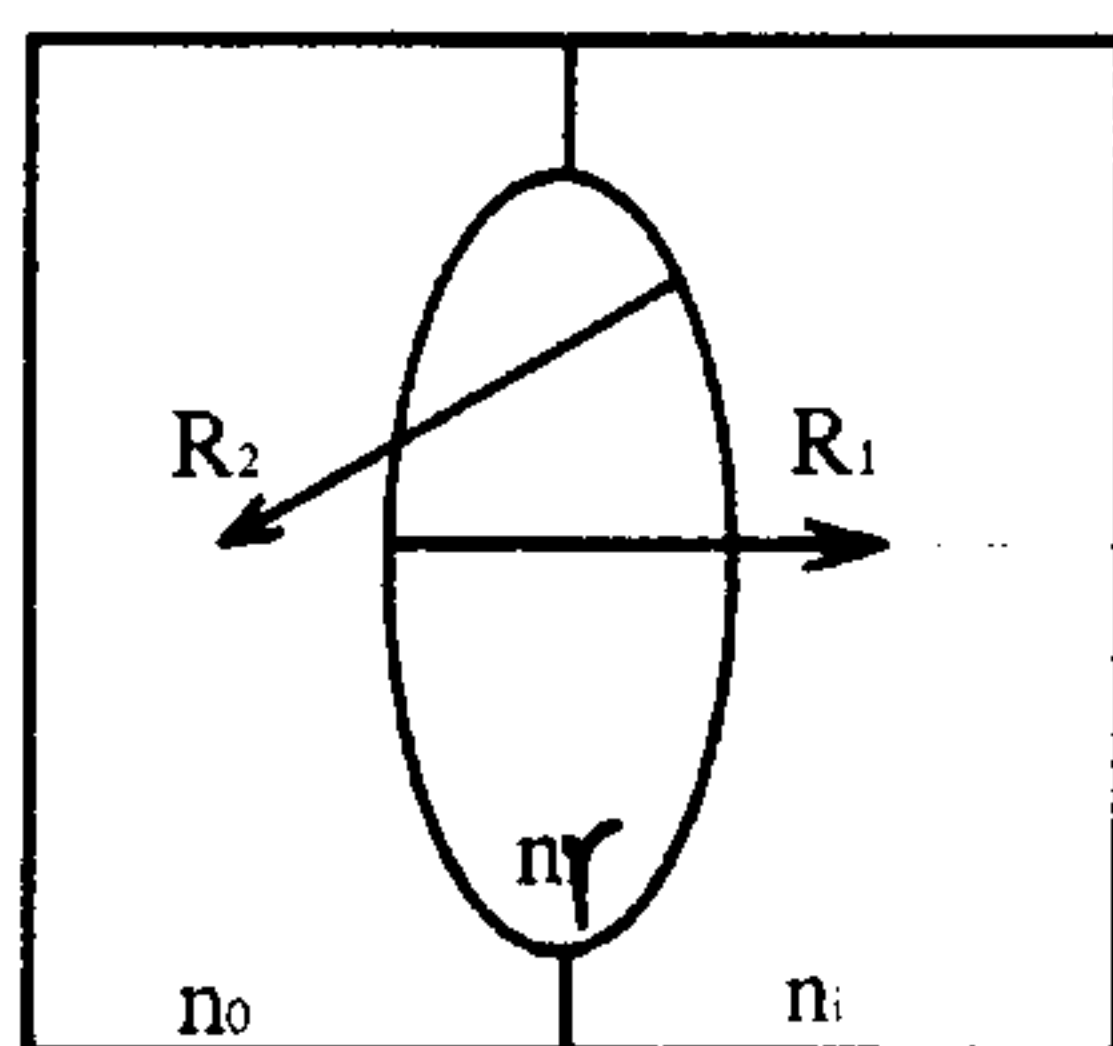
(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۶)



- ۱- $\frac{3}{2}$
- ۲- $\frac{4}{3}$
- ۳- $\frac{4}{5}$
- ۴- $\frac{2}{1}$

۱۵- در کاربرد عدسیهای نازک شیئی در محیط n قرار گرفته، عدسی محدب از ماده n_r ساخته شده و تصویر در محیط n_i می باشد اگر شعاعهای انحنای R_1 و R_2 مطابق شکل زیر باشند. فاصله کانونی ثانویه f' را بیابید؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۹ و GRE)



- ۱- $f' = -\frac{n_o}{(n_r - n_o)/R_1 + (n_i - n_r)/R_2}$
- ۲- $f' = +\frac{n_i}{(n_i - n_r)/R_1 + (n_r - n_o)/R_2}$
- ۳- $f' = +\frac{n_i}{(n_r - n_o)/R_1 + (n_i - n_r)/R_2}$
- ۴- $f' = -\frac{n_o}{(n_i - n_r)/R_1 + (n_r - n_o)/R_2}$

۱۶- یک دسته اشعه موازی و باریک به یک کره شفاف به شعاع R که در هوا قرار دارد می تابد اگر ضریب شکست این کره برابر با ۲ باشد این دسته اشعه پس از شکست می شوند.

(کنکور کارشناسی ارشد عمران ۸۰)

۱- در رأس مقابل کره، جمع

۲- در فاصله R از رأس مقابل، جمع

۳- در فاصله $2R$ از رأس مقابل و در خارج کره، جمع

۴- به طور موازی از کره خارج شده به دسته اشعه موازی دیگری تبدیل می شوند.

۱۷- شعاعهای انحنای طرفین یک عدسی ضخیم 10 cm و 20 cm می باشد. چند نوع عدسی

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۷۹)

با این مشخصات می توان ساخت؟

۲- سه عدسی همگرا و یک عدسی واگرا

۱- دو عدسی همگرا و دو عدسی واگرا

۴- یک عدسی همگرا و یک عدسی واگرا

۳- سه عدسی واگرا و یک عدسی همگرا

۱۸- عدسی همگرایی (از شیشه به ضریب شکست $\frac{3}{4}$) را در آب به ضریب شکست $\frac{4}{3}$ فرو

می بریم

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۶)

۱- فاصله کانونی عدسی کوچکتر می شود.

۲- فاصله کانونی عدسی بزرگتر می شود.

۳- فاصله کانونی عدسی تغییر نمی کند.

۴- کانون از حقیقی به مجازی تبدیل می شود.

۱۹- یک دسته اشعه موازی نور سفید در هوا به یک عدسی محدب نازک می تابد در نتیجه

کانون مربوط به رنگ زرد در فاصله از عدسی نسبت به کانون مربوط به رنگ

سبز تشکیل می شود، زیرا

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۸۰)

۱- دورتر - ضریب شکست عدسی برای نور سبز، کمتر است.

۲- دورتر - ضریب شکست عدسی برای نور زرد، کمتر است.

۳- نزدیکتر - ضریب شکست عدسی برای نور زرد، کمتر است.

۴- نزدیکتر - ضریب شکست عدسی برای نور سبز، بیشتر است.

۲۰- یک عدسی مقعرالطرفین (دو کاو) نازک به ضریب شکست $1/5$ و شعاع طرفین 20 Cm و

40 Cm در مایعی به ضریب شکست $1/8$ قرار دارد. این عدسی :

(کنکور کارشناسی ارشد عمران ۷۶)

۱- سیستمی است واگرا به فواصل کانونی $f' = f = -80 \text{ Cm}$

۲- سیستمی است همگرا به فواصل کانونی $f' = f = +80 \text{ Cm}$

۳- سیستمی است همگرا به فواصل کانونی $f' = f = +120 \text{ Cm}$

۴- سیستمی است واگرا به فواصل کانونی $f' = f = -120 \text{ Cm}$

۲۱- یک عدسی نازک محدب از شیشه به ضریب شکست n در مایعی به ضریب شکست n'

قرار دارد. این عدسی یک دسته اشعه موازی را که در محیط مایع به آن می تابد، به یک

دسته اشعه مبدل می سازد، زیرا است.

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۸۰)

۱- موازی، $n \approx n'$

۲- موازی، $n < n'$

۳- همگرا، $n < n'$

۴- واگرا، $n < n'$

۲۲- با توجه به قانون اسنل چنان چه یک عدسی و یک آینه خمیده را که فاصله کانونی آنها برابر است در آب قرار می‌دهیم در این صورت کدام یک از عبارات زیر صحیح است ؟
(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۴)

۱- فاصله کانونی عدسی تغییر نمی‌کند ولی فاصله کانونی آینه تغییر می‌کند.

۲- فاصله کانونی عدسی و آینه هیچ کدام تغییر نمی‌کند.

۳- فاصله کانونی عدسی و آینه تغییر می‌کند.

۴- فاصله کانونی عدسی تغییر می‌کند ولی فاصله کانونی آینه تغییر نمی‌کند.

۲۳- یک دسته نور سفید به موازات محور اصلی یک عدسی همگرای نازک به آن می‌تابانیم. اگر ضریب شکست توسط عدسی n و تغییر ضریب شکست آن در ناحیه مرئی Δn باشد. می‌توان نشان داد که تغییر نسبی فاصله کانونی عدسی مساوی است با :

(کنکور کارشناسی ارشد عمران ۷۸ و ۷۹)

$$\frac{\Delta n}{n} \quad -۱ \quad \frac{\Delta n}{n+1} \quad -۲ \quad \frac{\Delta n}{n-1} \quad -۳ \quad \frac{\Delta n}{2n-1} \quad -۴$$

۲۴- در شکل زیر یک عدسی آکرومات (آفام) دیده می‌شود، عدسی نازک است به گونه‌ای که از ضخامت آن می‌توان با تقریب خوبی چشم‌پوشی کرد. اگر شعاع انحنای تمام سطوح آن مساوی و هر کدام R باشند، در صورتی که ضریب شکست عدسی محدب n و ضریب شکل عدسی مقعر n' باشد، فاصله کانونی آن برابر کدام است ؟

(کنکور کارشناسی ارشد عمران ۷۵)



۱- $R(n - n')$

۲- $\frac{n - n'}{2R}$

۳- $\frac{R}{2(n - n')}$

۴- $\frac{n' - n}{R}$

۲۵- یک عدسی ضخیم به شکل کره به شعاع R و به ضریب شکست $2/4$ در مایعی به ضریب شکست $1/2$ قرار دارد. این عدسی بوده فاصله کانونی آن نسبت به هر رأس برابر با می‌باشد.

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۷۷)

۱- واگرا - R ۲- واگرا - $2R$ ۳- همگرا - R ۴- همگرا - $2R$

۲۶- شعاع یک عدسی نازک تخت - کوژ به ضریب شکست $1/5$ برابر با 25 Cm می‌باشد.

فاصله کانونی این عدسی چند سانتی‌متر است ؟

(کنکور کارشناسی ارشد عمران ۷۹)

۱- ۵۰ ۲- ۲۵ ۳- ۵۰ ۴- ۲۵

۲۷- یک عدسی همگرای نازک به ضریب $\sqrt{3}$ در محیطی به ضریب شکست $\sqrt{2}$ قرار دارد. اگر شعاع انحنای طرفین عدسی به ترتیب $\sqrt{\frac{2}{3}}m$ و $1m$ باشد، فاصله کانونی عدسی مساوی است با:

(کنکور کارشناسی ارشد عمران ۷۸)

$$1-2m \quad 2-\frac{1}{2}m \quad 3-\frac{1}{4}m \quad 4-4m$$

۲۸- شعاعهای طرفین یک عدسی محدب نازک با هم مساوی و برابر R و ضریب شکست آن n می باشد. عدسی محدب نازک دیگری به ضریب شکست n موجود می باشد که شعاع یک طرف آن R و طرف دیگر آن مسطح است. اگر فواصل کانونی عدسیهای اول و دوم را به ترتیب با f_1 و f_2 نشان دهیم، می توان نتیجه گرفت که:

(کنکور کارشناسی ارشد مهندسی عمران (فتوگرامتری - ژئودزی) ۸۱)

$$1-f_1 = f_2 \quad 2-f_1 = 2f_2 \quad 3-f_2 = 2f_1 \quad 4-f_1 = 4f_2$$

۲۹- یک عدسی نازک "دو کاو" از جنس شیشه به ضریب شکست $1/5$ و با شعاعهای انحنای 10 Cm و 30 Cm در مایعی به ضریب شکست $1/8$ قرار دارد. فاصله کانونی عدسی چند سانتی متر است؟

(کنکور کارشناسی ارشد مهندسی عمران (فتوگرامتری - ژئودزی) ۸۱)

$$1-25 \quad 2-50 \quad 3-25 \quad 4-50$$

۳۰- یک عدسی نازک دو گوژ به ضریب شکست $\frac{5}{3}$ که شعاعهای طرفین آن 30 و 50 سانتی متر است، در آب به ضریب شکست $\frac{4}{3}$ قرار دارد. فاصله کانونی این عدسی چند سانتی متر است؟

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۸۱)

$$1-75 \quad 2-15 \quad 3-15 \quad 4-75$$

۳۱- فاصله کانونی یک عدسی شیشه‌ای در محیط هوا بیشتر است یا در محیط آب؟ (ضریب شکست شیشه بزرگتر از آب است).

(کنکور کارشناسی ارشد علم ۸۰)

۱- در هوا

۲- در آب

۳- برای عدسی همگرا در هوا و برای واگر در آب

۴- برای عدسی همگرا در آب و برای واگر در هوا

۳۷- یک عدسی همگرای نازک به فاصله کانونی f از جسمی به فاصله x از کانون شیئی، یک تصویر حقیقی به فاصله x' از کانون تصویر می‌دهد. اگر جسم با سرعت v از عدسی دور شود، تصویر آن با سرعت v' به عدسی نزدیک می‌شود به طوری که نسبت $\frac{v'}{v}$ برابر است با:

$$1- \frac{f-x'}{-f+x} \quad 2- \frac{f-x}{-f+x'} \quad 3- \frac{x'}{x} \quad 4- \frac{x}{x'}$$

۳۸- یک عدسی نازک همگرا از یک جسم حقیقی، یک تصویر حقیقی تشکیل می‌دهد. فاصله کانونی عدسی f و فواصل جسم و تصویر از عدسی x و x' می‌باشد. اگر جسم با سرعت v به عدسی نزدیک شود:

۱- تصویر با سرعت $v' = \frac{f^2}{(x-f)^2}$ از عدسی دور می‌شود.

۲- تصویر با سرعت $v' = \frac{f^2}{(x+f)^2}$ به عدسی نزدیک می‌شود.

۳- تصویر با سرعت $v' = \frac{f^2}{(x+f)^2}$ از عدسی دور می‌شود.

۴- تصویر با سرعت $v' = \frac{f^2}{(x-f)^2}$ به عدسی نزدیک می‌شود.

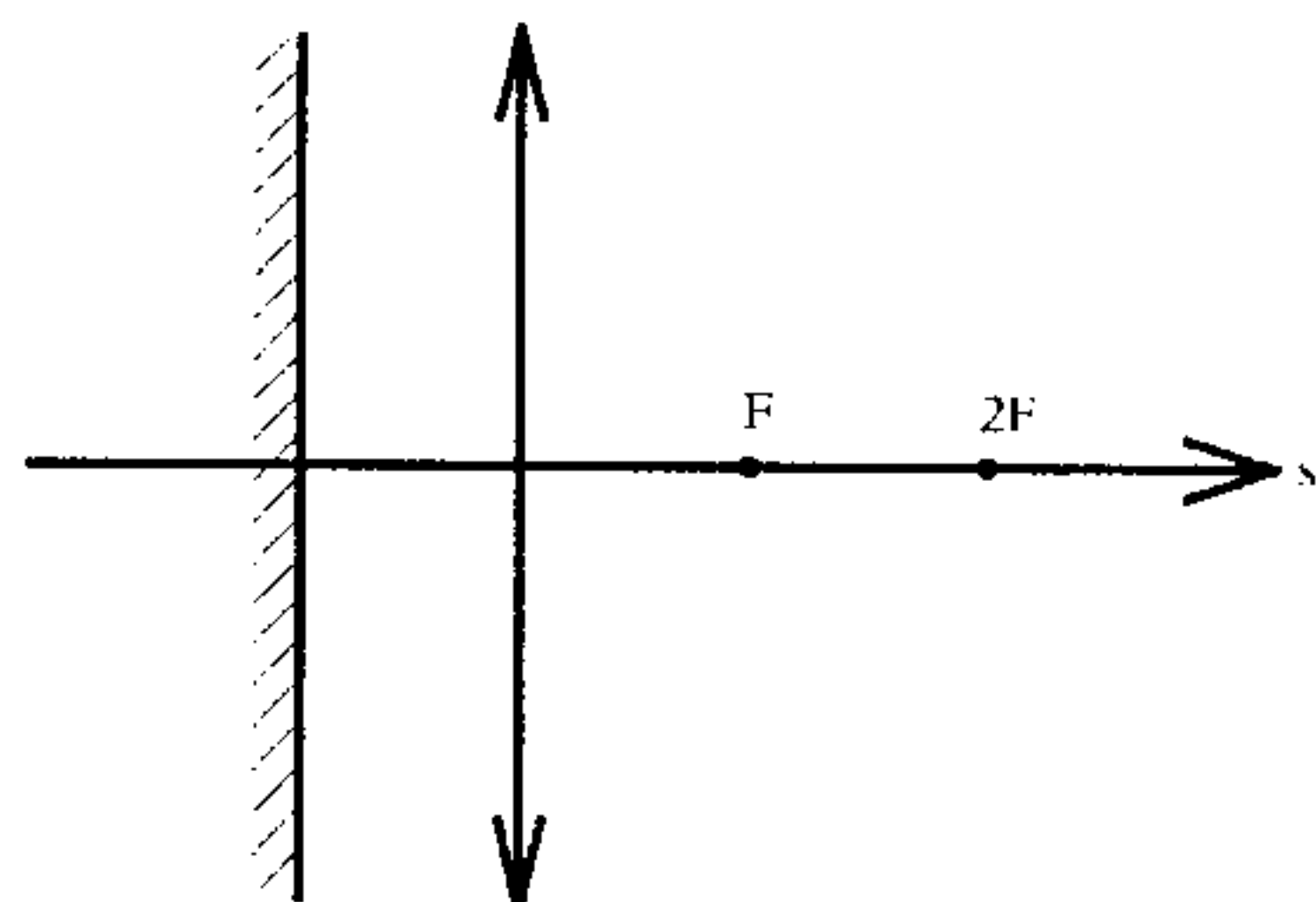
۳۹- فرمول نیوتن برای یک عدسی همگرا به فاصله کانونی f به صورت $x x' = f^2$ نوشته می‌شود اگر جسم به اندازه Δx و در نتیجه تصویر به اندازه $\Delta x'$ جا به جا شود می‌توان نشان داد که نسبت $\frac{\Delta x'}{\Delta x}$ مساوی است با:

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۷۶)

$$1- \frac{-x^2}{f^2} \quad 2- \frac{-f^2}{x^2} \quad 3- \frac{x^2}{f^2} \quad 4- \frac{f^2}{x^2}$$

۴۰- نقطه نورانی S روی محور اصلی عدسی و به فاصله F از آن قرار دارد آینه تخت M عمود بر محور عدسی و به فاصله $\frac{F}{2}$ از آن واقع است تصویر حقیقی در این دستگاه کجا

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۸)



تشکیل می‌شود؟

۱- بین S و بی‌نهایت

۲- بین F و $2F$

۳- بین $2F$ و S

۴- بین عدسی و F

۴۱- جسمی به فاصله یک متر از عدسی همگرایی به فاصله کانونی نیم متر قرار دارد. این عدسی به فاصله دو متر از یک آینه تخت واقع است. اگر از طریق عدسی به آینه نگاه کنیم، فاصله تصویر تا عدسی چقدر خواهد بود؟ (کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۵)

- ۱- ۱/۲ متر
۲- ۰/۶ متر
۳- ۰/۹ متر
۴- ۰/۳ متر

۴۲- در یک دستگاه نوری از دو عدسی نازک همگرا به فواصل کانونی f_1 و f_2 استفاده می‌شود که به فاصله d از یکدیگر قرار دارند به طوری که $d > f_1 + f_2$ فواصل کانونی این دستگاه برابر است با:

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی و مهندسی عمران ۸۰)

$$\begin{aligned} 1- & \frac{f_1(d+f_2)}{d+(f_1+f_2)}, \frac{f_2(d+f_1)}{d+(f_1+f_2)} \\ 2- & \frac{f_1(d-f_2)}{d+(f_1+f_2)}, \frac{f_2(d-f_1)}{d+(f_1+f_2)} \\ 3- & \frac{f_1(d+f_2)}{d-(f_1+f_2)}, \frac{f_2(d+f_1)}{d-(f_1+f_2)} \\ 4- & \frac{f_1(d-f_2)}{d-(f_1+f_2)}, \frac{f_2(d-f_1)}{d-(f_1+f_2)} \end{aligned}$$

۴۳- توان عدسی همگرایی به فاصله کانونی ۲۰ Cm چقدر است؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک دریا ۸۱)

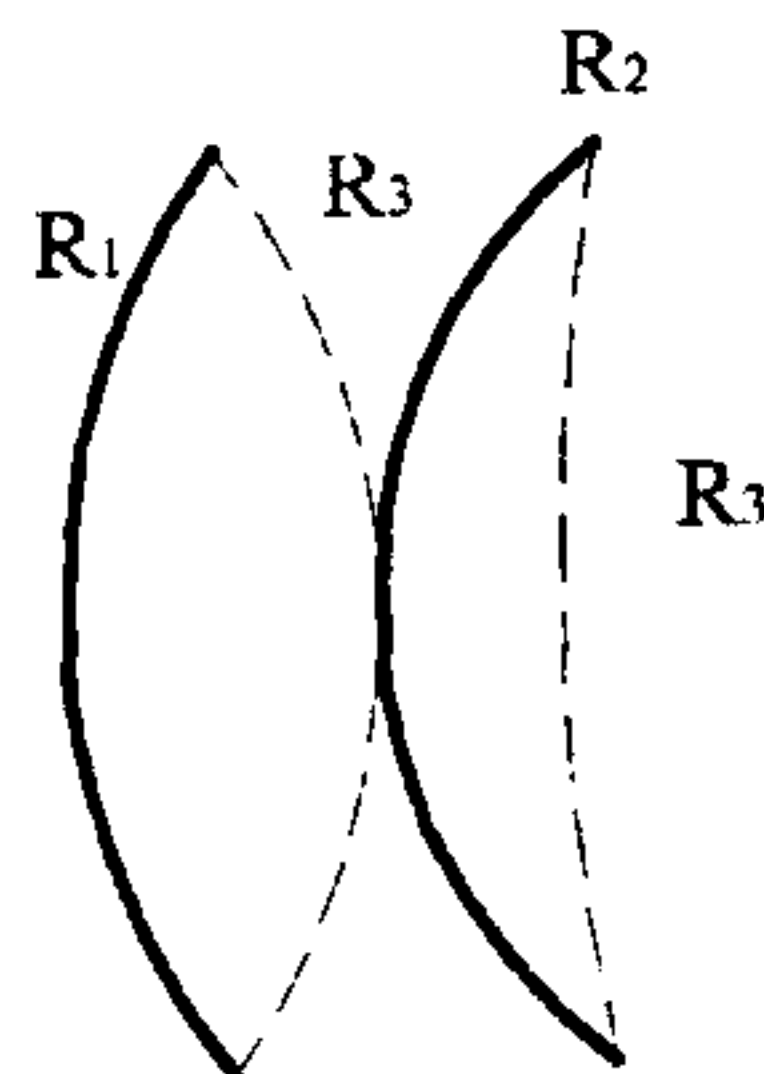
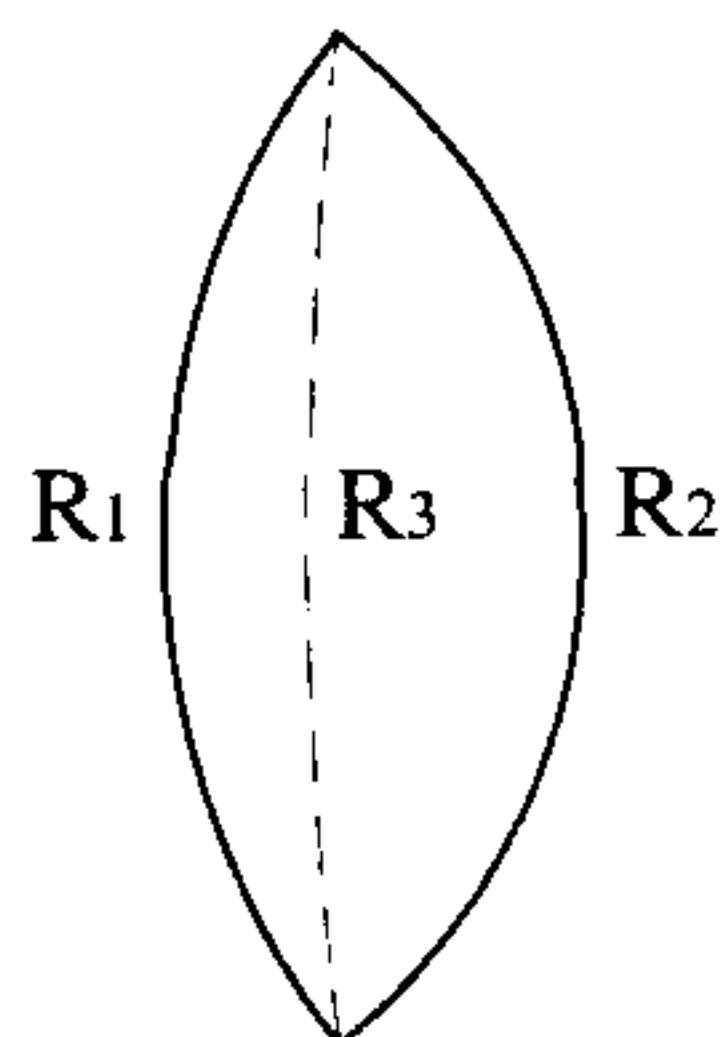
- ۱- ۴
۲- ۵
۳- ۶
۴- ۱۰

۴۴- دو عدسی با فواصل کانونی به ترتیب ۲۰ و ۵۰ سانتی‌متر در تماس با یکدیگر قرار دارند. قدرت همگرایی آنها چند دیوپتری است؟ (کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۳)

- ۱- ۳
۲- ۲/۵
۳- ۲/۵-
۴- ۲

۴۵- اگر عدسی شکل زیر را از محل R_2 تراش داده و مطابق شکل در جهت مخالف قرار دهیم همگرایی مجموعه عدسیها نسبت به حالت اول:

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۴)



- ۱- کم می‌شود.
۲- زیاد می‌شود.
۳- تغییر نمی‌کند.
۴- دقیقاً دو برابر می‌شود.

۴۶- دو عدسی نازک همگرا در کنار هم قرار گرفته‌اند. یک دسته اشعه موازی با این مجموعه تابیده و پس از خروج از آن می‌شود، زیرا

(کنکور کارشناسی ارشد مهندسی عمران (فتوگرامتری، ژئودزی) ۸۱)

- ۱- به یک دسته اشعه موازی تبدیل - کانونهای دو عدسی بر هم منطبق هستند.
 - ۲- به یک دسته اشعه واگرا تبدیل - کانونهای دو عدسی بر هم منطبق هستند.
 - ۳- در کانون عدسی دوم متقارب - فاصله بین دو عدسی از مجموع فواصل کانونی آنها بیشتر است.
 - ۴- در کانون عدسی دوم متقارب - فاصله بین دو عدسی از مجموع فواصل کانونی آنها کمتر است.
- ۴۷- ناهنجاریهای محوری می‌تواند عامل ایجاد کدام یک از موارد زیر باشد؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۳)

- ۱- دوربینی و نزدیک‌بینی
 - ۲- پیرچشمی
 - ۳- شدت صوت
 - ۴- سرعت صوت
- ۴۸- قدرت همگرایی کدام یک از سطوح اپتیکی چشم بیشتر است؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۳)

- ۱- زلالیه
 - ۲- قرنیه
 - ۳- عدسی
 - ۴- زجاجیه
- ۴۹- نقاط دید دور و نزدیک شخصی به ترتیب ۲ متر و ۵۰ سانتی‌متر است. قدرت عدسی عینک تصحیح‌کننده برای دیدن اجسام دور چند دیوپتر است؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۳)

- ۱- ۰/۵-
- ۲- ۰/۲۵+
- ۳- ۰/۷۵+
- ۴- ۱-

۵۰- نقطه دید نزدیک شخصی ۵۵ ساله، ۱۰۰ سانتی‌متر است. چه نوع عدسی و با چه فاصله کانونی باید به کار رود تا بتواند شیئی در نقطه دید نزدیک طبیعی (۲۵ سانتی‌متری) را به وضوح مشاهده نماید؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۵ و GRE)

- ۱- همگرا - ۳۳/۳ سانتی‌متر
- ۲- واگرا - ۳۳/۳ سانتی‌متر
- ۳- همگرا - ۲۵/۷ سانتی‌متر
- ۴- واگرا - ۲۵/۷ سانتی‌متر

۵۱- شخصی می‌تواند بدون استفاده از عینک در زیر آب اشیا را به وضوح ببیند چشمان این شخص

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۵)

- ۱- نزدیک‌بین است.
- ۲- دوربین است.
- ۳- آستیگمات است.
- ۴- سالم است.

۵۲- شخص نزدیک‌بینی که چشم‌هایش می‌تواند از فاصله $a_1 = 12 \text{ Cm}$ تا $a_2 = 60 \text{ Cm}$ را ببیند به کمک عینک به طور واضح اجسامی را که در دور دست قرار دارد می‌بیند. حداقل فاصله a_3 را که در آن شخص می‌تواند به کمک عینکش کتاب بخواند را بر حسب سانتی‌متر تعیین کنید؟ (کنکور کارشناسی ارشد ۷۹)

$$۱- 2/5 \quad ۲- 7/5 \quad ۳- 15 \quad ۴- 30$$

۵۳- اگر ضرایب شکست طرفین دو دیوپتر کروی مختلف به شعاعهای R_1 و R_2 ، n_1 و n_2 باشند و همگرایی این دو دیوپتر را به ترتیب c_1 و c_2 بنامیم. نسبت $\frac{c_1}{c_2}$ با کدام گزینه

برابر است؟ (کنکور کارشناسی ارشد مهندسی عمران (فتوگرامتری، ژئودزی) ۸۱)

$$۱- \frac{R_2}{R_1} \quad ۲- \frac{n_2}{n_1} \quad ۳- \frac{n_1 R_2}{n_2 R_1} \quad ۴- \frac{n_1 R_1}{n_2 R_2}$$

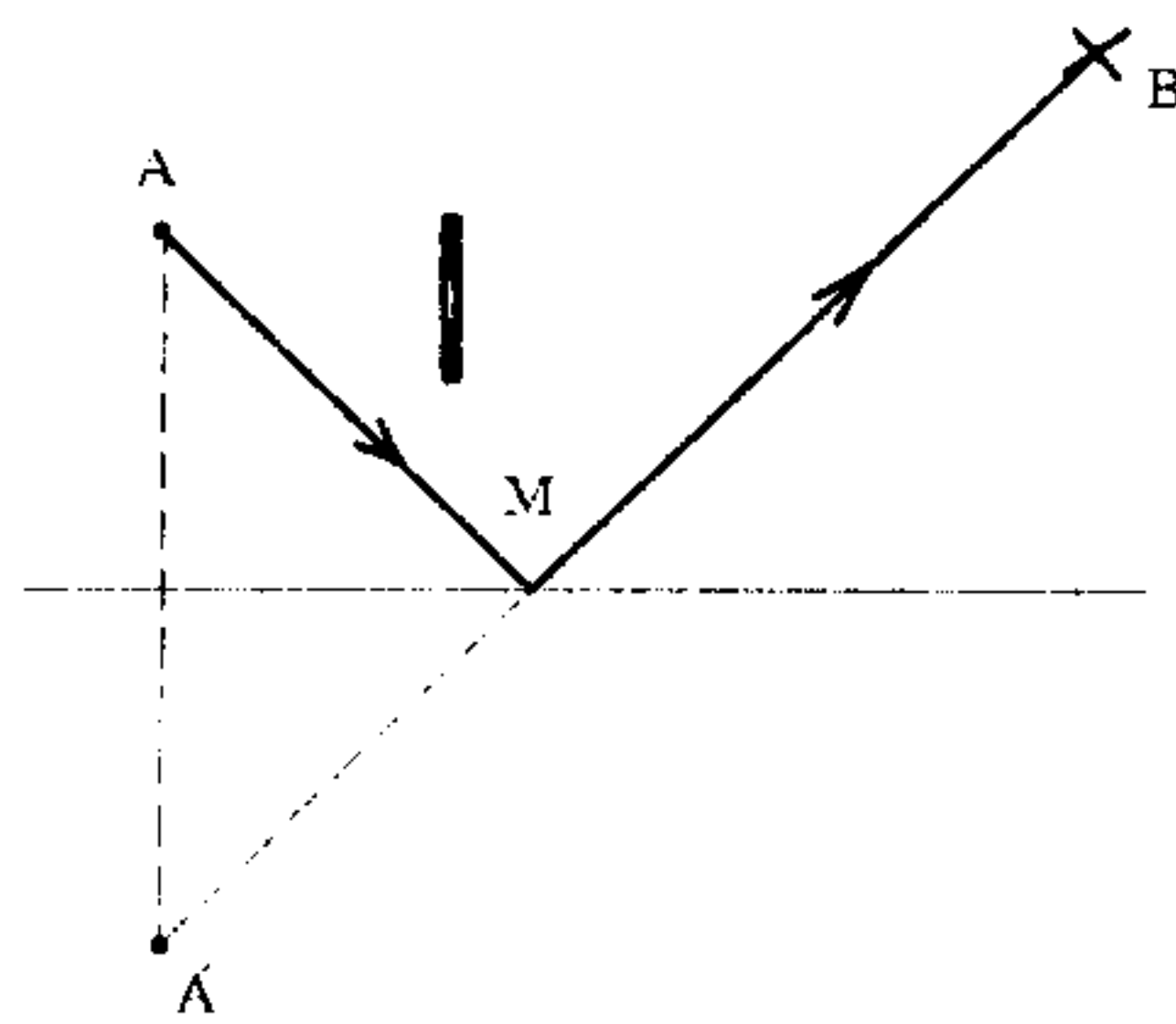
۵۴- کدام یک از گزاره‌های زیر در مورد یک عدسی همگرا صحیح نیست؟

(کنکور کارشناسی ارشد GRE)

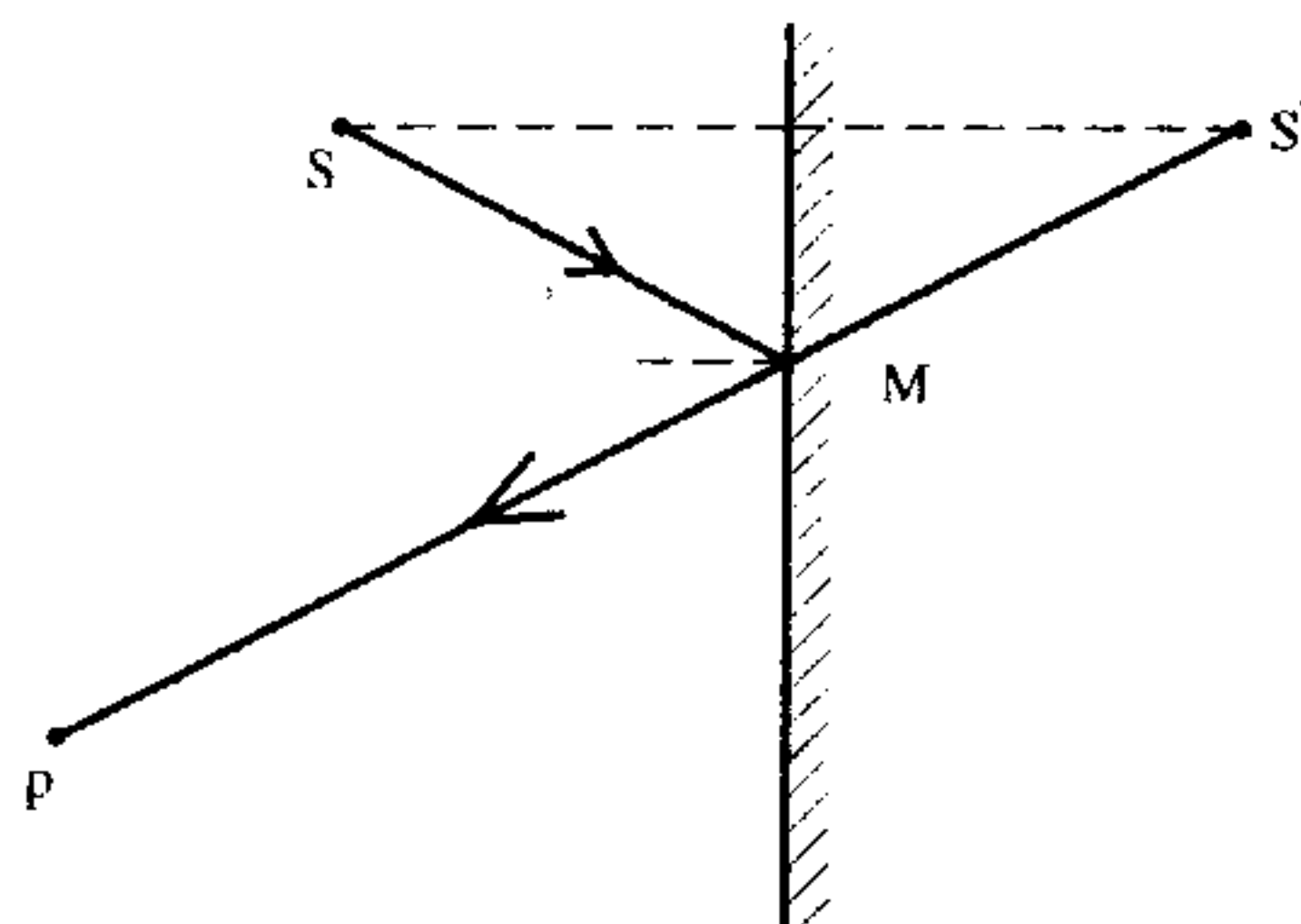
- ۱- پرتوهای موازی تابیده شده با محور در کانون جمع می‌شوند.
- ۲- پرتو نور متمرکز شده در کانون نور موازی با محور گسیل می‌دارد. (در عبور از عدسی)
- ۳- پرتو نور عبور کرده از مرکز عدسی به موازات محور، انحراف پیدا می‌کند.
- ۴- جسم متمرکز در بی‌نهایت دارای تصویری در کانون است.

۱۶-۳ پاسخهای تشریحی

۱-۳) چون اگر از نقطه B به تصویر A' نگاه کنیم (در امتداد A'B) در واقع در مسیر پرتو AMB نگاه می‌کنیم.

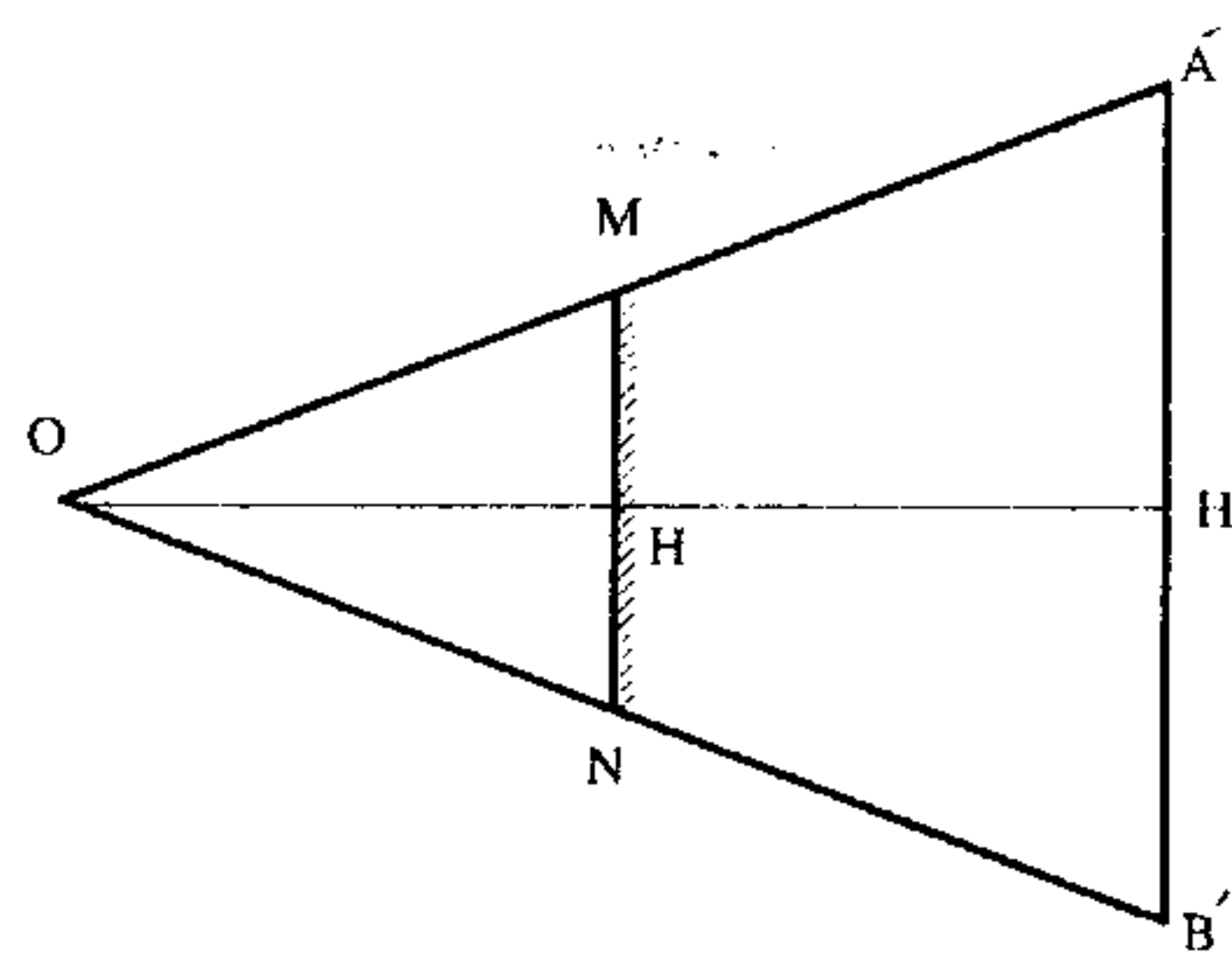


۲-۳) از وصل کردن S' (تصویر S) به نقطه P، نقطه M به دست می‌آید که محل تلاقی خط PS' و آینه است. هیچ یک از گزینه‌های دیگر نقطه M را نمی‌دهند.



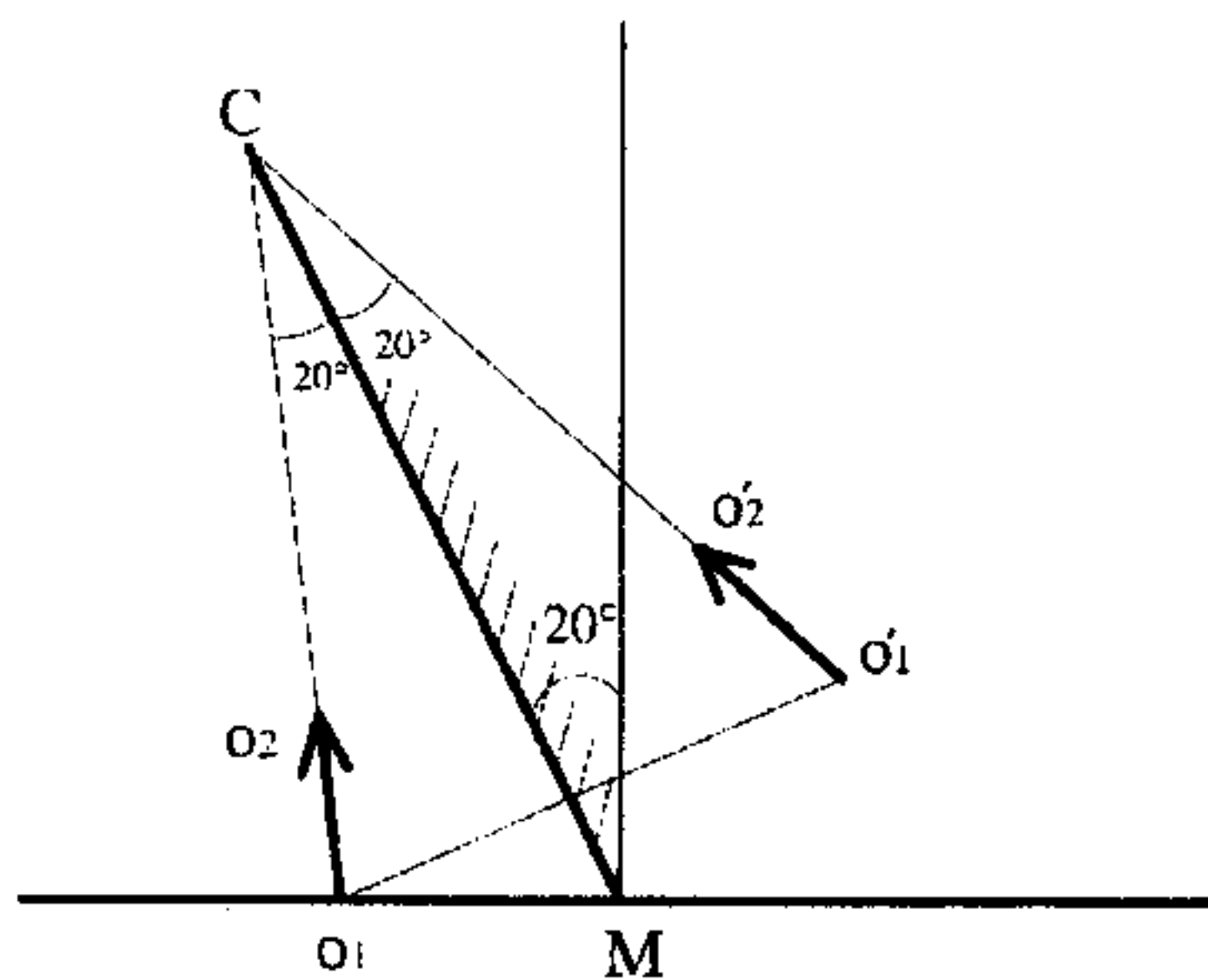
۳-۳) از تشابه مثلثهای OA'B' و OMH داریم:

$$\frac{OH'}{OH} = \frac{A'B'}{MN} \Rightarrow \frac{6}{2} = \frac{A'B'}{1} \Rightarrow A'B' = 3m$$

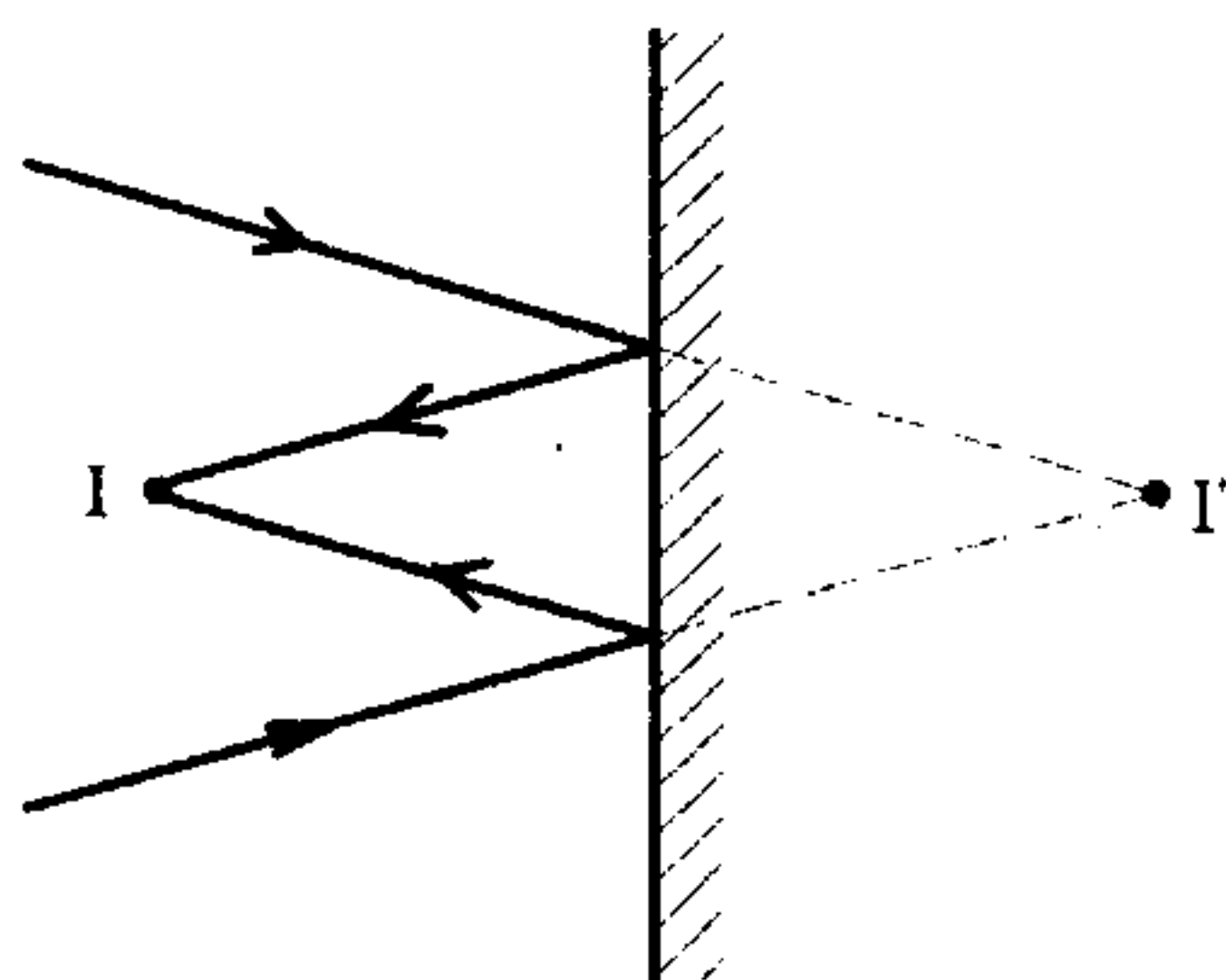


۴-۲) زاویه بین جسم، تصویر دو برابر زاویه بین جسم و آینه است.

$$\widehat{O_1CO_1'} = 2\widehat{O_1CM} = 2 \times 20^\circ = 40^\circ$$



۵-۱) پرتوهای همگرا پس از بازتاب در نقطه I تصویر حقیقی می‌دهند. به عبارتی آینه تخت از تصویر مجازی I' تصویر حقیقی I را می‌دهد.



$$m = -\frac{q}{p} \text{ و } p = 9 \text{ mm و } f = 12 \text{ mm} \quad (3-6)$$

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f} \Rightarrow q = \frac{fp}{p-f} = \frac{(12)(9)}{9-12} = -36 \text{ mm}$$

تصویر مجازی و چهار برابر جسم است.

$$m = -\frac{-36}{9} = +4$$

۳-۷) اگر جسم از ابتدا بعد از فاصله کانونی قرار داشته باشد می‌دانیم که با دور شدن از آینه و افزایش O همواره i کوچکتر شده و اندازه تصویر کوچکتر می‌شود. بنابراین با توجه به آنکه اندازه تصویر در دو حالت برابر است پس ابتدا جسم در فاصله کانونی بوده (و در نتیجه $i < 0$) و سپس از کانون عبور کرده است.

$$i < 0 \text{ حالت اول: } \frac{-i}{O} = 3 \Rightarrow i = -3O \Rightarrow \frac{1}{O} + \frac{1}{-3O} = \frac{1}{f}$$

$$i > 0 \text{ حالت دوم: } \frac{-i}{O'} = -3 \Rightarrow i = +3O', O' = O + 6 \Rightarrow \frac{1}{O+6} + \frac{1}{3(O+6)} = \frac{1}{f}$$

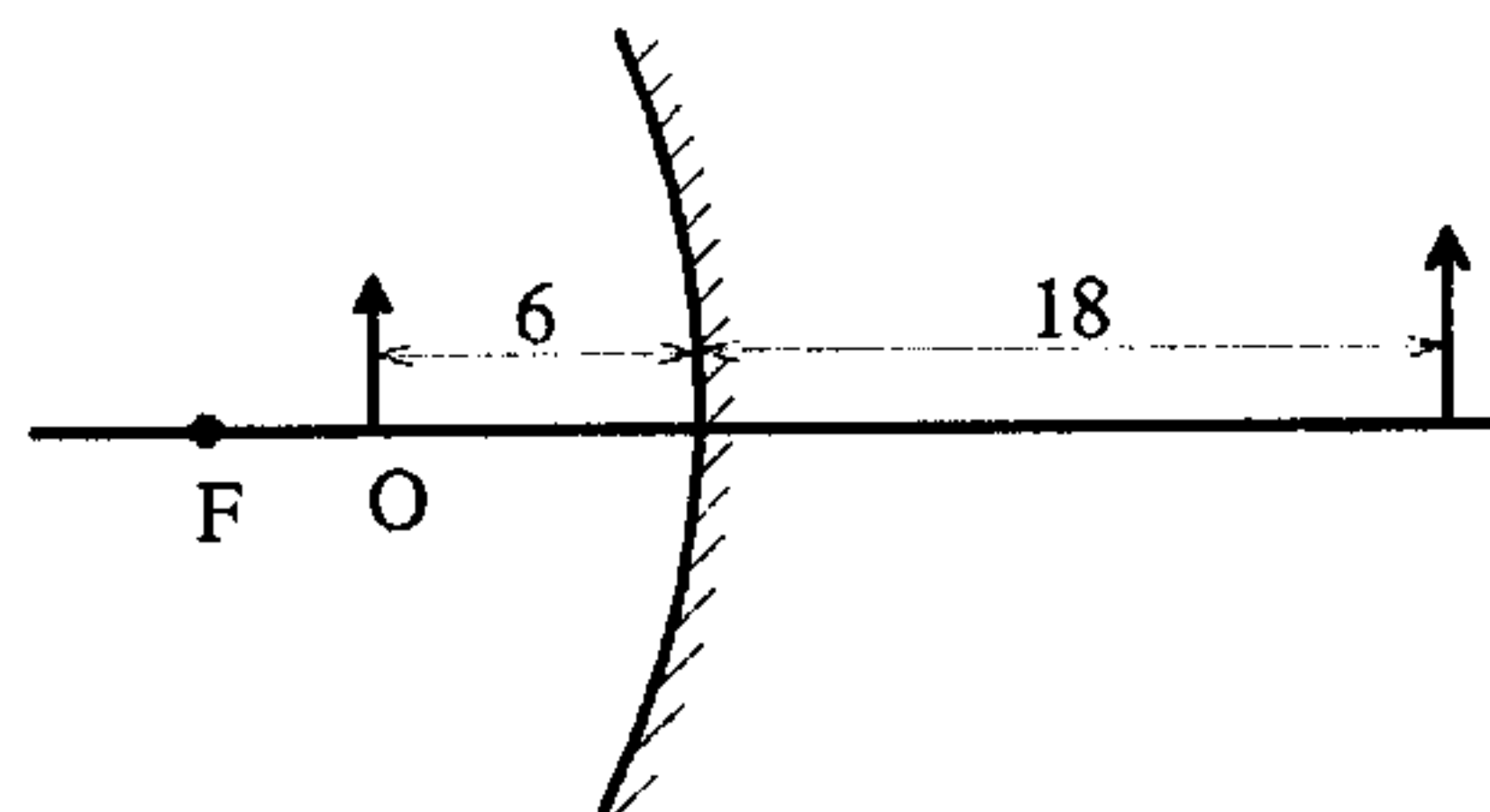
$$\frac{1}{O} - \frac{1}{3O} = \frac{2}{3O} = \frac{4}{3(O+6)} \Rightarrow (O+6) = 2O \Rightarrow O = 6 \text{ Cm}$$

$$i = -3O = -3(6) = -18 \text{ Cm} \text{ در حالت اول}$$

$$(f = \frac{3O}{2} = 9)$$

تصویر مجازی و در پشت آینه تشکیل شده است.

$$I \text{ و } O \text{ فاصله} = 6 - (-18) = 24 \text{ Cm}$$

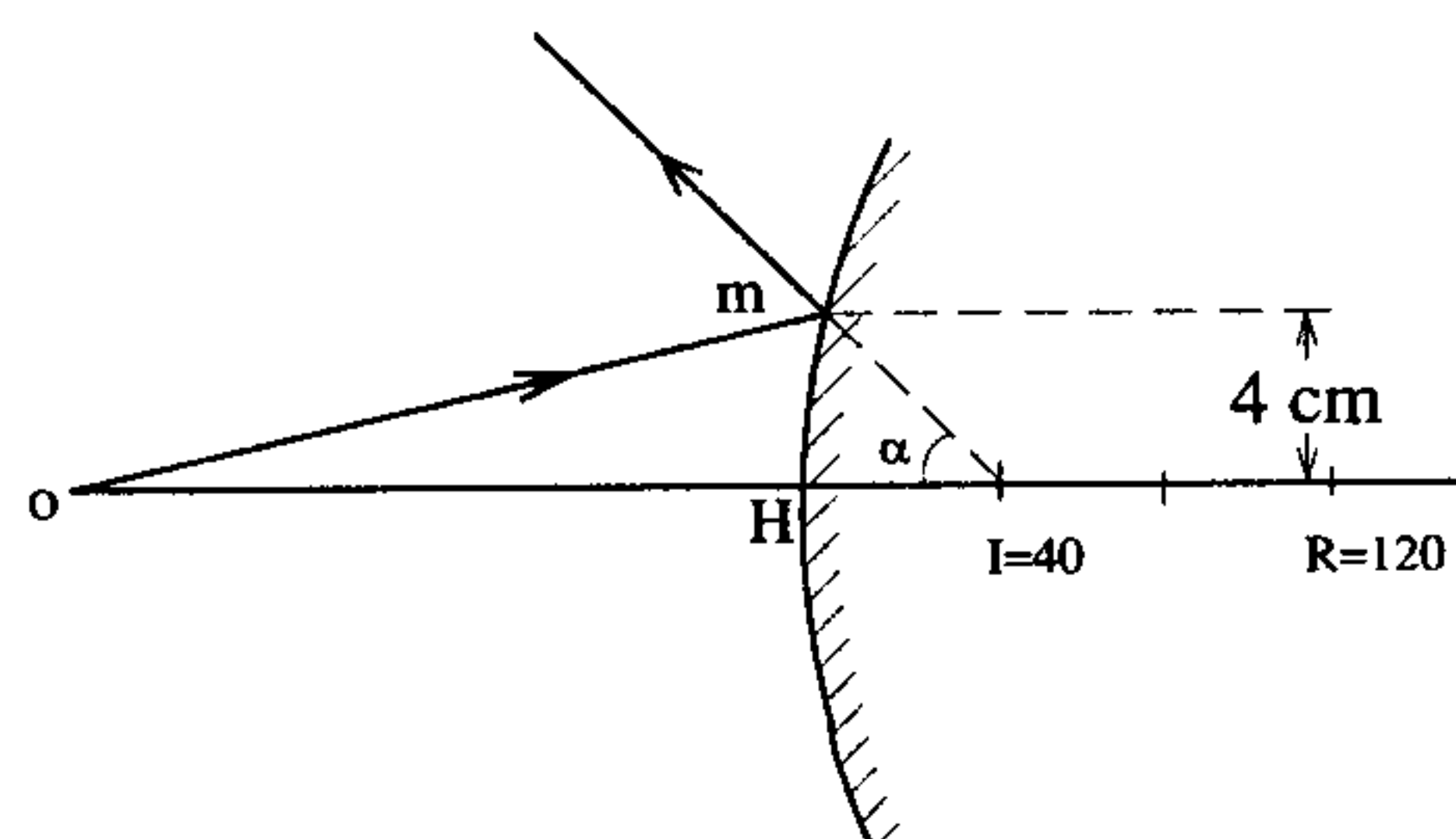


$$R = 120 \text{ Cm} \Rightarrow \text{آینه محدب} \quad f = -60 \text{ Cm} \quad (1-8)$$

$$O = 120 \text{ Cm} \Rightarrow \frac{1}{120} + \frac{1}{i} = \frac{1}{-60} \Rightarrow i = -40 \text{ Cm}$$

چون شعاع آینه 4 Cm در مقابل 40 Cm کوچک است این کمان را تقریباً یک خط راست عمود MH می‌گیریم

$$\alpha \approx \frac{MH}{i} = \frac{4}{40} = 0.1 \text{ rad}$$

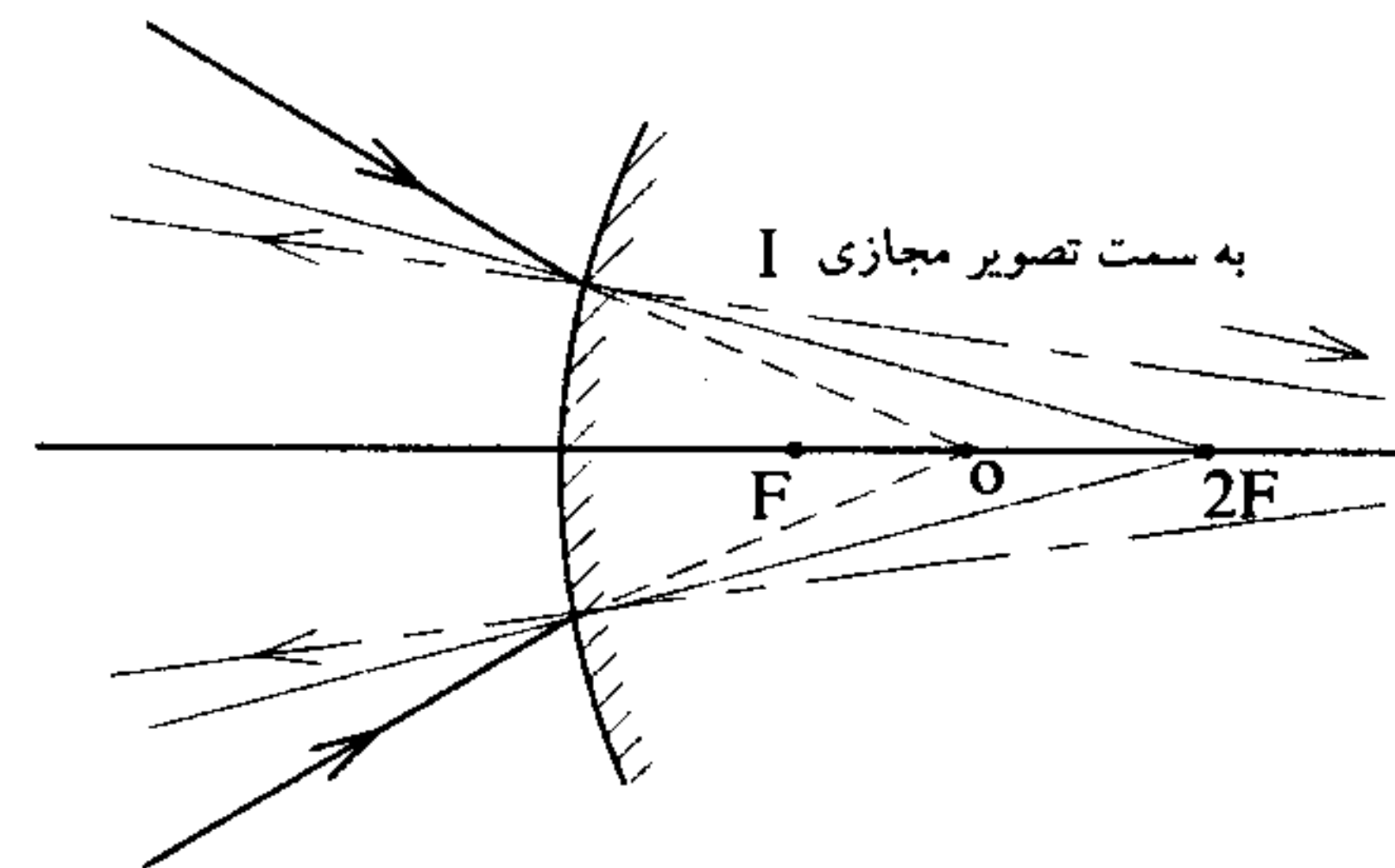
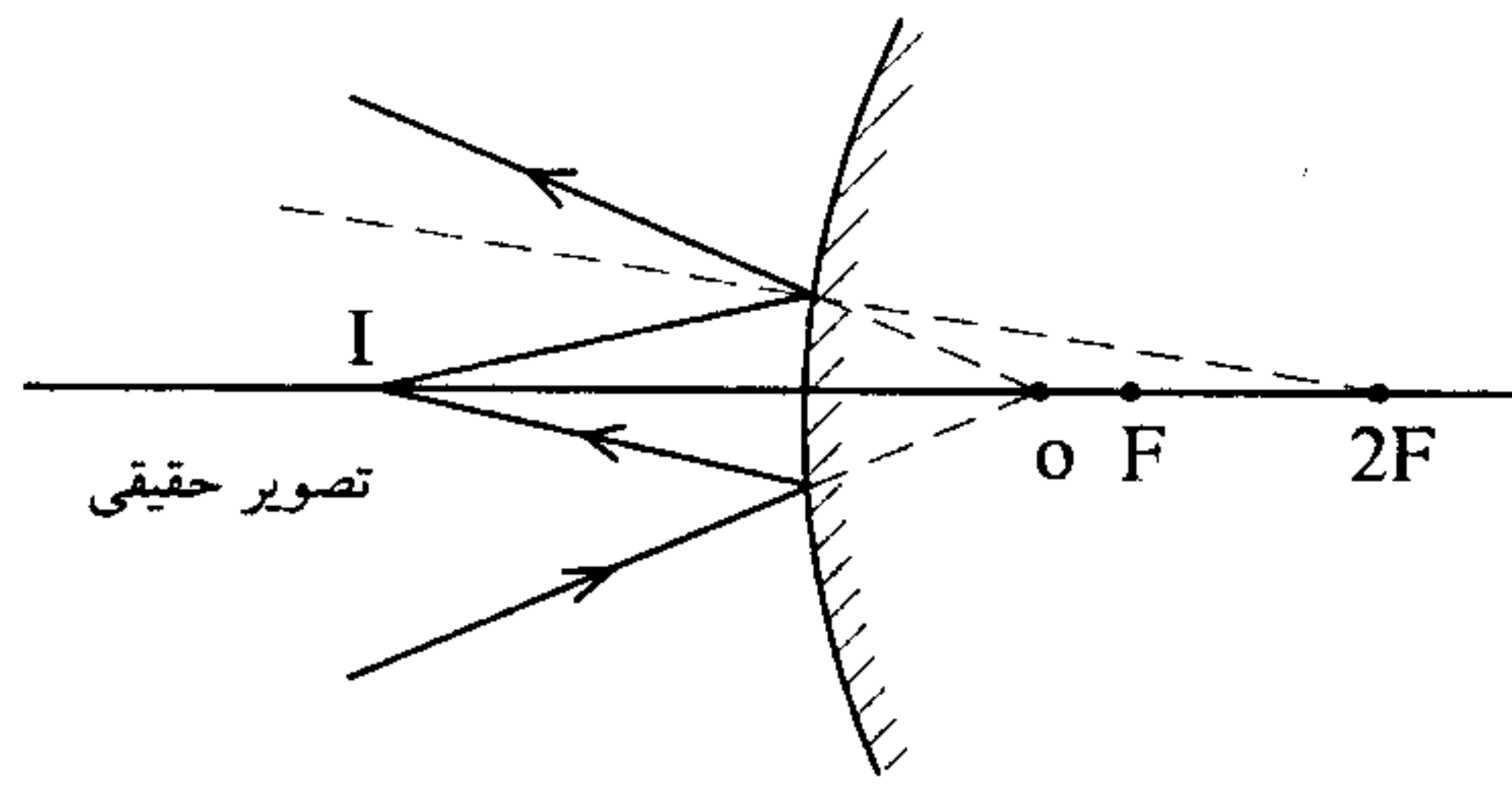


۹-؟) اینکه تصویر حقیقی و یا مجازی باشد بستگی به آن دارد که جسم مجازی (ناشی از پرتوهای

همگرا) در کجا باشد. $O = -|O|$ و $f = -|f|$

$$\frac{1}{O} + \frac{1}{i} = \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{i} = \frac{1}{f} - \frac{1}{O} = \frac{1}{-|f|} - \frac{1}{-|O|} \Rightarrow i = \frac{|f||O|}{|f| - |O|}$$

اگر $|f| < |O|$ باشد تصویر حقیقی و اگر $|f| > |O|$ باشد تصویر مجازی می‌دهد.

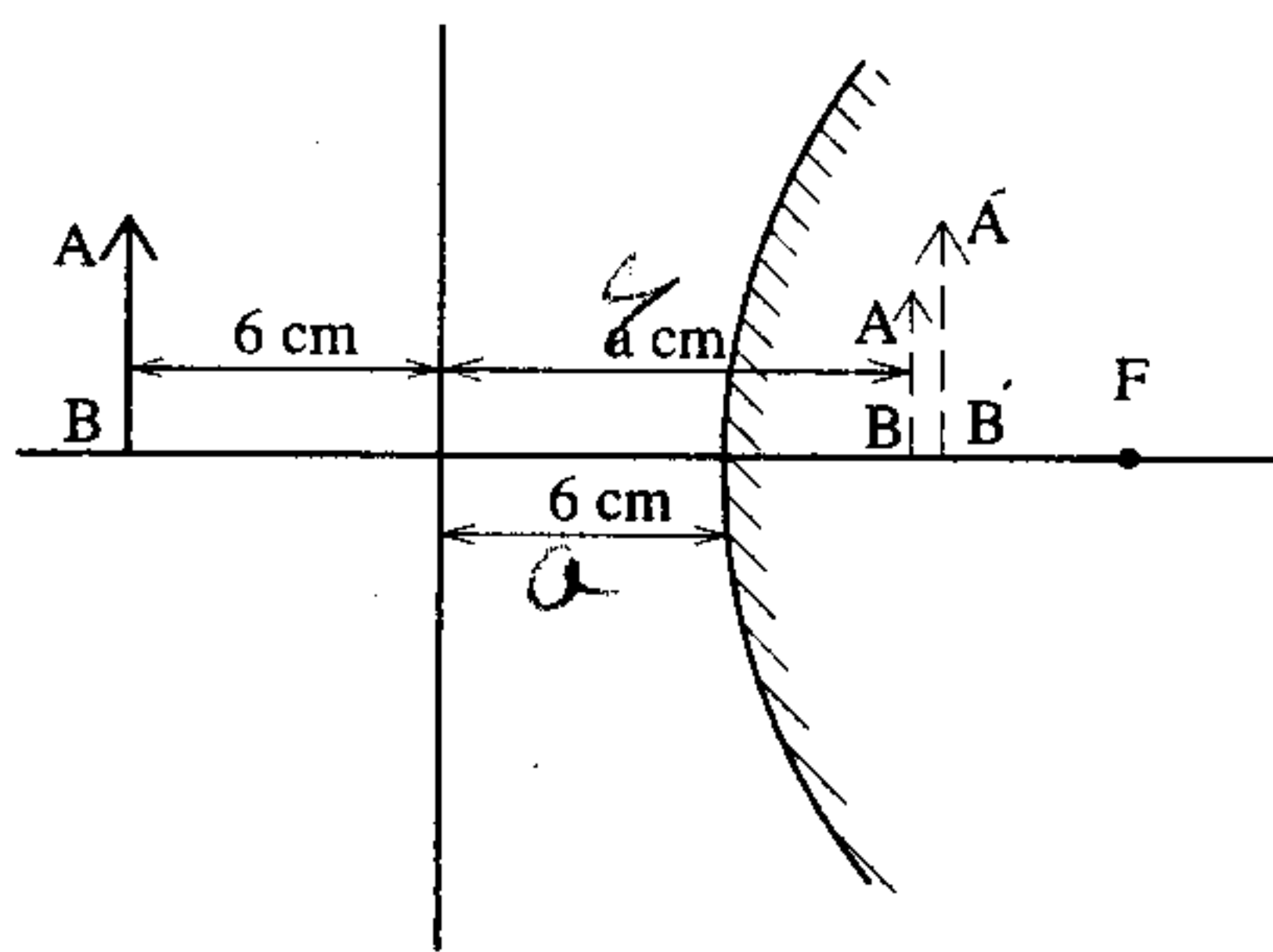


$$r = -1 \cdot \text{Cm} \Rightarrow f = \frac{r}{2} = -\frac{\Delta \text{Cm}}{2}$$

(۴-۱۰)

$$O = 2 \cdot \text{Cm} \Rightarrow \frac{1}{20} + \frac{1}{i} = \frac{1}{f} = \frac{1}{-\Delta} \Rightarrow$$

$$\frac{1}{i} = \frac{1}{-\Delta} - \frac{1}{20} \Rightarrow i = -4 \text{ Cm}$$



۱۱-۲) تصویر جسم در تیغه در ۶ سانتی‌متری

تیغه قرار دارد و اگر فاصله آینه تا تیغه a باشد

فاصله این تصویر تا آینه $6 - a$ است. بنابراین

با توجه به آنکه فاصله جسم تا آینه $O = 6 + a$

است بنابراین $|i| = 6 - a$

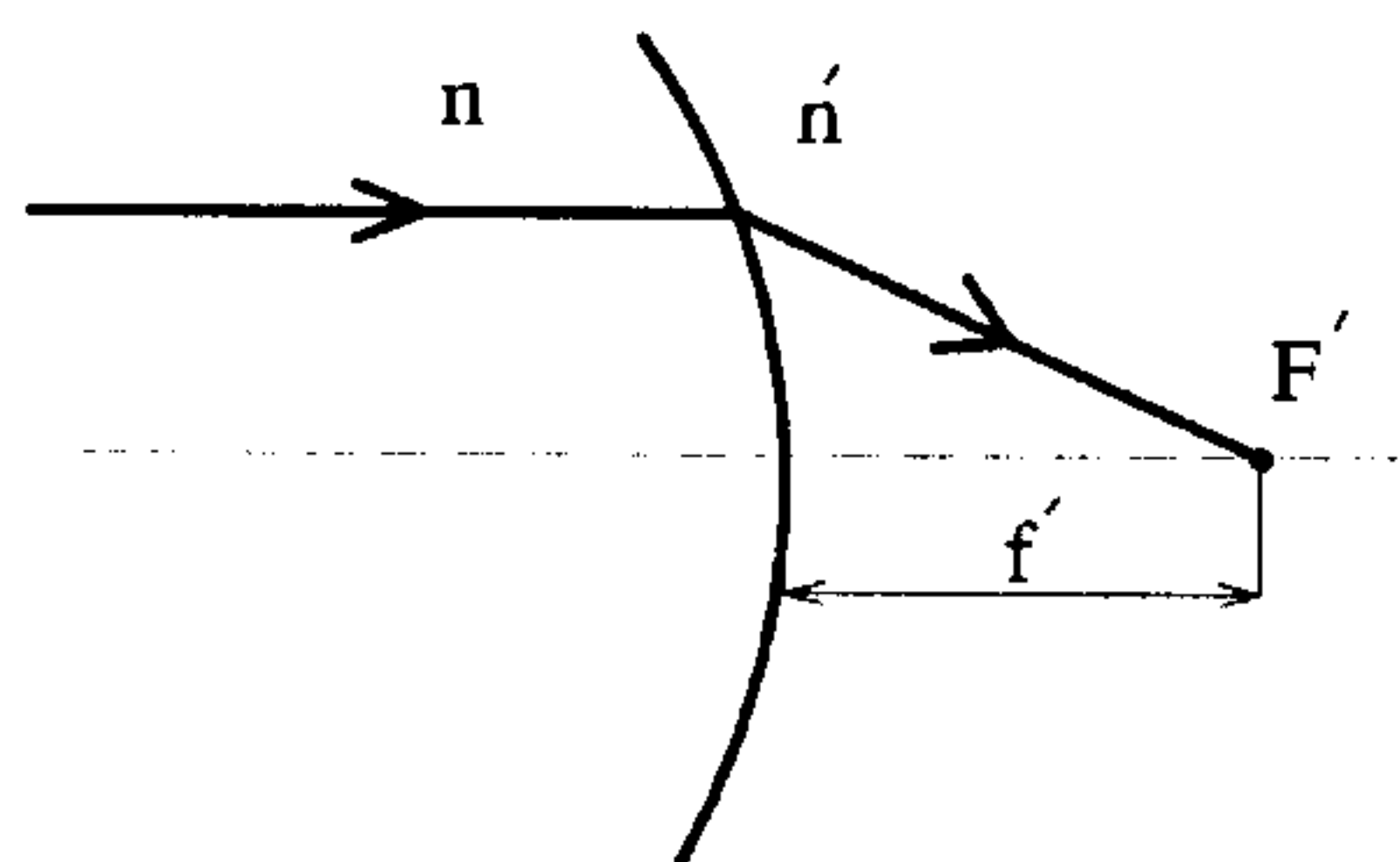
$$\text{بنابراین: } \frac{\text{بزرگی تصویر در آینه}}{\text{بزرگی تصویر در تیغه}} = \frac{A''B''}{A'B'} = \frac{A''B''}{AB} = -\frac{i}{o} = -\frac{-|i|}{o}$$

$$= \frac{6 - a}{6 + a}$$

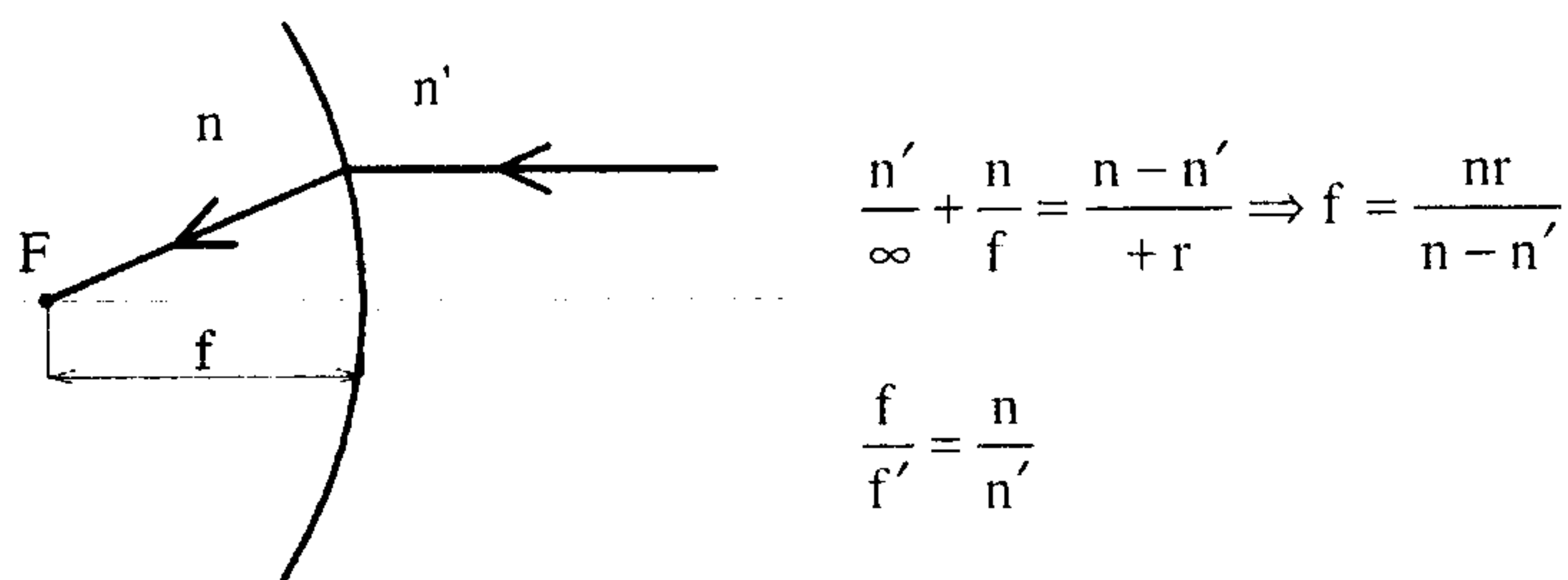
$$= \frac{6 - 2}{6 + 2} = \frac{1}{2}$$

اگر $a = 2 \text{ Cm}$ باشد داریم:

۱۲-۱) نور از سمت چپ و از بی‌نهایت می‌آید.



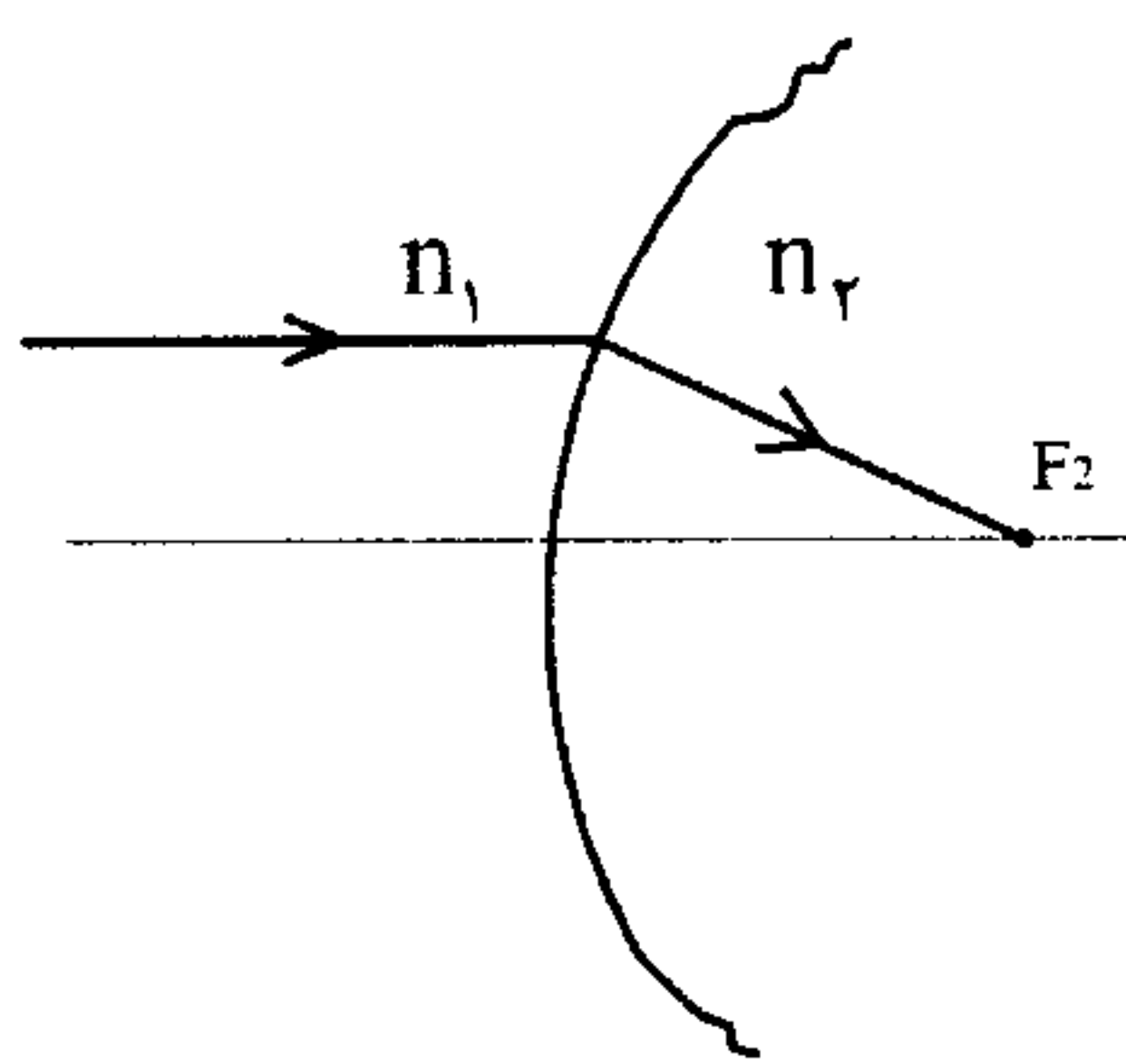
$$\frac{n}{\infty} + \frac{n'}{f'} = \frac{n' - n}{(-r)} \Rightarrow f' = \frac{n'r}{n - n'}$$



$$\frac{n'}{\infty} + \frac{n}{f} = \frac{n - n'}{+r} \Rightarrow f = \frac{nr}{n - n'}$$

$$\frac{f}{f'} = \frac{n}{n'}$$

۱۳-۱) اگر نور موازی با محور اصلی (جسم در بی نهایت) از طرف چپ بیاید. $O = \infty \Rightarrow i = f$



$$\frac{n_1}{\infty} + \frac{n_2}{i} = \frac{n_2 - n_1}{+R} \Rightarrow i = \frac{n_2 R}{n_2 - n_1} = f_2$$

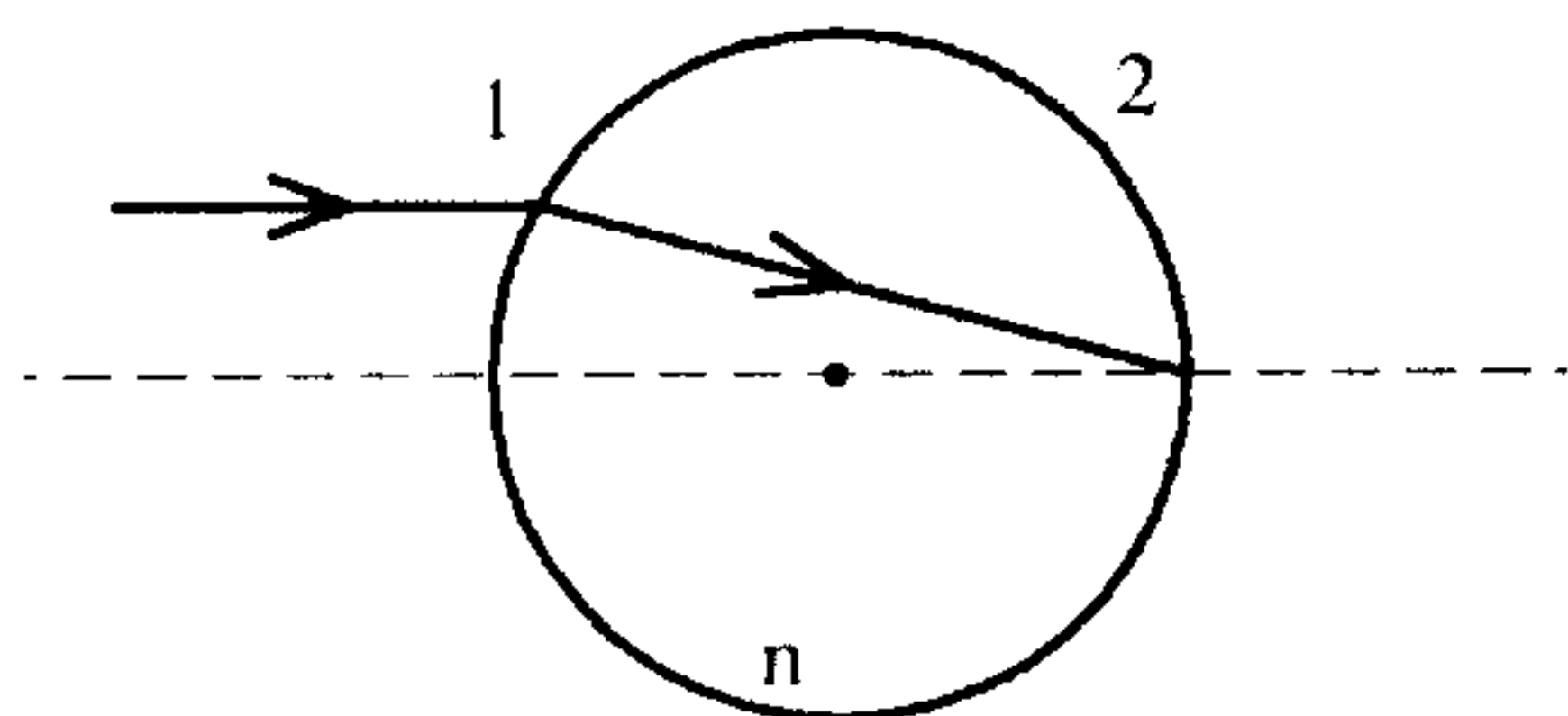
و اگر نور موازی با محور اصلی از طرف راست بتابد.

$$\frac{n_2}{\infty} + \frac{n_1}{i} = \frac{n_1 - n_2}{(-R)} \Rightarrow i = -\frac{n_1 R}{n_1 - n_2} = \frac{n_1 R}{n_2 - n_1} = f_1$$

$$r_1 = R \text{ و } r_2 = -R$$

$$p = \infty \text{ و } q = 2R$$

$$\frac{1}{\infty} + \frac{n}{2R} = \frac{n-1}{R} \Rightarrow n = 2$$



۱۴-۴)

۱۵-؟) اگر جسم در ∞ باشد محل تصویر نهایی فاصله کانونی را نشان می دهد. $O = \infty \Rightarrow i = f'$

$$\frac{n_o}{\infty} + \frac{n_r}{i'} = \frac{n_r - n_o}{+R_1} \Rightarrow i' = \frac{n_r R_1}{n_r - n_o}$$

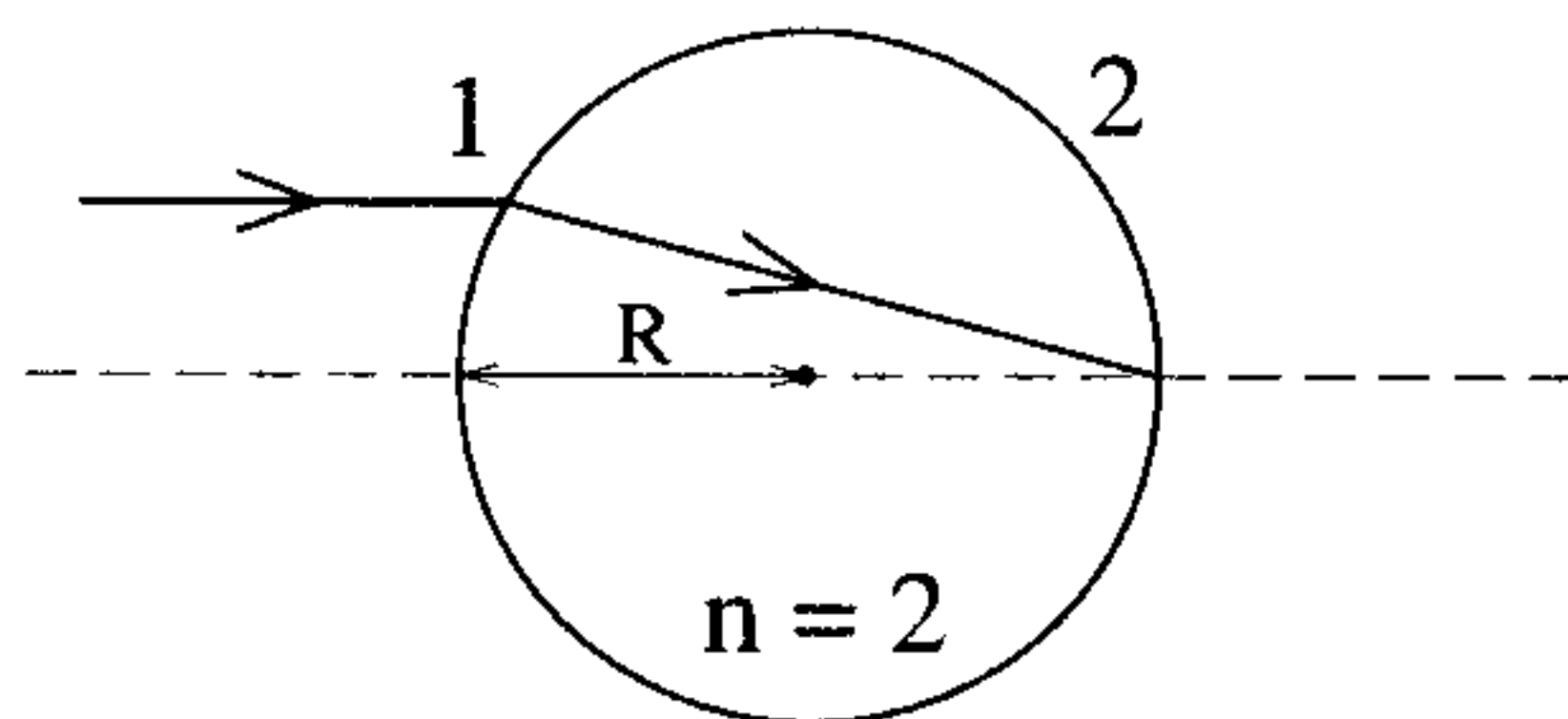
چون عدسی نازک است طول آن $L \approx 0$ است بنابراین فاصله تصویر I' به عنوان شیئی برای سطح دوم

$$O' = L - i' \approx -i'$$

(تا سطح دوم) عبارت است از :

$$\frac{n_r}{O'} + \frac{n_i}{i} = \frac{n_i - n_r}{-R_2} \Rightarrow \frac{n_r}{-\frac{n_r R_1}{n_r - n_o}} + \frac{n_i}{i} = \frac{n_i - n_r}{-R_2}$$

$$\frac{n_i}{i} = \frac{n_r - n_o}{R_1} - \frac{n_i - n_r}{R_2} \Rightarrow i = f' = \frac{n_i}{\frac{n_r - n_o}{R_1} - \frac{n_i - n_r}{R_2}}$$

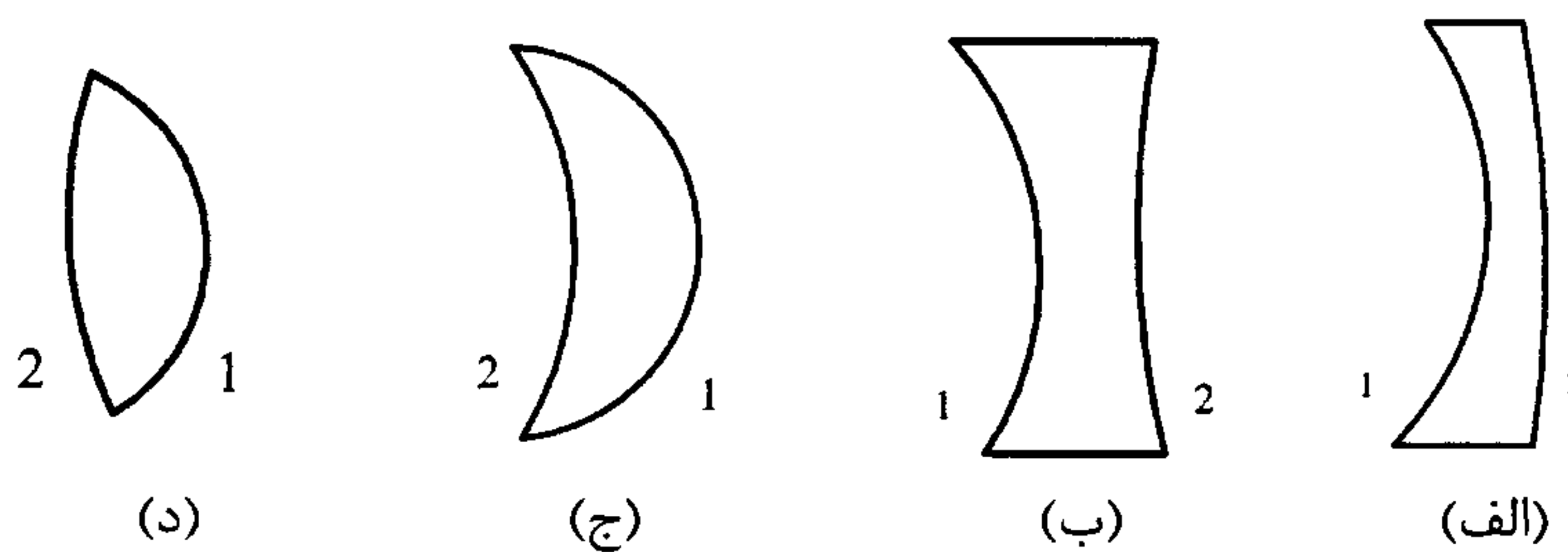


۱۶-۱) پرتو نور موازی با محور اصلی است. ($O = \infty$)

$$\frac{1}{\infty} + \frac{2}{i'} = \frac{2-1}{+R} = \frac{1}{R} \Rightarrow i' = 2R$$

تصویر ناشی از سطح اول درست روی سطح دوم می‌افتد.

۱۷-۱)



عدسیهای الف و ب واگرا و عدسیهای ج و د همگرا هستند $r_1 = 10 \text{ Cm}$ و $r_2 = 20 \text{ Cm}$

$$\begin{aligned} \text{در هوا} \quad \frac{1}{f_1} &= \frac{n-1}{1} \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) & (2-18) \\ &\Rightarrow \frac{1}{f_2} < \frac{1}{f_1} \Rightarrow f_2 > f_1 \\ \text{در آب} \quad \frac{1}{f_2} &= \frac{n-1/33}{1/33} \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) \end{aligned}$$

۱۹-۲) با توجه به رابطه $\frac{1}{f} = (n-1) \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$ هر چه ضریب شکست n بیشتر باشد f کمتر است

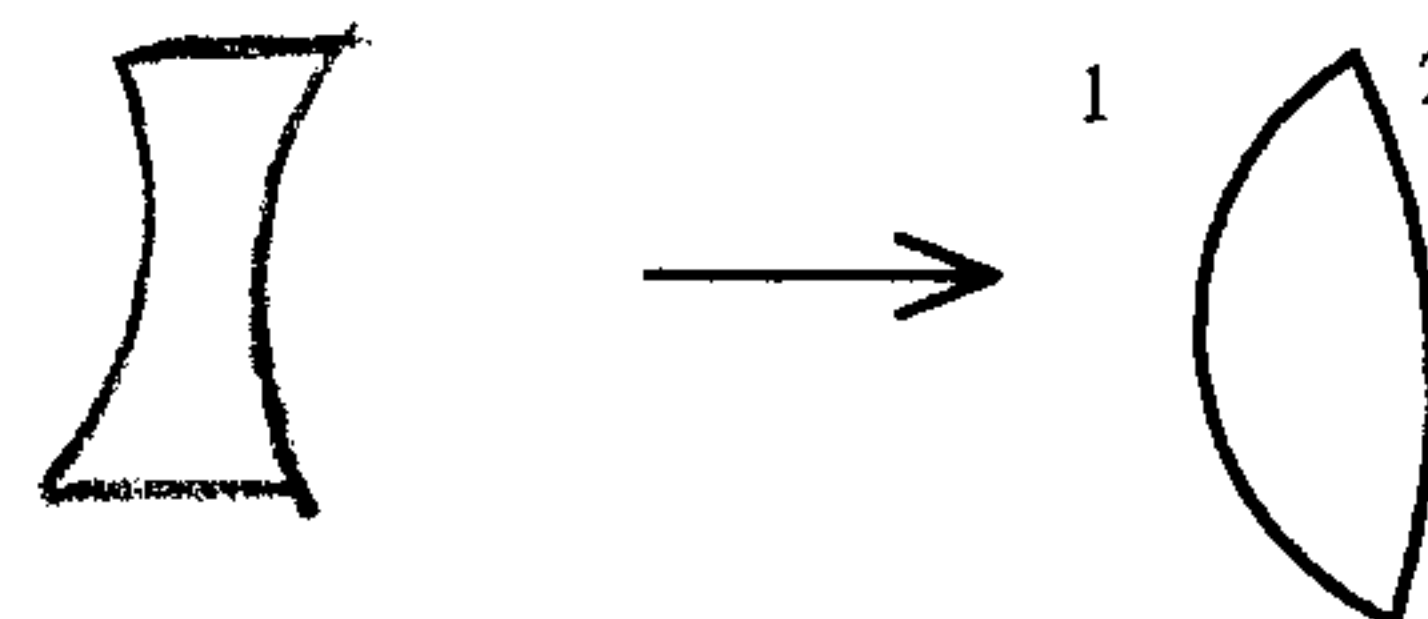
بنابراین تنها گزینه ۲ درست است. به عبارتی کانون مربوط به رنگ زرد در فاصله دورتر از عدسی نسبت به کانون مربوط به رنگ سبز تشکیل می‌شود، زیرا ضریب شکست عدسی برای نور زرد، کمتر است.

۲۰-۱) یک عدسی مقعرالطرفین (دو کاو) سیستمی واگرا است و رابطه زیر را برای یک عدسی مقعرالطرفین که در محیطی به ضریب شکست n_1 قرار دارد داریم:

$$\frac{1}{f} = \left(\frac{n_2}{n_1} - 1 \right) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{-R_2} \right) = \left(\frac{1/5}{1/8} - 1 \right) \left(\frac{1}{20} + \frac{1}{40} \right)$$

R_1 و R_2 شعاع طرفین و n_2 ضریب شکست عدسی است.

$$\Rightarrow \frac{1}{f} = -\frac{1}{80} \Rightarrow f = -80 \text{ Cm}$$



$$\frac{1}{f} = \frac{n-n'}{n'} \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) \quad (3-21)$$



برای عدسی محدب‌الطرفین $\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} > 0$ بنابراین اگر $n < n'$ باشد $f < 0$

(۲۲-۴) رابطه همگرایی عدسی با ضریب شکست و شعاع انحنای طرفین :

$$C = \frac{1}{f} = \left(\frac{n_2}{n_1} - 1 \right) \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$$

n_1 ضریب شکست محیطی است که عدسی در آن قرار دارد،
در حالی که برای آینه $f = \frac{R}{2}$ وابستگی به محیط ندارد.

$$\frac{1}{f} = (n-1) \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) \quad (3-23)$$

$$\frac{1}{f'} = (n + \Delta n - 1) \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) \Rightarrow \frac{1}{f'} = (n-1) \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) + \Delta n \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{f'} = \frac{1}{f} + \frac{\Delta n}{(n-1)} (n-1) \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) = \frac{1}{f} + \frac{\Delta n}{n-1} \frac{1}{f}$$

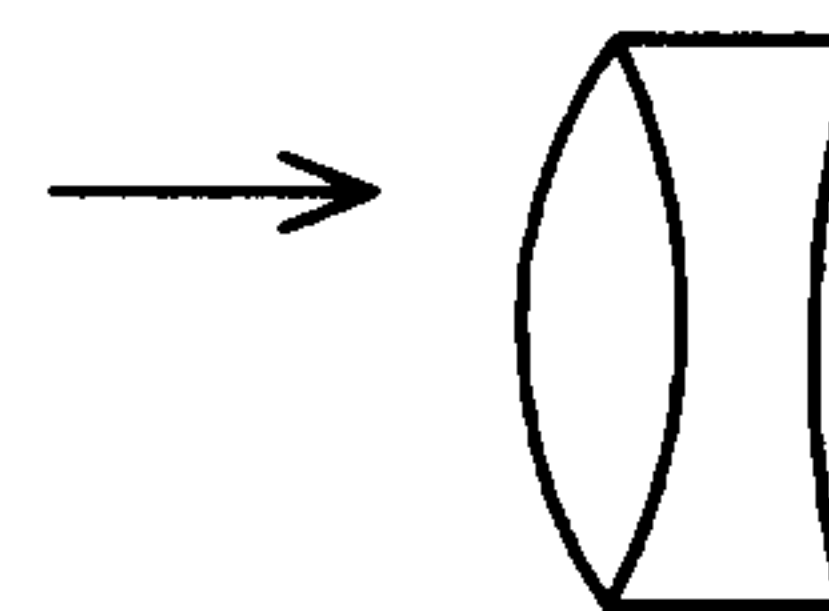
$$\Rightarrow \frac{f}{f'} = 1 + \frac{\Delta n}{(n-1)} \Rightarrow 1 - \frac{f}{f'} = \frac{f' - f}{f'} = -\frac{\Delta n}{n-1} \Rightarrow \frac{\Delta f'}{f'} = -\frac{\Delta n}{n-1}$$

علامت منفی نشان‌دهنده آن است که اگر $\Delta n > 0$ باشد فاصله کانونی کاهش می‌یابد : $f' < f$ و بالعکس اگر $\Delta n < 0$ باشد $f' > f$.

$$\frac{1}{f_1} = (n-1) \left(\frac{1}{R} - \frac{1}{-R} \right) = (n-1) \frac{2}{R} \quad \text{عدسی محدب‌الطرفین} \quad (3-24)$$

$$\frac{1}{f_2} = (n'-1) \left(\frac{1}{-R} - \frac{1}{+R} \right) = (n'-1) \left(\frac{-2}{R} \right) \quad \text{عدسی مقعرالطرفین}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} = (n-1) \left(\frac{2}{R} \right) + (n'-1) \left(\frac{-2}{R} \right) = \frac{2}{R} (n - n') \Rightarrow f = \frac{R}{2(n - n')}$$

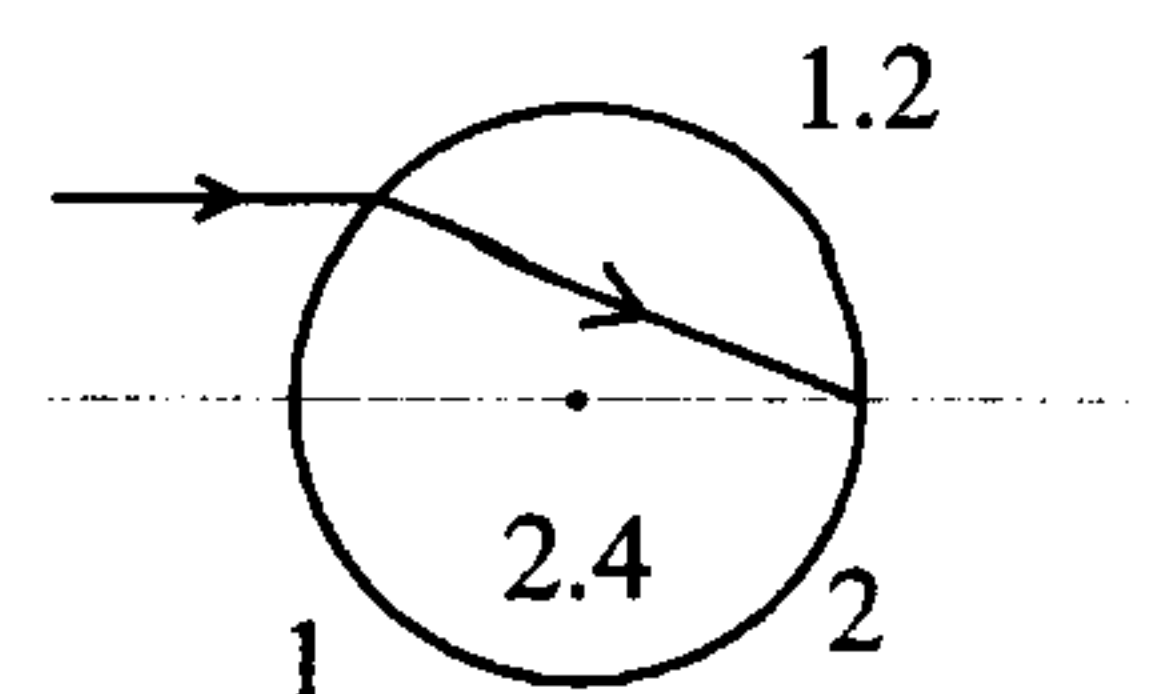


$$P = \infty \Rightarrow i = f \quad \text{و} \quad R_1 = +R \quad \text{و} \quad R_2 = -R \quad (4-25)$$

$$\text{برخورد نور به سطح اول: } \frac{1/2}{\infty} + \frac{2/4}{i'} = \frac{2/4 - 1/2}{+R} \Rightarrow i' = \frac{2/4R}{1/2} = 2R$$

$$O' = L - i' = 2R - 2R = 0$$

عنوان شیء برای سطح دوم

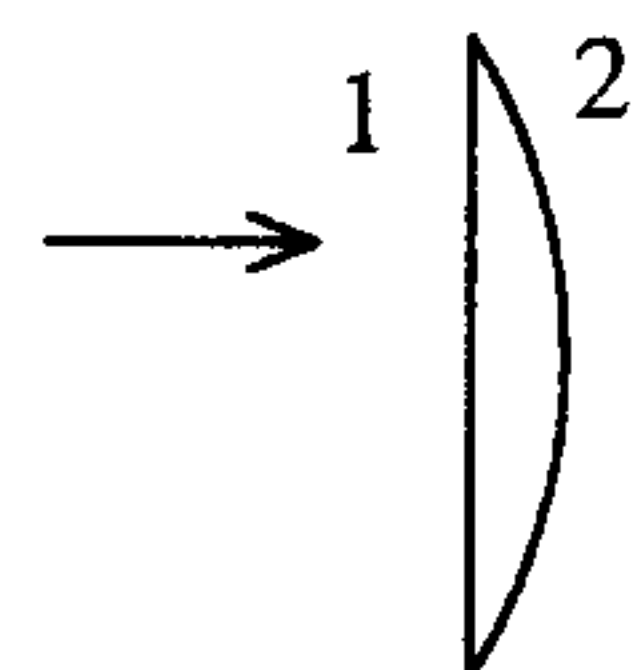


بنابراین پرتوهای موازی با محور اصلی روی سطح مقابل جمع شده و کانون تا سطح مقابل فاصله $2R$ دارد.

$$\frac{1}{f} = (n-1) \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) \quad \text{و} \quad r_1 = \infty \quad \text{و} \quad r_2 = -25 \text{ Cm} \quad (1-26)$$

$$= (1/5 - 1) \left(\frac{1}{\infty} - \frac{1}{-25} \right) = 0/5 \left(\frac{1}{25} \right) = \frac{1}{50}$$

$$\Rightarrow f = 50 \text{ Cm}$$



$$|r_1| = 1 \text{ m} \quad \text{و} \quad |r_2| = \sqrt{\frac{2}{3}} \text{ m} \quad (2-27)$$

$$\frac{1}{f} = \frac{n-n'}{n'} \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$$

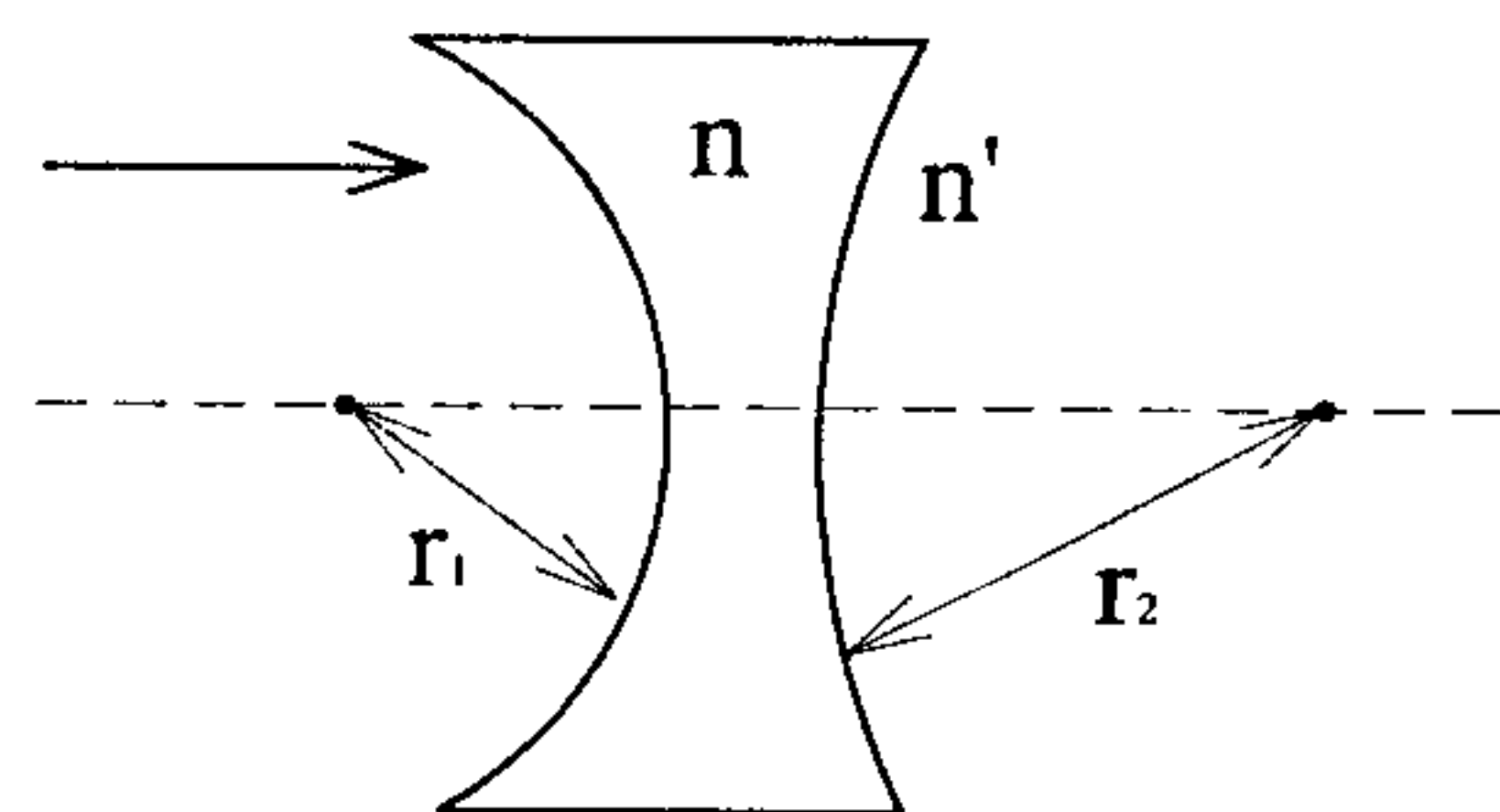
$$= \frac{\sqrt{3}-\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \left(\frac{1}{+1} - \frac{1}{-\sqrt{\frac{2}{3}}} \right) = \frac{\sqrt{3}-\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \left(1 + \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} \right)$$

$$= \frac{\sqrt{3}-\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \left(\frac{\sqrt{2}+\sqrt{3}}{\sqrt{2}} \right) = \frac{(\sqrt{3})^2 - (\sqrt{2})^2}{(\sqrt{2})^2} = \frac{1-2}{2} = -\frac{1}{2} \text{ m}$$

$$\frac{1}{f_1} = (n-1) \left(\frac{1}{R} - \frac{1}{-R} \right) = \frac{2(n-1)}{R} \Rightarrow f_1 = \frac{R}{2(n-1)} \quad \text{عدسی محدب الطرفین} \quad (3-28)$$

$$\frac{1}{f_2} = (n-1) \left(\frac{1}{R} - \frac{1}{\infty} \right) = \frac{(n-1)}{R} \Rightarrow f_2 = \frac{R}{(n-1)} \quad \text{عدسی تخت محدب}$$

$$\Rightarrow f_2 = 2 f_1$$



$$r_1 = -10 \text{ Cm} \quad \text{و} \quad r_2 = 30 \text{ Cm} \quad (4-29)$$

$$\frac{1}{f} = \frac{(n-n')}{n'} \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) = \frac{(1/5 - 1/8)}{1/8} \left(\frac{1}{-10} - \frac{1}{30} \right)$$

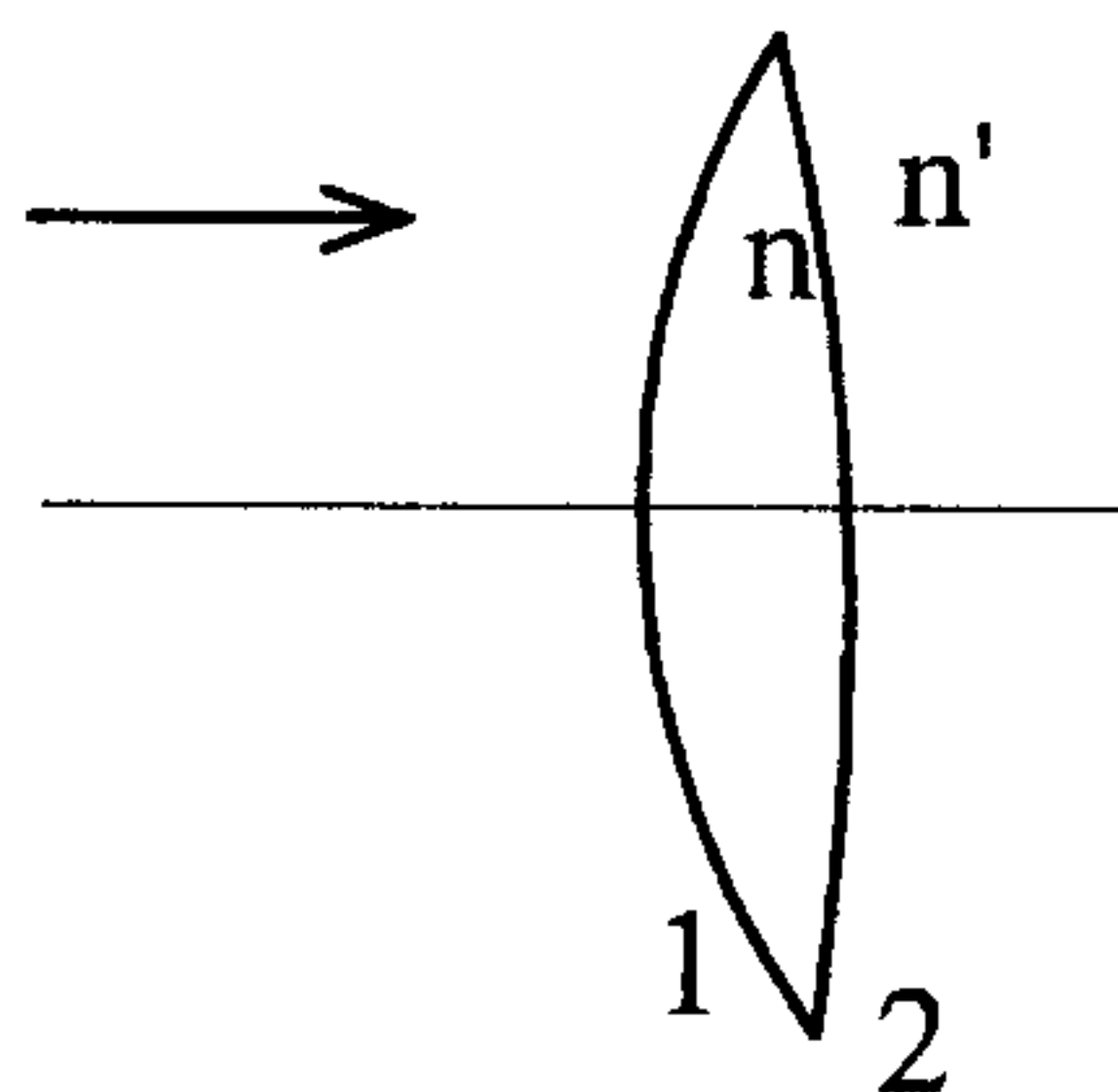
$$= \left(\frac{-0/3}{1/8} \right) \left(\frac{-4}{30} \right) \Rightarrow f = +45 \text{ Cm}$$

پاسخ نزدیک به گزینه ۴ است.

$$n = \frac{5}{3} \quad \text{و} \quad n' = \frac{4}{3} \quad (4-30)$$

$r_1 = 30 \text{ Cm}$ شعاع انحنای سطح اول

$r_2 = -50 \text{ Cm}$ شعاع انحنای سطح دوم



$$\frac{1}{f} = \frac{n-n'}{n'} \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) = \frac{\left(\frac{5}{3} - \frac{4}{3} \right)}{\left(\frac{4}{3} \right)} \left(\frac{1}{30} - \frac{1}{-50} \right)$$

$$= \frac{1}{4} \left(\frac{1}{30} + \frac{1}{50} \right) = \frac{2}{150} \Rightarrow f = +75 \text{ Cm}$$

(۳۱-۲) با توجه به معادله $\frac{1}{f} = \frac{n-n'}{n'} \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$ در آب چون $n' > 1$ است f نسبت به حالتی که $n' = 1$ است کمتر است.

(۱-۳۲)

(۳۳-۱) چون ضریب شکست عدسی برای نور بنفش بیشتر است ($n_r < n_v$) فاصله کانونی نور بنفش کمتر است $f_r > f_v$.

(۳۴-۴) چون ضریب شکست n برای نور بنفش بیشتر است. در نتیجه f کمتر بوده و کانون بنفش به عدسی نزدیکتر است.

$$\frac{-q}{p} = 2 \Rightarrow q = -2p \quad (۳۵-۲)$$

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{p} + \frac{1}{-2p} = \frac{1}{f} \Rightarrow f = 2p$$

$$p = 15 \text{ Cm} \quad \text{و} \quad \text{عدسی همگرا} \quad f = +5 \text{ Cm} \quad (۳۶-۱)$$

$$q = \frac{fp}{p-f} = \frac{(5)(15)}{15-5} = \frac{75}{10} = +7.5 \text{ cm}$$

$q > 0$ و تصویر حقیقی است. $7.5 - 5 = 2.5 \text{ Cm}$ فاصله تصویر از کانون

$$\frac{1}{X} + \frac{1}{X'} = \frac{1}{F} \Rightarrow X' = \frac{XF}{X-F} \Rightarrow X-F = \frac{XF}{X'} \quad (۳۷-۴)$$

$$\Rightarrow V' = \frac{-F^r}{(X-F)^r} V \Rightarrow \frac{V'}{V} = \frac{-F^r}{(X-F)^r}$$

$$\Rightarrow \frac{V'}{V} = \frac{-F^r}{\left(\frac{XF}{X'} \right)^r} = - \left(\frac{X'}{X} \right)^r$$

احتمالاً گزینه ۳ به صورت $-\left(\frac{X'}{X} \right)^r$ بوده است.

$$\frac{1}{X} + \frac{1}{X'} = \frac{1}{F} \Rightarrow \frac{1}{X'} = \frac{1}{F} - \frac{1}{X} = \frac{X-F}{XF} \quad (۳۸-۱)$$

$$\Rightarrow X' = \frac{XF}{X-F} \Rightarrow \dot{X}' = \frac{\dot{X}F(X-F) - \dot{X}XF}{(X-F)^2}, \dot{X} = V, \dot{X}' = V'$$

$$\Rightarrow V' = -\frac{\dot{X}F^2}{(X-F)^2} = -\frac{F^2}{(X-F)^2} V$$

علامت منفی نشان می‌دهد جهت حرکت تصویر در خلاف جهت حرکت جسم است. بنابراین تصویر با سرعت $\frac{F^2}{(X-F)^2} V$ از عدسی دور می‌شود.

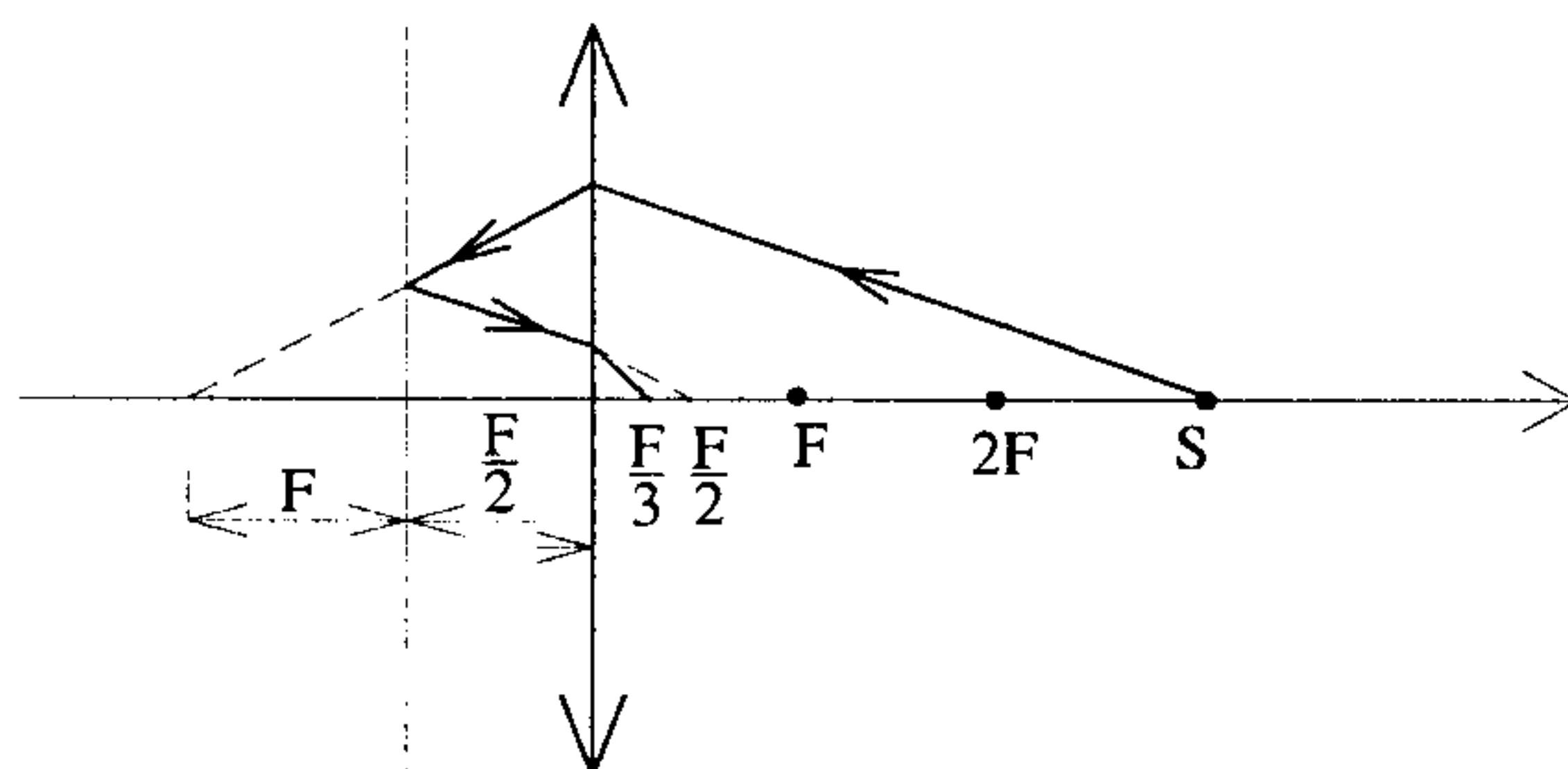
$$x' = \frac{f^2}{x} \Rightarrow \Delta x' = f^2 \Delta \left(\frac{1}{x} \right) = f^2 \left(\frac{-\Delta x}{x^2} \right) \Rightarrow \frac{\Delta x'}{\Delta x} = -\frac{f^2}{x^2} \quad (2-39)$$

$$\frac{1}{3f} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f} \Rightarrow q = \frac{3f}{2} \Rightarrow \text{بنابراین تصویر در فاصله } f \text{ پشت آینه می‌افتد} \quad (4-40)$$

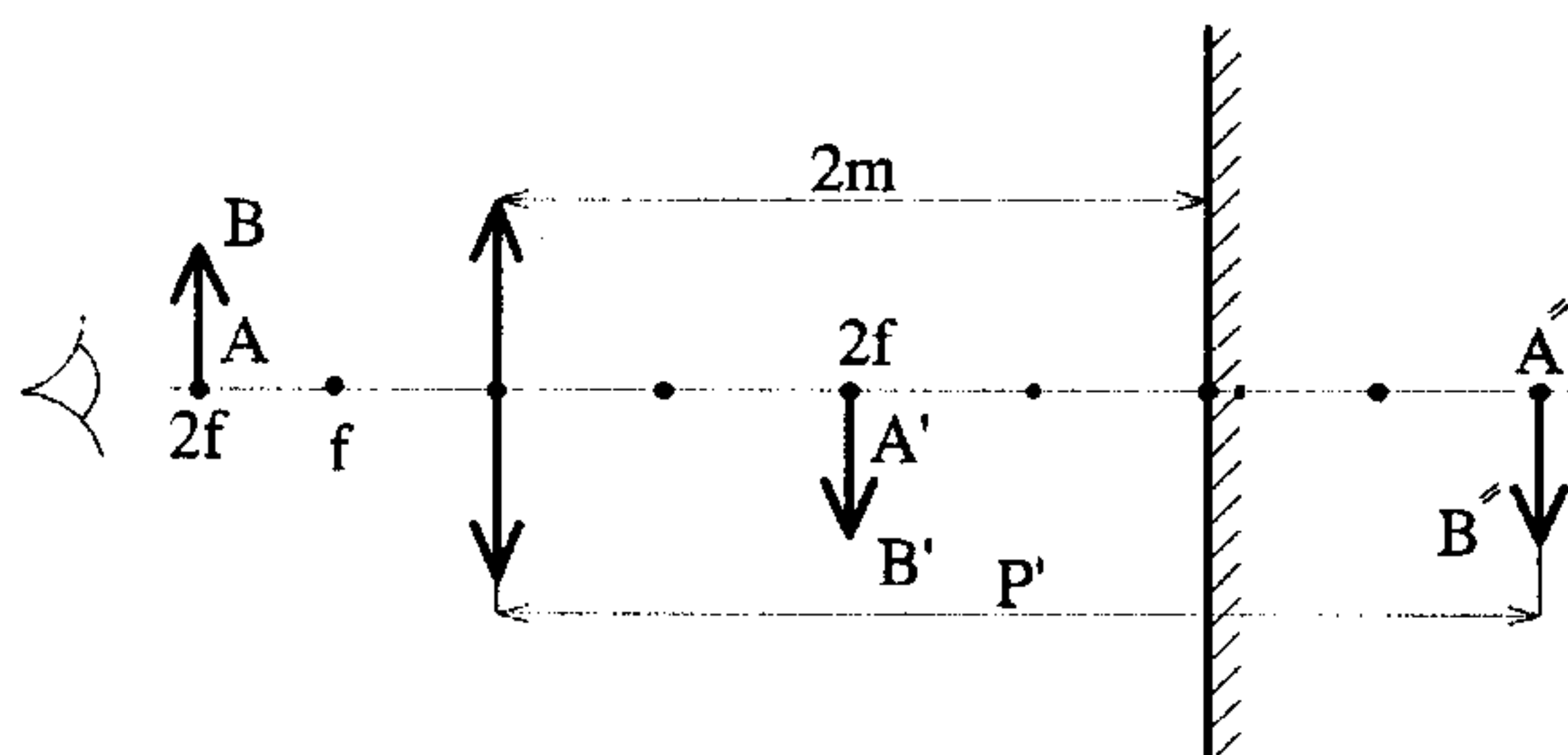
چون تصویر برای آینه تخت مجازی است با $p = -f$ آینه تصویر حقیقی در فاصله f در جلوی خود می‌دهد که به فاصله $\frac{f}{2}$ در سمت راست عدسی می‌افتد. پس نهایتاً برای این عدسی داریم $p = -\frac{f}{2}$

که:

$$\frac{1}{(-\frac{f}{2})} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f} \Rightarrow q = \frac{f}{3}$$

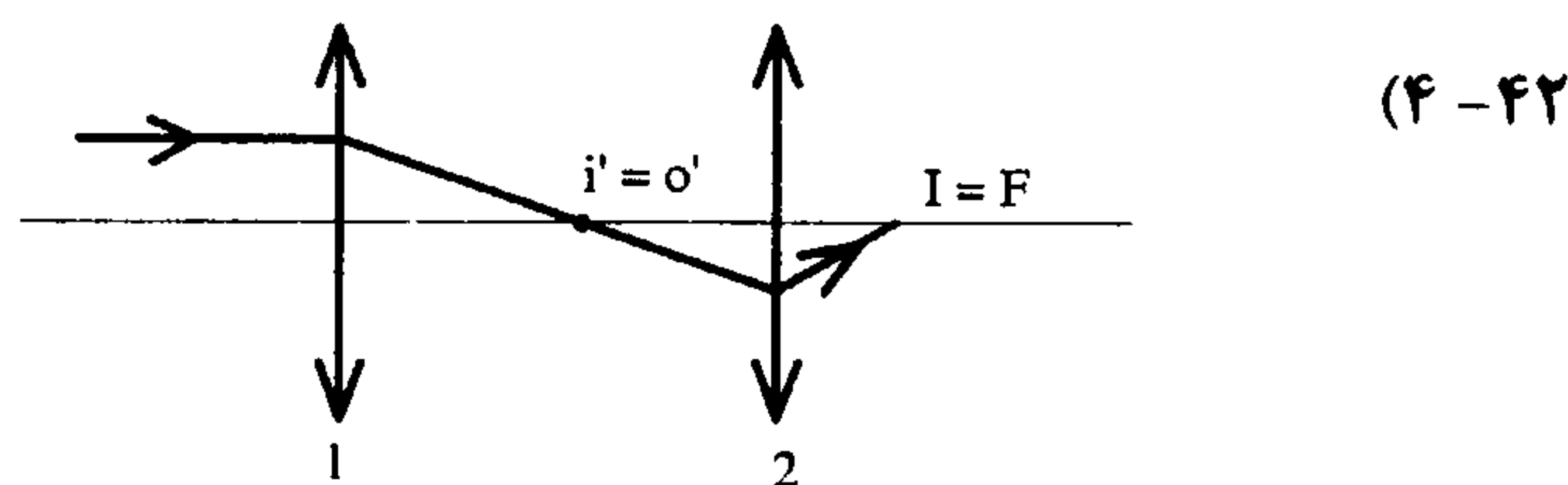


(2-41)



چون جسم درست روی $2f$ قرار دارد ($p = 1 \text{ m}$ و $f = 0.5$) بنابراین تصویر $A'B'$ هم روی $2f$ افتاده و چون فاصله آینه تا عدسی 2 m است پس فاصله آینه تا $A'B'$ برابر 1 m بوده و فاصله تصویر $A'B'$ در آینه یعنی $A''B''$ تا عدسی 2 m است پس $p' = 3 \text{ m}$ که فاصله جسم $A''B''$ برای عدسی است پس برای q' فاصله تصویر نهایی که در عدسی توسط چشم دیده می‌شود داریم:

$$q' = \frac{fp'}{p'-f} = \frac{(0/5)(3)}{3-0/5} = 0/6$$



اگر جسم در بی نهایت باشد تصویر نهایی در کانون است.

$$\frac{1}{\infty} + \frac{1}{i'} = \frac{1}{f_1} \Rightarrow i' = f_1$$

بنابراین فاصله تصویر در عدسی اول به عنوان شیء برای عدسی دوم عبارت است از :

$$O' = d - i' = d - f_1 \text{ و } d > f_1 + f_2 \Rightarrow O' > 0$$

شیء جدید در جلوی عدسی دوم است.

$$\frac{1}{O'} + \frac{1}{i} = \frac{1}{d-f_1} + \frac{1}{i} = \frac{1}{f_2} \Rightarrow i = \frac{f_2(d-f_1)}{d-f_1-f_2} = \text{فاصله کانونی}$$

حال اگر نور از سمت راست و به سمت عدسی با فاصله کانونی f_2 بتابد.

$$i' - f_2 \Rightarrow O' = d - f_2 \Rightarrow i = \frac{f_1(d-f_2)}{d-f_1-f_2} = \text{فاصله کانونی}$$

$$\text{توان } F = \frac{1}{f} = \frac{1}{0/2m} = 5 \text{ دیوپتر} \quad (2-43)$$

$$f_1 = 20 \text{ Cm} = 0/2 \text{ m} \text{ و } f_2 = -50 \text{ Cm} = -0/5 \text{ m} \quad (1-44)$$

$$\text{توان کل } F = F_1 + F_2 = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} = \frac{1}{0/2} + \frac{1}{-0/5} = 5 - 2 = 3$$

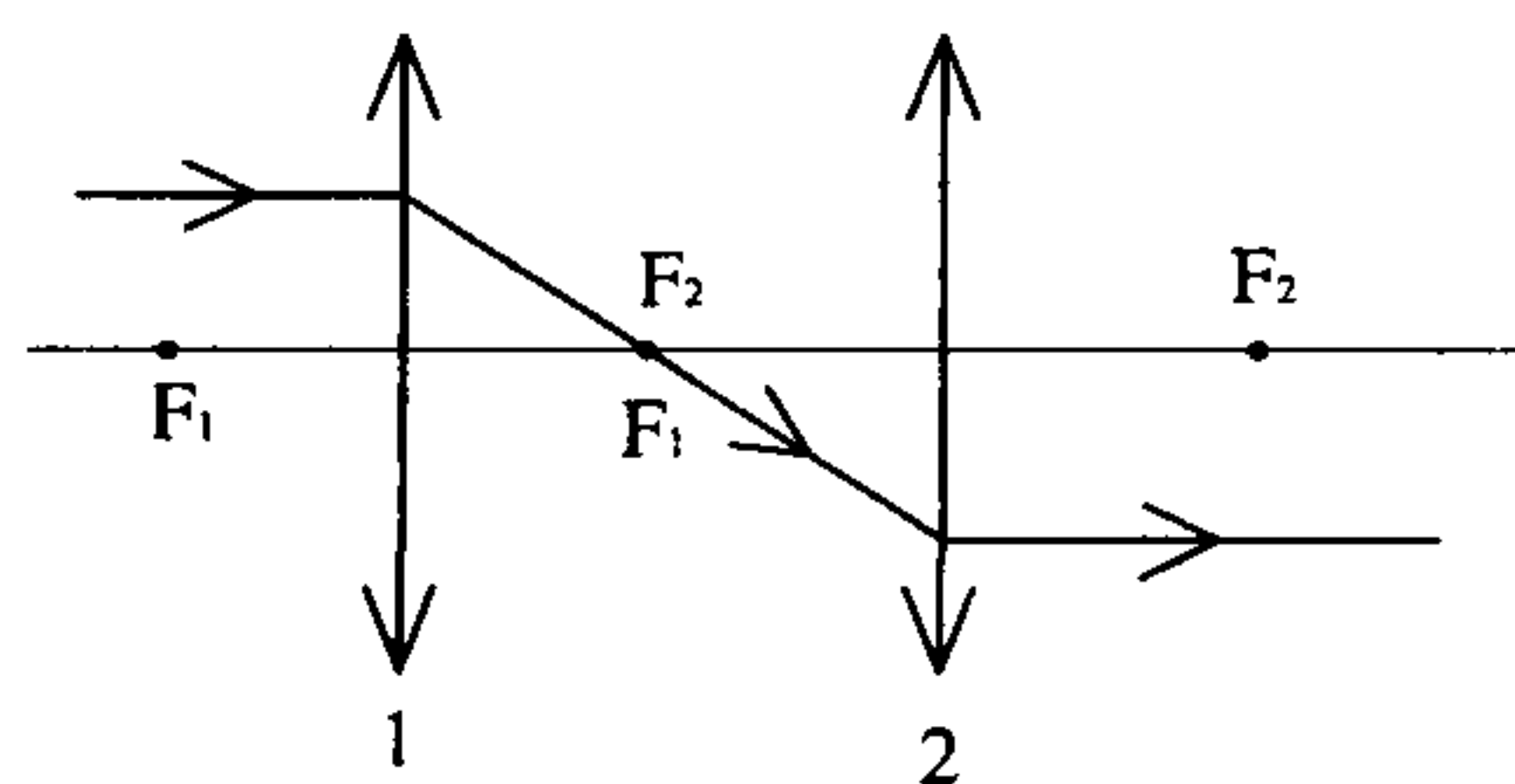
(۳-۴۵) از یک عدسی محدب‌الطرفین دو عدسی ساخته‌ایم اگر دو عدسی از همان جا که برش

داده شده‌اند دو باره به هم چسبانده شوند عدسی اول ساخته می‌شود $\frac{1}{f} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2}$. حالا اگر یک

عدسی را وارون قرار دهیم باز چون کانون آن تغییر نمی‌کند از چسباندن آن دو به هم داریم :

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2}$$

(۱-۴۶) از میان گزینه‌ها، تنها گزینه ۱ امکان‌پذیر است، چرا که دسته اشعه موازی پس از عبور از



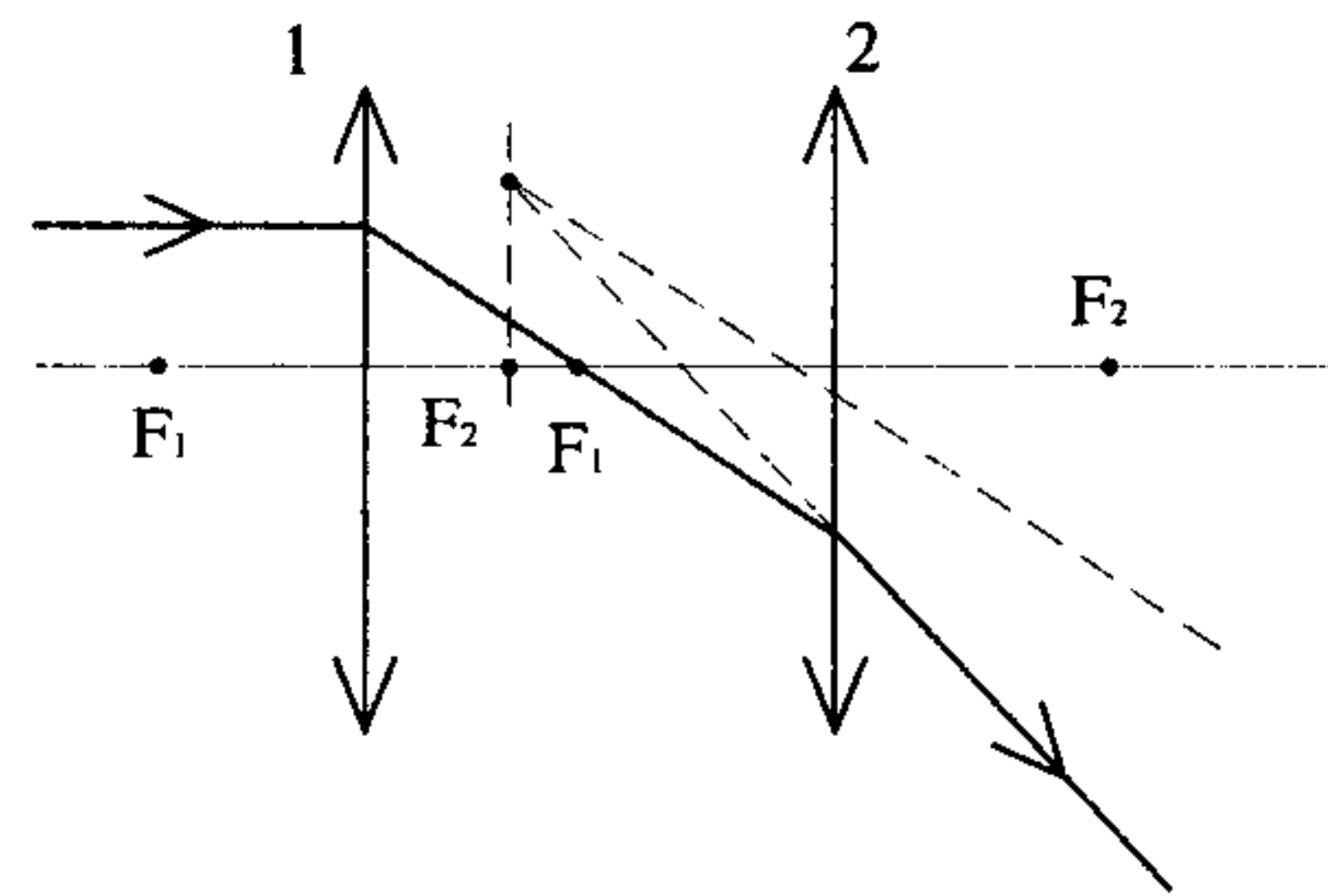
عدسی همگرای اول در کانون عدسی اول جمع می‌شود

و چون کانون عدسی اول روی کانون عدسی دوم قرار

دارد پرتو پس از خروج از عدسی دوم موازی خارج

می‌شود.

بنابراین گزینه ۲ غلط است چون پرتوی نهایی موازی خارج می‌شود. از طرفی اگر فاصله دو عدسی از $f_1 + f_2$ کمتر باشد چون محل تلاقی پرتو موازی اولیه در کانون f_1 است که در فاصله کانونی f_2 عدسی دوم افتاده است. در واقع تصویر (جسم در ∞) در عدسی اول در فاصله کانونی f_2 افتاده و در نتیجه تصویر نهایی مجازی بوده و پرتو نهایی واگرا خواهد بود (و نه متقارب).



(۳-۴۸)

(۲-۴۷)

$$\text{دیوپتر } = \frac{1}{f} = \frac{1}{-2} = -0.5 = \text{نمره عینک}$$

(۱-۴۹)

(۱-۵۰) عیب چشم شخص با حداقل رویت ۱۰۰ cm دوربینی می‌باشد. بنابراین نیاز به عینک با

$$q = 100 \text{ cm}$$

عدسی همگرا دارد.

$$p = 25 \text{ cm}$$

$$f = ?$$

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{25} - \frac{1}{100} = \frac{1}{f} \Rightarrow f = \frac{100}{3} = 33.3 \text{ cm}$$

(۱-۵۱) با توجه به آنکه فاصله کانونی عدسی زیاد می‌شود بنابراین چشم نزدیک‌بین بوده است و با

زیاد شدن فاصله کانونی تصویر بر روی پرده شبکیه افتاده است.

$$-60 = \text{فاصله کانونی عدسی واگرا} \Rightarrow 60 \text{ cm} = \text{حداکثر فاصله قابل رویت}$$

(۳-۵۲)

اگر حداقل فاصله‌ای که چشم می‌تواند ببیند $L = 12 \text{ cm}$ باشد و بخواهد با عینک مذکور به جسم نگاه

کند جسم باید در فاصله p باشد (تا تصویر مجازی در $q = -L = -12 \text{ cm}$ باشد).

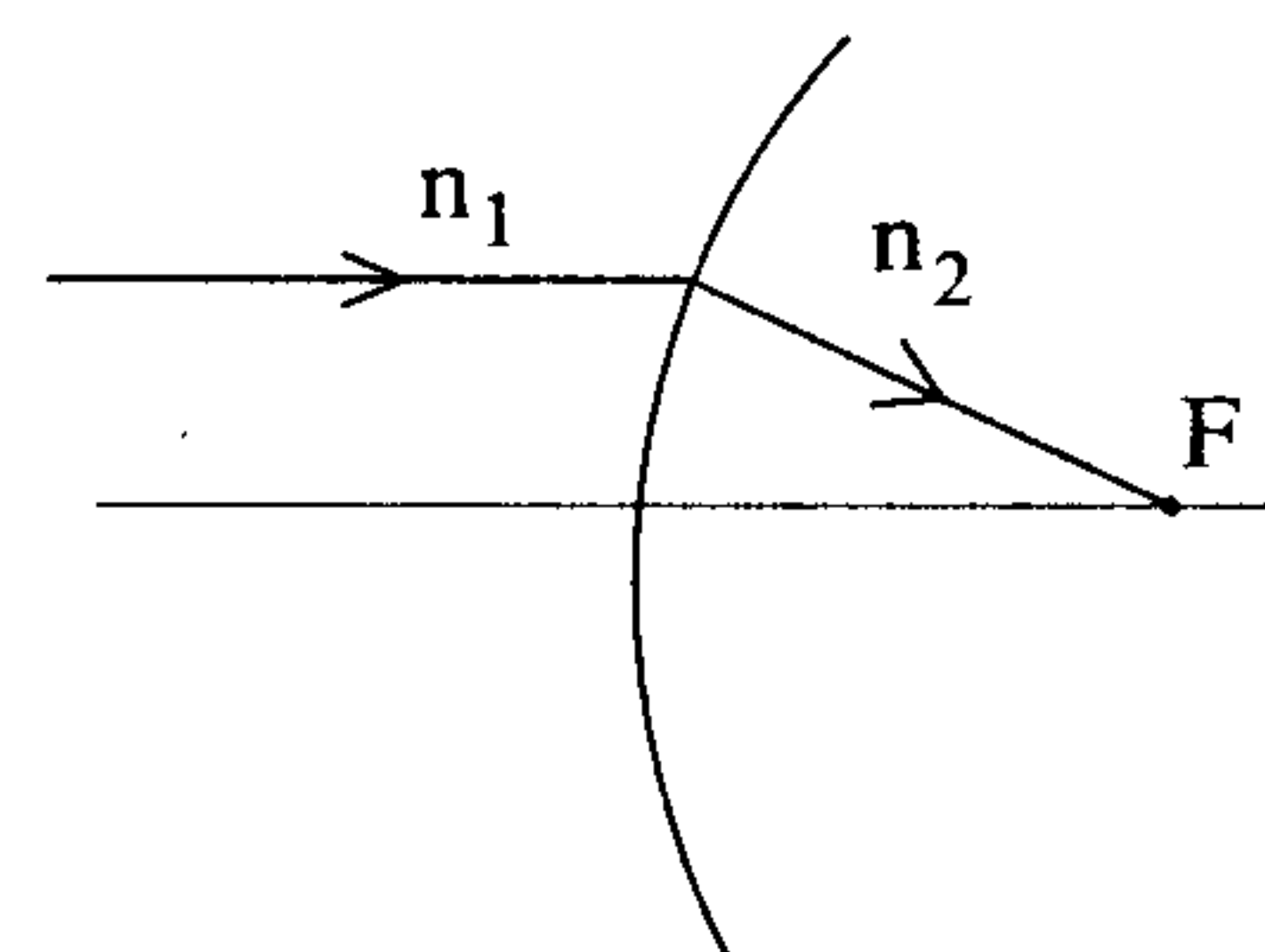
$$\frac{1}{p} + \frac{1}{-12} = \frac{1}{-60} \Rightarrow p = 15 \text{ m}$$

$$\frac{n_1}{\infty} + \frac{n_2}{f_1} = \frac{n_2 - n_1}{R_1}$$

$$\Rightarrow \text{همگرایی } c_1 = \frac{1}{f_1} = \frac{n_2 - n_1}{R_1 n_2}$$

$$\Rightarrow \text{اگر شعاع انحنا } R_2 \text{ باشد } c_2 = \frac{1}{f_2} = \frac{n_2 - n_1}{R_2 n_2}$$

$$\Rightarrow \frac{c_1}{c_2} = \frac{R_2}{R_1}$$

(۱-۵۳) اگر $O = \infty$ باشد آنگاه $i = f$:

(۳-۵۴)

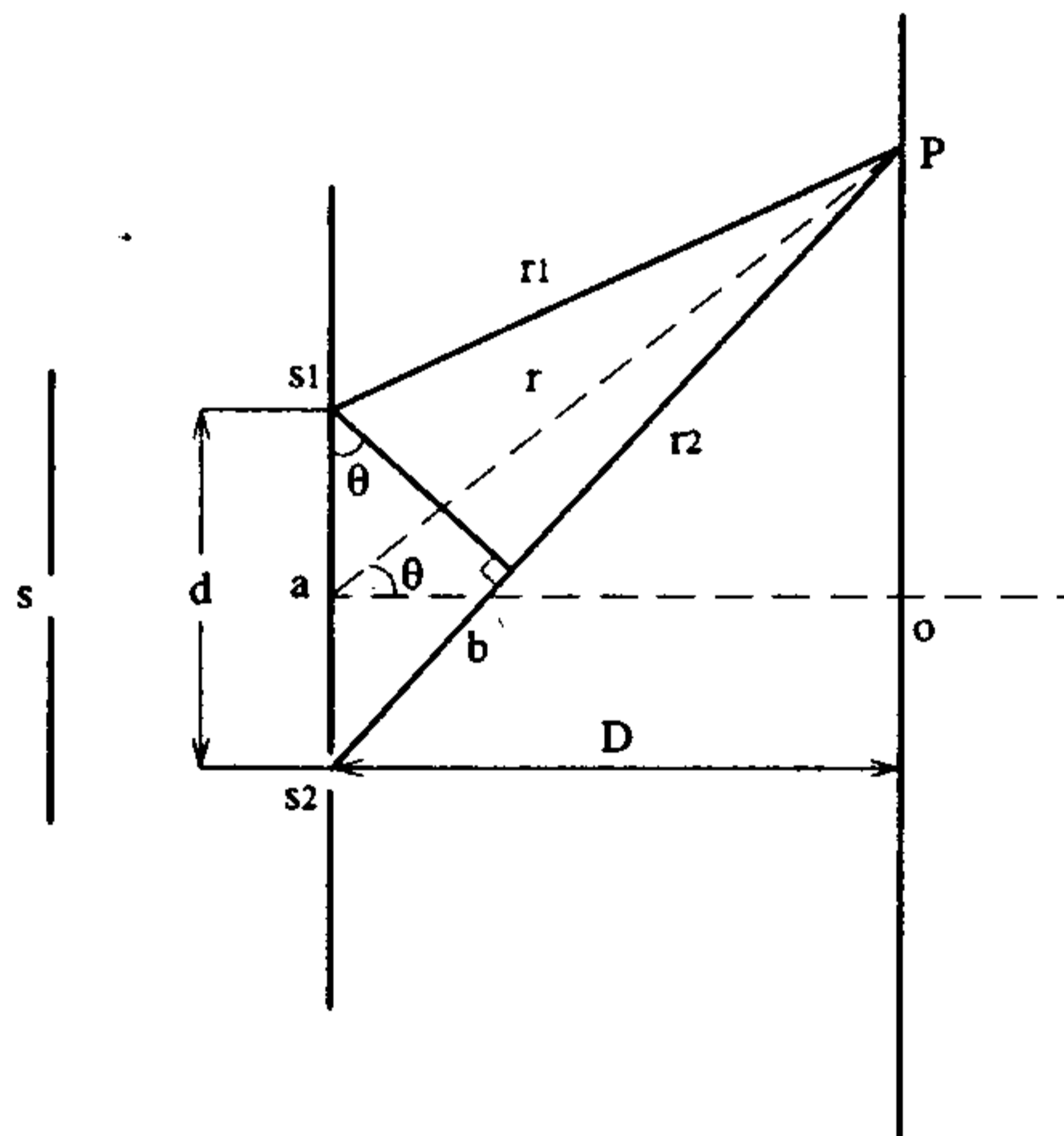
فصل چهارم

تداخل

۱-۴ آزمایش یانگ

در این فصل به چند مثال که در آنها سر و کارمان با اپتیک موجی است پرداخته و به بررسی آثار تداخلی پرتوهای نور می‌پردازیم.

در آزمایش یانگ، نور فرودی دارای یک طول موج است. دو شکاف s_1 و s_2 در مقابل چشمه s قرار دارند. چون فاصله دو شکاف (d) خیلی کوچکتر از فاصله میان دو پرده (D) است و به عبارتی r_1 و r_2 در مقایسه با d بسیار بزرگ هستند.



می‌توان فرض کرد دو زاویه \hat{pao} و $\hat{s_1 b}$ با هم برابر هستند که با θ نمایش داده شده‌اند. $s_1 b$ در واقع کمانی است که به مرکزیت p زده شده است ولی به علت کوچکی می‌توان عمود بر $s_2 p$ در نظر گرفت.

نقطه p نقطه‌ای بر روی پرده است که می‌خواهیم تداخل امواج نوری آمده از s_1 و s_2 را در آن نقطه بررسی کنیم.

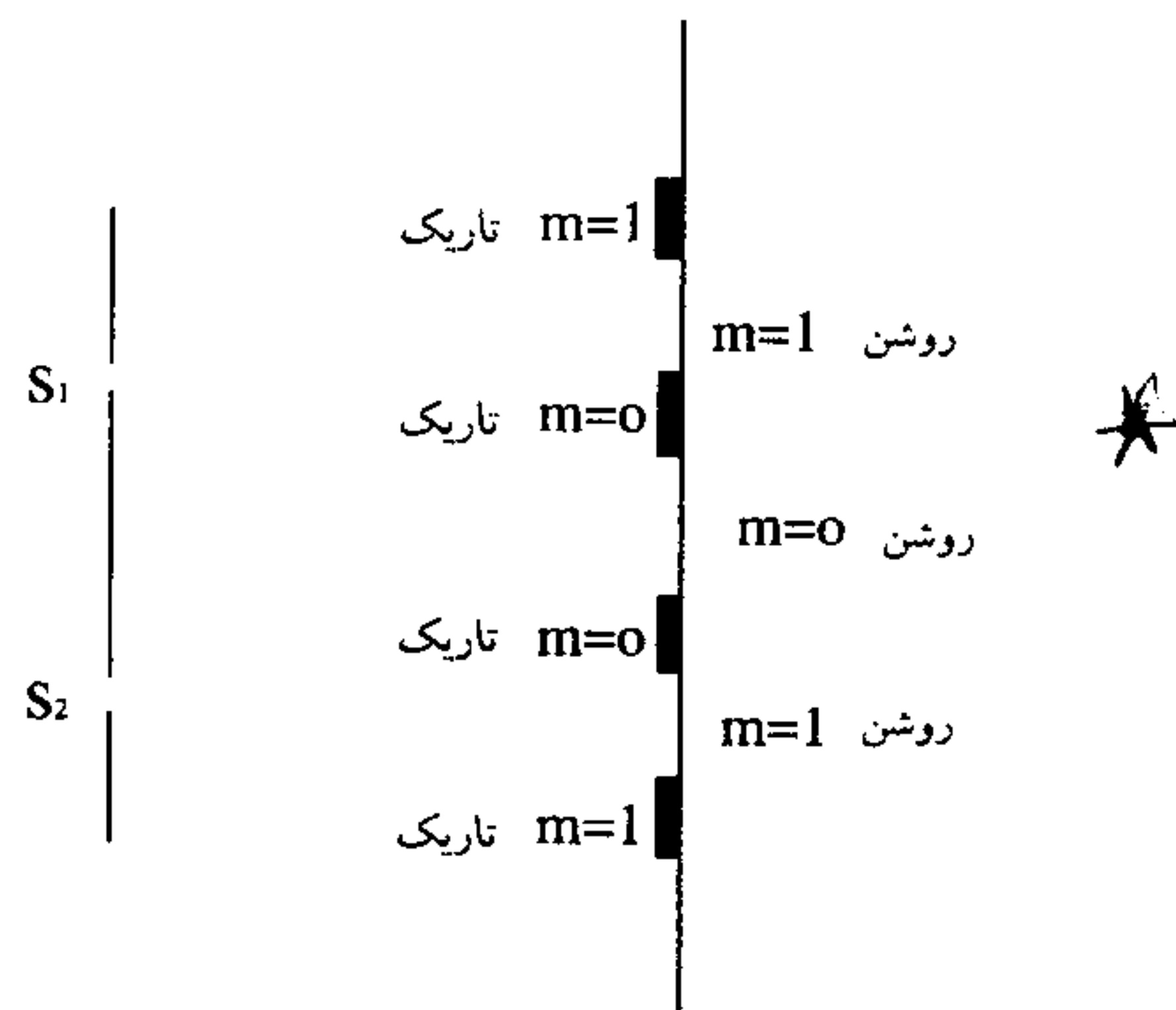
$$\text{اختلاف راه} = s_2 p - s_1 p = r_2 - r_1 \approx s_2 b = d \sin \theta \approx d \theta$$

با توجه به بزرگی r_1 و r_2 و D در مقایسه با d ، زوایای θ بسیار کوچک است ($\sin \theta \approx \theta$).

$$\begin{cases} \text{تداخل سازنده} & d \theta = m \lambda \\ \text{تداخل ویرانگر} & d \theta = (m + \frac{1}{2}) \lambda \end{cases} \quad m = 0, 1, 2, 3, \dots$$

$$\begin{cases} \text{برای نوار روشن } m & \theta_m = \frac{m\lambda}{d} \\ \text{برای نوار تاریک } m & \theta_m = \frac{(m + \frac{1}{2})\lambda}{d} \end{cases}$$

مکان هندسی نقاطی که تداخل سازنده را داریم یک نوار روشن و مکان هندسی نقاطی که تداخل ویرانگر را داریم یک نوار تاریک است.



~~نوار مرکزی روشن است چرا که در نوار مرکزی $\theta = 0$ است و فقط در شرط نوار روشن به ازای $m = 0$ داریم $\theta = 0$.~~

- برای دو نوار روشن متوالی و یا دو نوار تاریک متوالی داریم:

$$\Delta\theta = \frac{(m+1)\lambda}{d} - \frac{m\lambda}{d} = \frac{\lambda}{d}$$

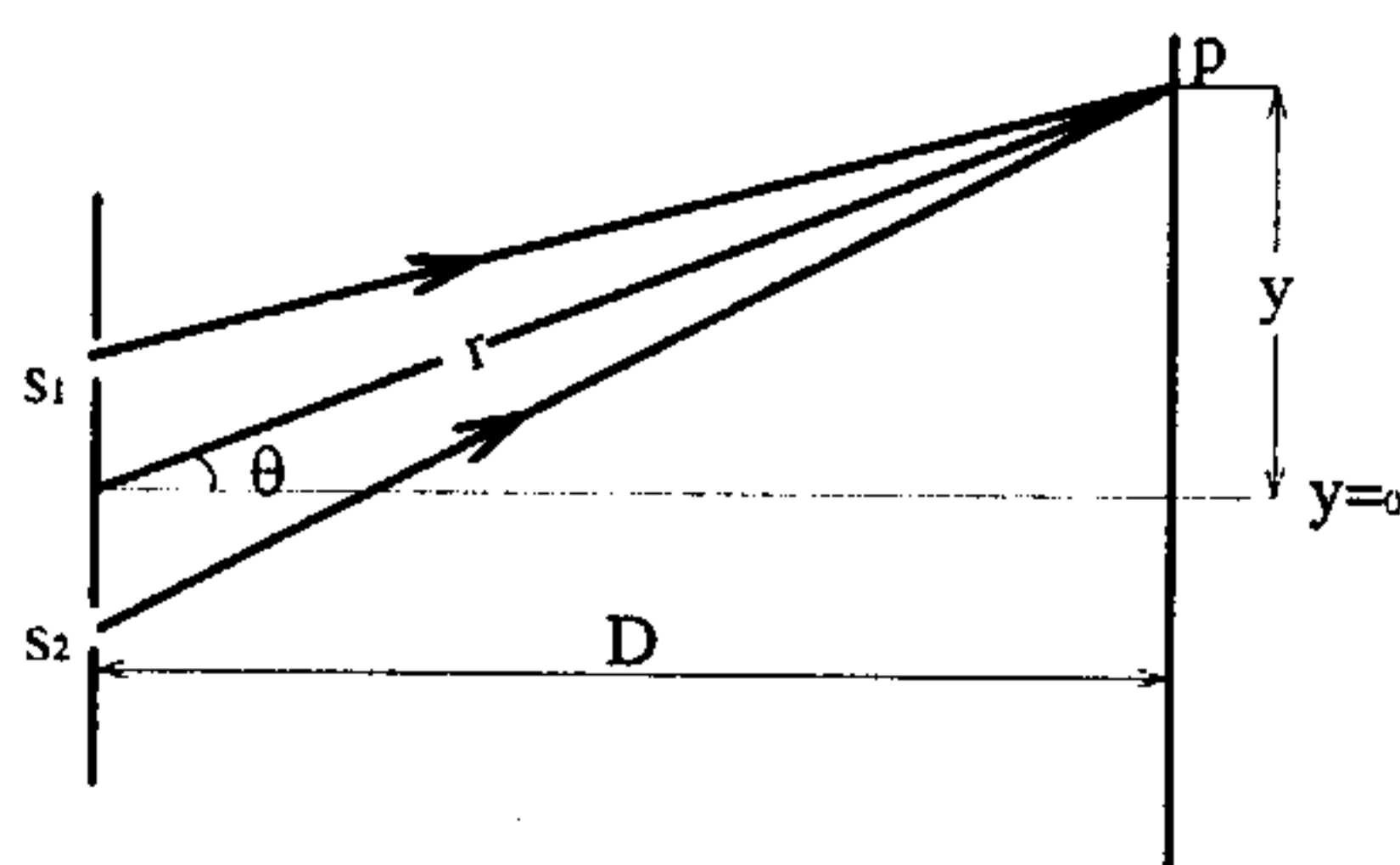
$$\Delta\theta = \frac{(m+1 + \frac{1}{2})\lambda}{d} - \frac{(m + \frac{1}{2})\lambda}{d} = \frac{\lambda}{d}$$

- برای دو نوار روشن و تاریک متوالی داریم:

$$\Delta\theta = \frac{(m + \frac{1}{2})\lambda}{d} - \frac{m\lambda}{d} = \frac{m\lambda}{2d}$$

$$\Delta\theta = \frac{m\lambda}{2d} \quad \text{- برای عرض یک نوار (روشن و یا تاریک)}$$

حال به بررسی فاصله خطی نوارها از نوار مرکزی می پردازیم:



$$\sin \theta \approx \theta \approx \tan \theta = \frac{y}{D}$$

$$\Rightarrow d \sin \theta \approx \frac{yd}{D}$$

$$\text{مکان نوار روشن } m \quad d \frac{y_m}{D} = m\lambda \Rightarrow y_m = \frac{m\lambda D}{d}$$

$$\text{مکان نوار تاریک } m \quad d \frac{y_m}{D} = (m + \frac{1}{2})\lambda \Rightarrow y_m = \frac{(m + \frac{1}{2})\lambda D}{d}$$

- فاصله دو نوار روشن متوالی و یا دو نوار تاریک متوالی

$$\Delta y = \frac{\lambda D}{d}$$

- فاصله یک نوار روشن و تاریک متوالی (برابر با عرض یک نوار)

$$\Delta y = \frac{\lambda D}{2d}$$

به بررسی چند حالت خاص می پردازیم.

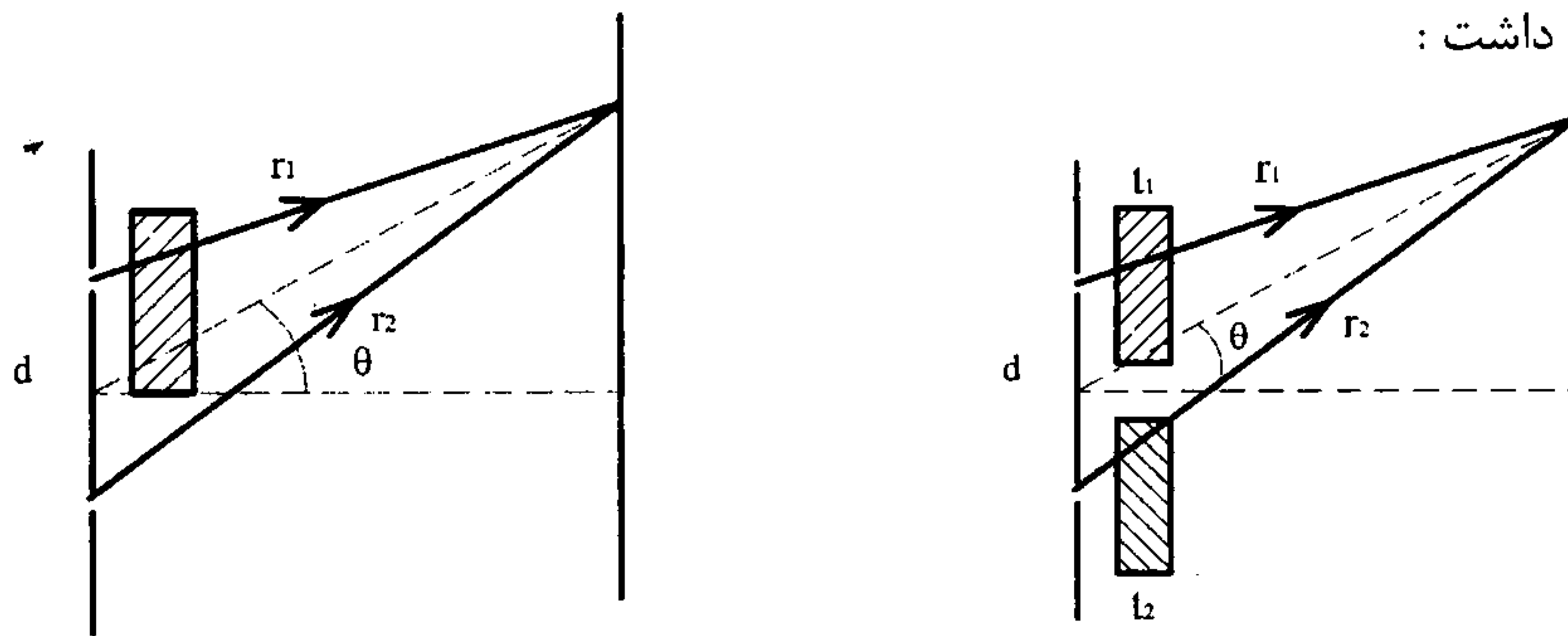
۱- اگر کل آزمایش یانگ به جای انجام در هوا در محیطی با ضریب شکست n انجام گیرد چون $\lambda \rightarrow \frac{\lambda}{n}$ می شود فاصله تمام نوارها از نوار مرکزی کوچکتر شده و فاصله میان نوارها و عرض آنها نیز کمتر می شود.

۲- اگر آزمایش یانگ را با تاباندن دو طول موج λ_1 و λ_2 انجام دهیم دو سری نوار روشن و تاریک داریم. به عنوان مثال فاصله میان نوار روشن m_1 مربوط به طول موج λ_1 و نوار روشن m_2 مربوط به طول موج λ_2 عبارت است از :

$$\Delta y = \frac{(m_1 \lambda_1 - m_2 \lambda_2) D}{d}$$

۳- در صورتی که در جلوی یکی از شکافها تیغه قرار دهیم باید به تغییر

اختلاف راه دقت داشت :



الف) در مقابل شکاف بالا تیغه ای به ضخامت t_1 و ضریب شکست n قرار داده ایم. بنابراین در حالی که نور در مسیر پایین مسافتی برابر t_1 را در هوا با ضریب شکست ۱ طی می کند نور در مسیر بالا مسافت t_1 را در محیطی با ضریب شکست n طی می کند.

$$\text{اختلاف راه} = \underbrace{(d \sin \theta + t) - t n}_{\text{اختلاف راه}} = \begin{cases} m \lambda & \text{سازنده} \\ (m + \frac{1}{4}) \lambda & \text{ویرانگر} \end{cases}$$

ب) نور در مسیر بالا مسافت t_1 را در محیطی با ضریب شکست n_1 و نور در محیط پایین مسافت t_2 را در محیطی با ضریب شکست n_2 طی می‌کند.

$$\text{اختلاف راه} = \underbrace{(d \sin \theta + t_2 n_2) - t_1 n_1}_{\text{اختلاف راه}} = \begin{cases} m \lambda & \text{سازنده} \\ (m + \frac{1}{4}) \lambda & \text{ویرانگر} \end{cases}$$

۲-۴ همدوسی

نقطه p بر روی پرده را در نظر می‌گیریم اختلاف راه $r_2 - r_1$ است و در نتیجه اختلاف فاز دو موج تداخل کننده $k \Delta r = \frac{2\pi}{\lambda} (r_2 - r_1)$ است. اگر این اختلاف فاز $2\pi n$ باشد این نقطه در نوار روشن و اگر $(2n + 1)\pi$ باشد در نوار تاریک است. در این حالت اختلاف فاز دو موج در نقطه p تنها به $r_2 - r_1$ بستگی داشته و به عبارتی برای هر نقطه p مقدار ثابتی است و در نتیجه نقش تداخلی ثابت است و نوارهای روشن و تاریک همیشه در مکانشان ثابت هستند و حال اگر دو چشمه s_1 و s_2 خود با هم اختلاف فاز ثابت ϕ را داشته باشند باز در هر نقطه p برای اختلاف فاز داریم $\phi + \frac{2\pi}{\lambda} (r_2 - r_1)$ که اگر برابر $2\pi n$ باشد آن نقطه مکان نوار روشن را می‌دهد.

اما اگر ϕ اختلاف فاز دو چشمه s_1 و s_2 ثابت نباشد در هر نقطه اختلاف فاز دو موج می‌تواند π ، 2π ، $\frac{\pi}{2}$ و ... باشد که دائماً در حال تغییر است به عبارتی نقش تداخلی دائماً در حال تغییر است و قابل مشاهده نیست. در آزمایش یانگ باید دو چشمه s_1 و s_2 همدوس باشند و برای همین به جای آنکه دو چشمه s_1 و s_2 را مستقل انتخاب کنیم آنها را از چشمه s گرفتیم.

در حالتی که اختلاف فاز مقدار ثابتی دارد دو باریکه خارج شده از s_1 و s_2 را همدوس می‌نامند ولی اگر این اختلاف فاز ثابت نباشد دو باریکه خارج شده از s_1 و s_2 را ناهمدوس می‌نامند. اگر E_1 و E_2 دامنه دو موج تداخل کننده باشد به هنگام تداخل در نقطه‌ای خاص داریم:

$$\left. \begin{aligned} \text{دو موج همدوس} & \quad I \propto E^2 \quad \text{شدت برآیند} & \quad \bar{E} = \bar{E}_1 + \bar{E}_2 \\ \text{دو موج ناهمدوس} & \quad I = I_1 + I_2 \quad \text{شدت برآیند} & \quad I_1 \propto E_1^2 \quad \text{و} \quad I_2 \propto E_2^2 \end{aligned} \right\}$$

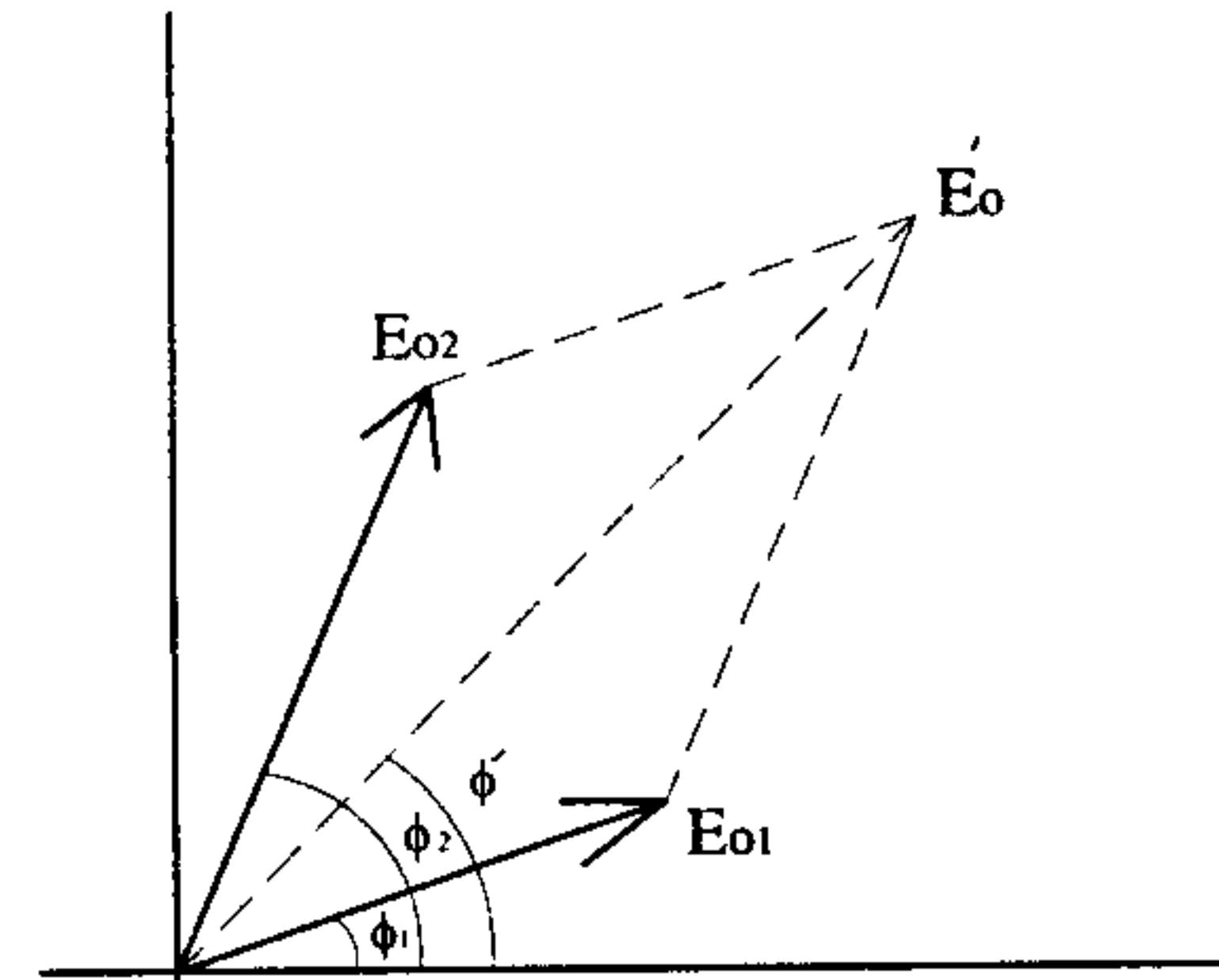
۳-۴ جمع اختلالهای موجی

دو اختلال موجی متغیر با زمان با بسامد زاویه‌ای (ω) ولی با دامنه متفاوت که دارای اختلاف فاز هستند را در نظر می‌گیریم. برآیند این را در نقطه‌ای خاص که با هم تداخل می‌کنند به دست می‌آوریم:

$$E_1 = E_{o1} \sin(\omega t + \phi_1)$$

$$E_2 = E_{o2} \sin(\omega t + \phi_2)$$

با توجه به آنکه تغییرات ωt در هر دو بردار مشترک است زاویه بردارها را با محور افقی فقط با ϕ_1 و ϕ_2 نشان دادیم.



$$E'_o = \sqrt{E_{o1}^2 + E_{o2}^2 + 2E_{o1}E_{o2}\cos(\phi_2 - \phi_1)}$$

دامنه برآیند

$$\tan \phi' = \frac{E_{oy}}{E_{ox}} = \frac{E_{o1} \sin \phi_1 + E_{o2} \sin \phi_2}{E_{o1} \cos \phi_1 + E_{o2} \cos \phi_2}$$

با داشتن E_o و ϕ برای برآیند دو اختلال موجی داریم:

$$E = E'_o \sin(\omega t + \phi')$$

به عنوان مثال اگر $E_{o1} = E_{o2} = E_o$ و $\phi_1 = 0$ و $\phi_2 = \phi$ باشد داریم:

$$E'_o = \sqrt{2E_o^2 + 2E_o^2 \cos \phi} = E_o \sqrt{2(1 + \cos \phi)} = E_o \sqrt{2 \left[2 \cos^2 \frac{\phi}{2} \right]}$$

$$= 2E_o \cos \frac{\phi}{2}$$

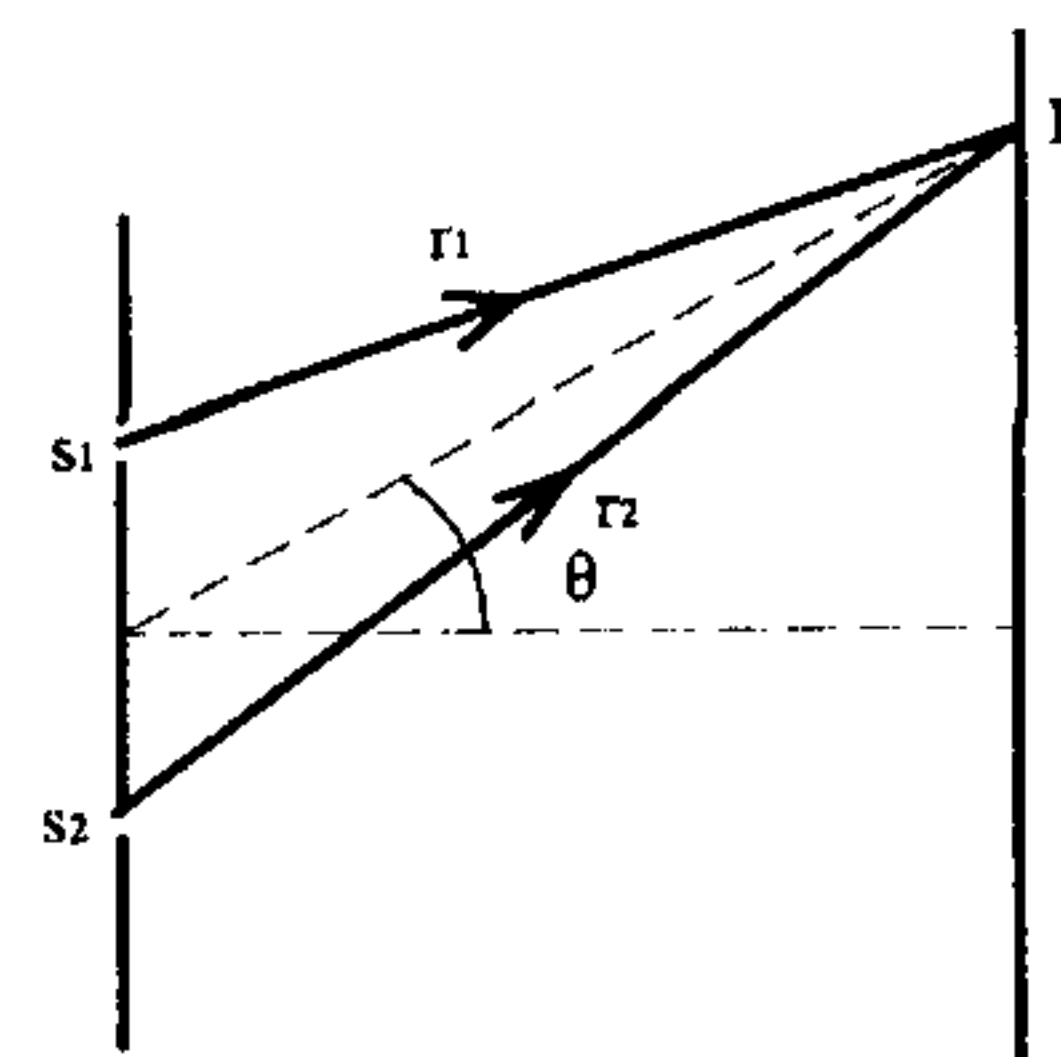
$$\tan \phi' = \frac{E_o(0) + E_o \sin \phi}{E_o(1) + E_o \cos \phi} = \frac{\sin \phi}{1 + \cos \phi} = \frac{\sin \phi}{2 \cos^2 \frac{\phi}{2}} = \frac{2 \sin \frac{\phi}{2} \cos \frac{\phi}{2}}{2 \cos^2 \frac{\phi}{2}}$$

$$= \tan \frac{\phi}{2} \Rightarrow \phi' = \frac{\phi}{2}$$

۴-۴ بررسی شدت در آزمایش یانگ

اختلال موجی بر آینه ناشی از دو موج در نقطه p را به دست می‌آوریم.

$$\begin{cases} E_1 = E_o \sin \omega t \\ E_2 = E_o \sin(\omega t + \phi) \end{cases}$$



$$E = E_{\theta} \sin(\omega t + \beta) \quad \boxed{E_{\theta} = 2 E_0 \cos \beta} \quad \beta = \frac{\phi}{2} \quad \rightarrow \quad E_{\theta} = 2 E_0 \cos \frac{\phi}{2}$$

البته می‌دانیم که چون نور در مسیر r_2 مسافت بیشتری نسبت به r_1 طی می‌کند دامنه موج آمده از s_2 نسبت به دامنه موج آمده از مسیر r_1 کمتر است ولی به صورت تقریبی هر دو را برابر و با E_0 نشان داده‌ایم:

شدت هر یک از دو موج $I_0 \propto E_0^2$ و شدت موج برآیند $I_{\theta} \propto E_{\theta}^2$

$$\boxed{\frac{I_{\theta}}{I_0} = \left(\frac{E_{\theta}}{E_0}\right)^2} = 4 \cos^2 \beta \Rightarrow I_{\theta} = 4 I_0 \cos^2 \beta$$

$$\text{اختلاف فاز} = k(r_2 - r_1) = \frac{2\pi}{\lambda}(r_2 - r_1) = \frac{2\pi}{\lambda} d \sin \theta$$

$$\beta = \frac{\phi}{2} = \frac{\pi d \sin \theta}{\lambda}$$

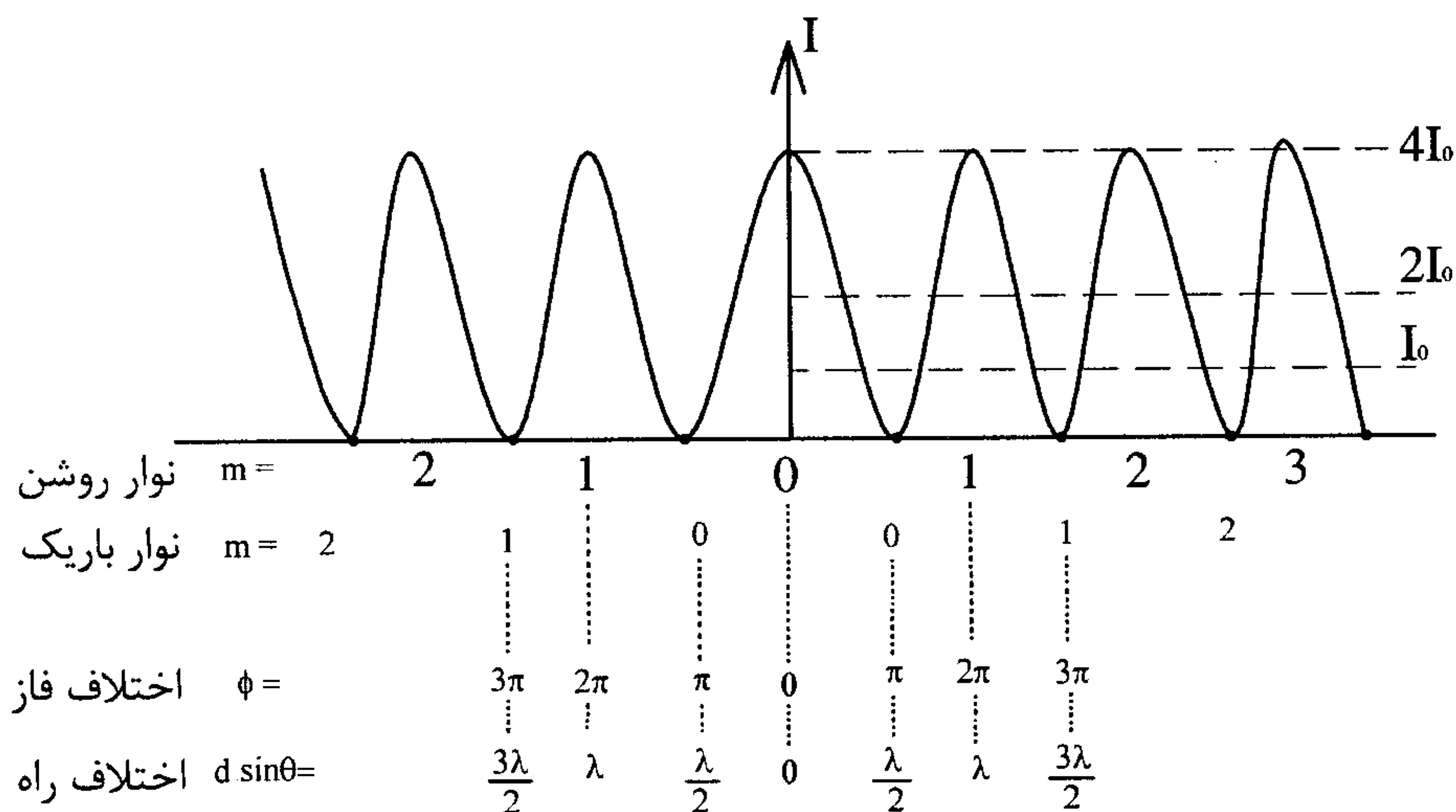
در نقاط با شدت ماکزیمم (وسط نوارهای روشن) $\cos^2 \beta = 1 \Rightarrow I_{\theta} = 4 I_0$

$$\begin{cases} d \sin \theta = m \lambda & m = 0, 1, 2, \dots \\ \frac{2\pi}{\lambda} d \sin \theta = \frac{2\pi}{\lambda} m \lambda \Rightarrow \text{اختلاف فاز} = \phi - 0 = \phi = 2 m \pi \\ \beta = \frac{\phi}{2} = m \pi \end{cases}$$

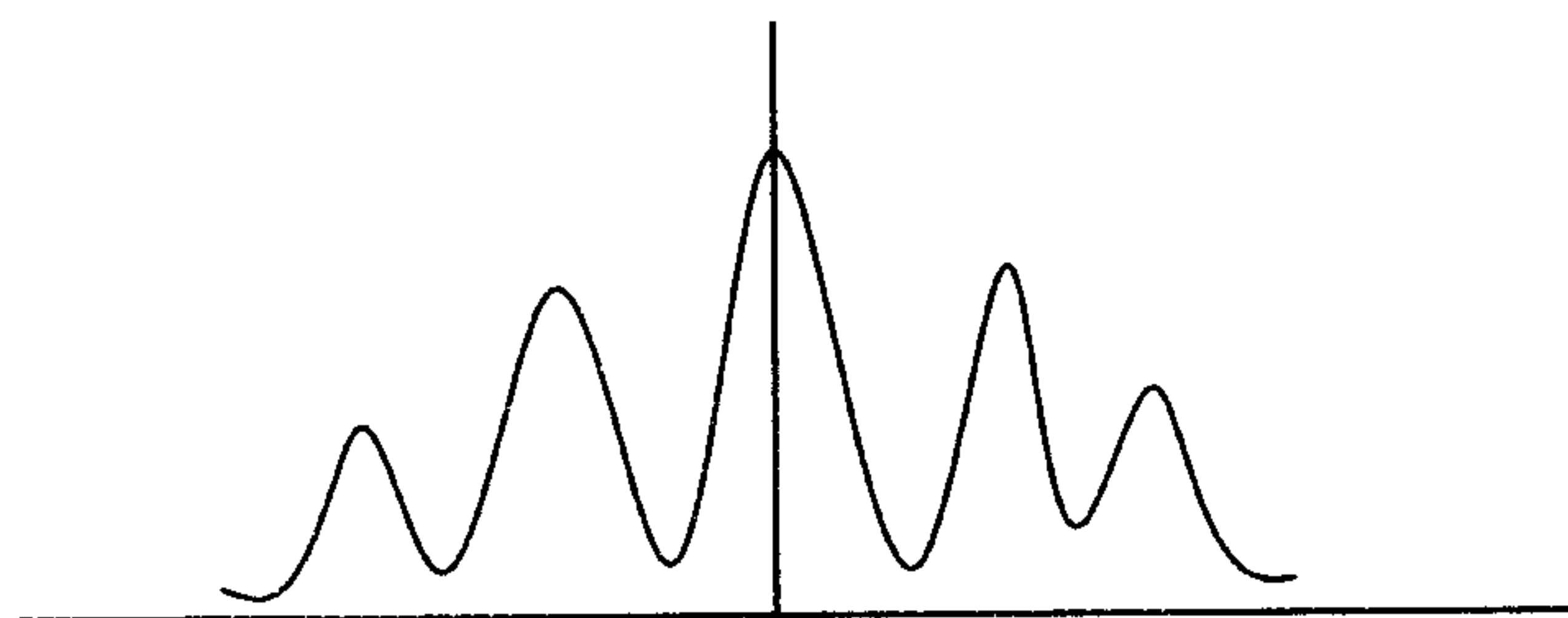
در نقاط با شدت حداقل (وسط نوارهای تاریک) $\cos^2 \beta = 0 \Rightarrow I_{\theta} = 0$

$$\begin{cases} d \sin \theta = (m + \frac{1}{2}) \lambda \\ \frac{2\pi}{\lambda} d \sin \theta = \frac{2\pi}{\lambda} (m + \frac{1}{2}) \lambda \Rightarrow \phi - 0 = \phi = (2m + 1) \pi \\ \beta = \frac{\phi}{2} = (2m + 1) \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

در زیر نقش شدت برای تداخل با دو شکاف داریم. شدت در وسط نوارهای ماکزیمم $4 I_0$ و در وسط نور تاریک صفر است. اگر هر یک از دو موج را به تنهایی داشتیم شدت در تمام نقاط I_0 بود. اگر در چشمه s_1 و s_2 ناهمدوس باشند نقش تداخلی دائماً در حال جابه‌جایی بوده و همه جا شدت $2 I_0$ را داریم.



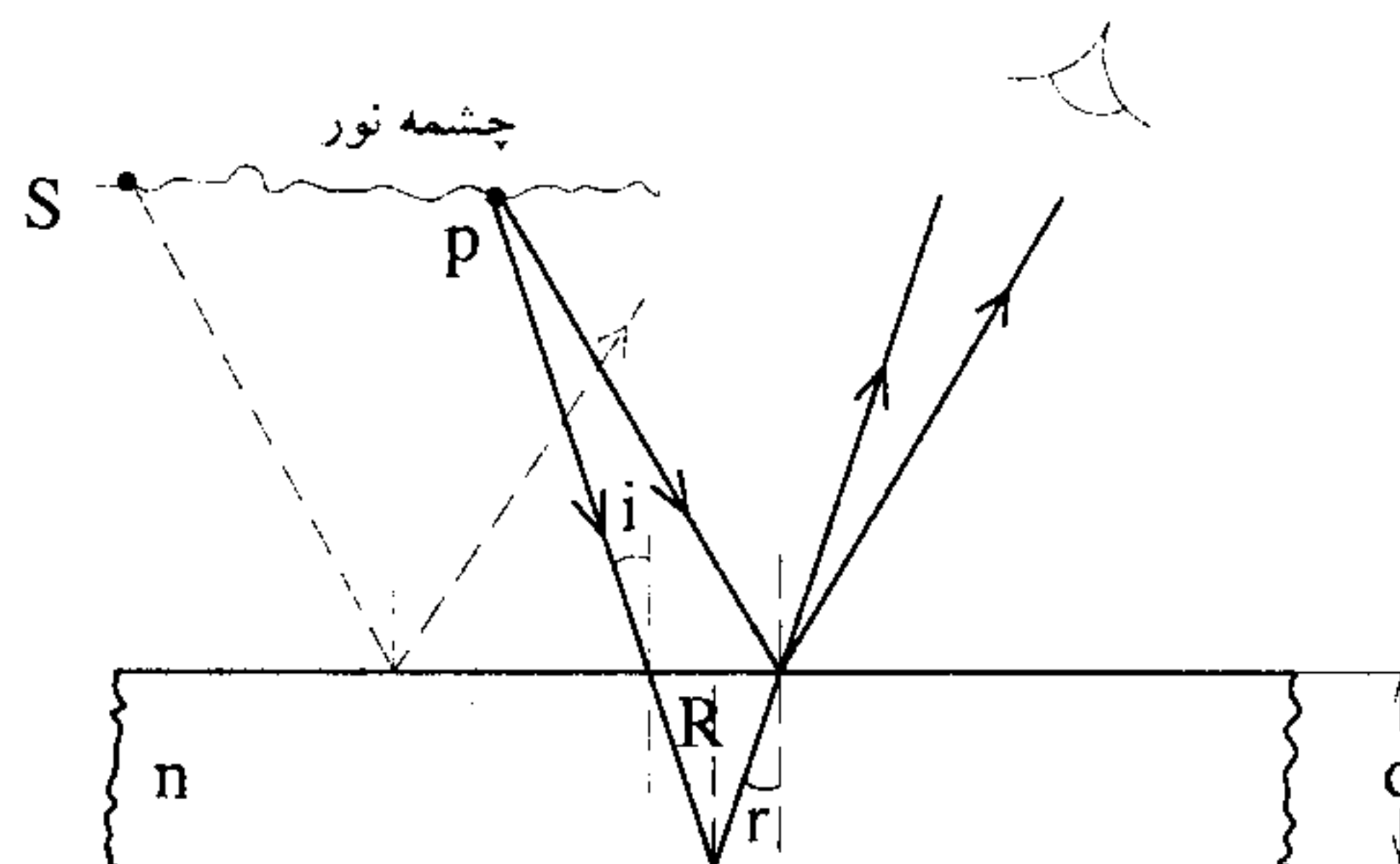
نکته : منحنی بالا یک منفی ایده‌آل است چرا که شدت در نوارهای تاریک صفر نیست به علت آنکه در نوارهای تاریک چون همواره r_1 و r_2 با هم متفاوتند (تنها در نور مرکزی که روشن است $r_1 = r_2$) یکی از دامنه‌ها از دیگری کوچکتر است، چون در امواج کروی دامنه با $\frac{1}{r}$ متناسب است. بنابراین دامنه در هر دو موج در نقطه p ، برابر E نیست و در نتیجه در مرکز نوارهای تاریک اگر چه دو موج اختلاف فاز π ، 3π و 5π و ... دارند ولی برآیند آنها صفر نیست. شکل واقعی نقش تداخلی به صورت زیر است.



در نوارهای روشن، غیر از نوارهای مرکزی نیز، دامنه امواج هر چه از چشمه‌ها دورتر می‌شویم از E کمتر می‌شود و در نتیجه شدت از $4I$ کمتر خواهد شد.

۴-۵ تداخل از فیلمهای نازک

یک فیلم نازک، یک لایه به ضخامت بسیار کوچک و با ضریب شکست n است که میان دو محیط با ضریب شکست متفاوت با n قرار گرفته است.



هنگامی که به فیلم نگاه می‌کنیم پرتوهایی که به جسم می‌رسد دو سری هستند. پرتوهایی که از سطح اول بازتاب پیدا می‌کنند و پرتوهایی که پس از شکست، در داخل فیلم و از سطح دوم بازتاب پیدا می‌کنند. اختلاف راه این پرتوها برابر است با:

$$\text{اختلاف راه} = R + R = 2R = 2 \frac{d}{\cos r}$$

به علت کوچکی زوایا $\cos r \approx 1$ بنابراین اختلاف راه برابر $2d$ است.

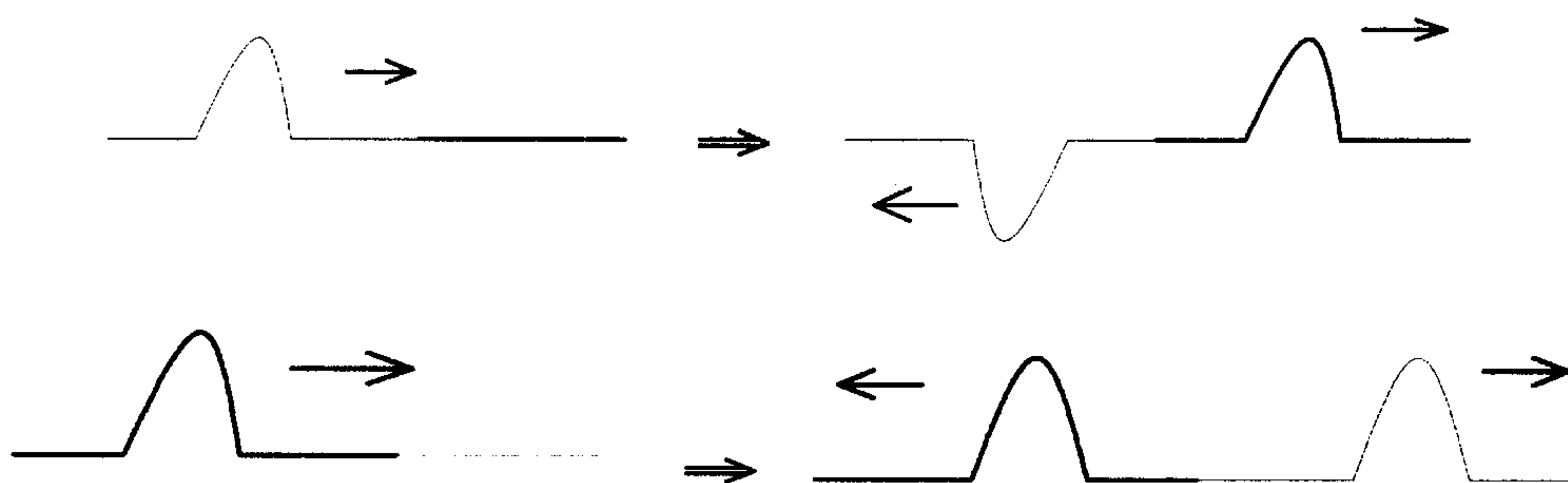
نکته مهم: تغییر فاز

۱- هنگامی که نور از محیطی وارد محیط دیگر می‌شود اختلاف فازی پیدا نمی‌کند. مانند هنگامی که موج از طناب نازک وارد طناب ضخیم می‌شود و یا بالعکس.

۲- هنگامی که نور از محیط با ضریب شکست بیشتر به سطح مشترک با محیط دیگر با ضریب شکست کمتر برخورد می‌کند نور بازتاب اختلاف فاز پیدا نمی‌کند. مانند موجی که در طناب ضخیم به طناب نازک برخورد می‌کند.

۳- هنگامی که نور به سطح مشترک با محیطی با ضریب شکست بیشتر برخورد کند موج

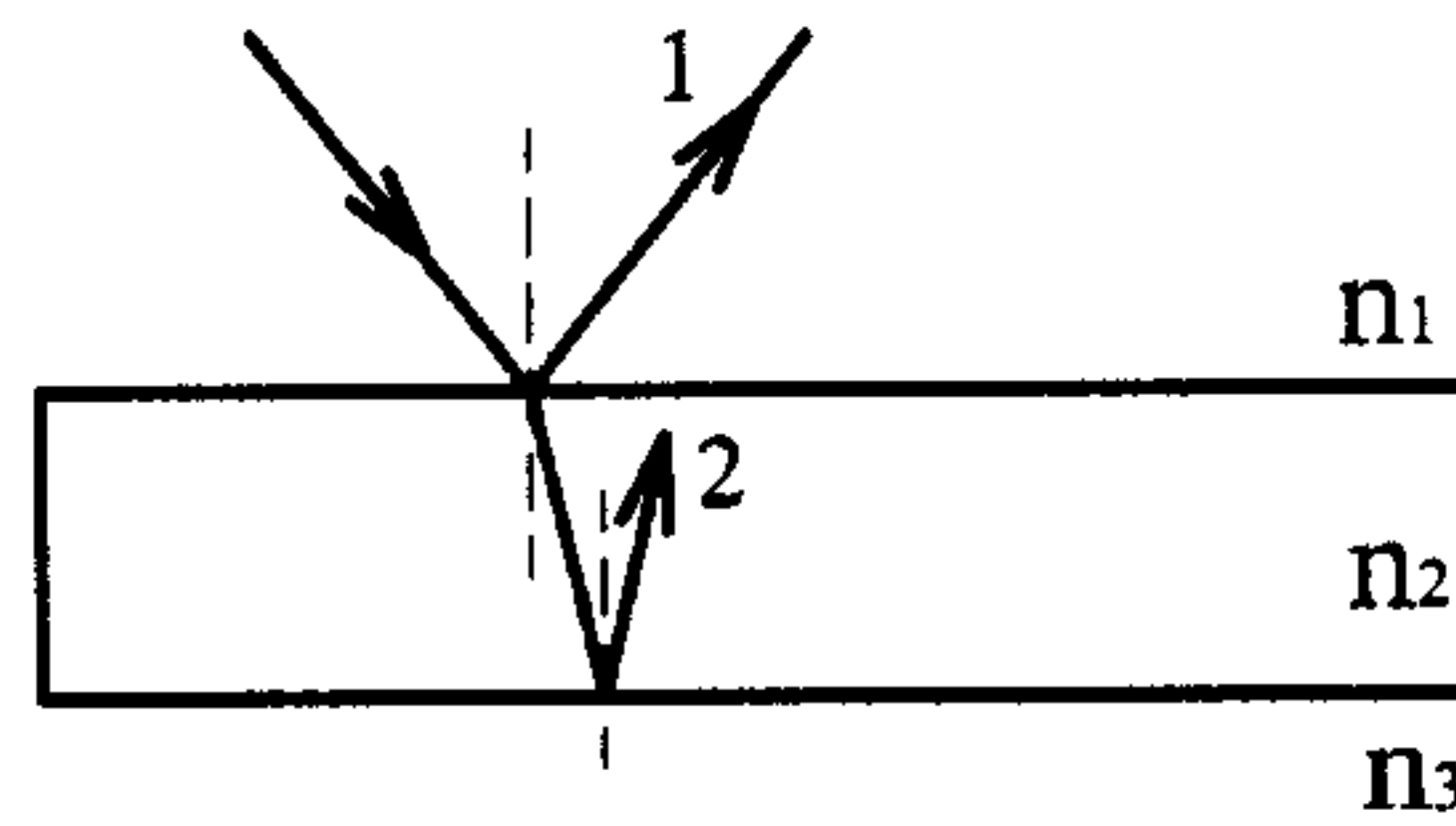
بازتاب 180° اختلاف فاز پیدا می‌کند. مانند موجی که در طناب نازک به طناب ضخیم برخورد می‌کند.



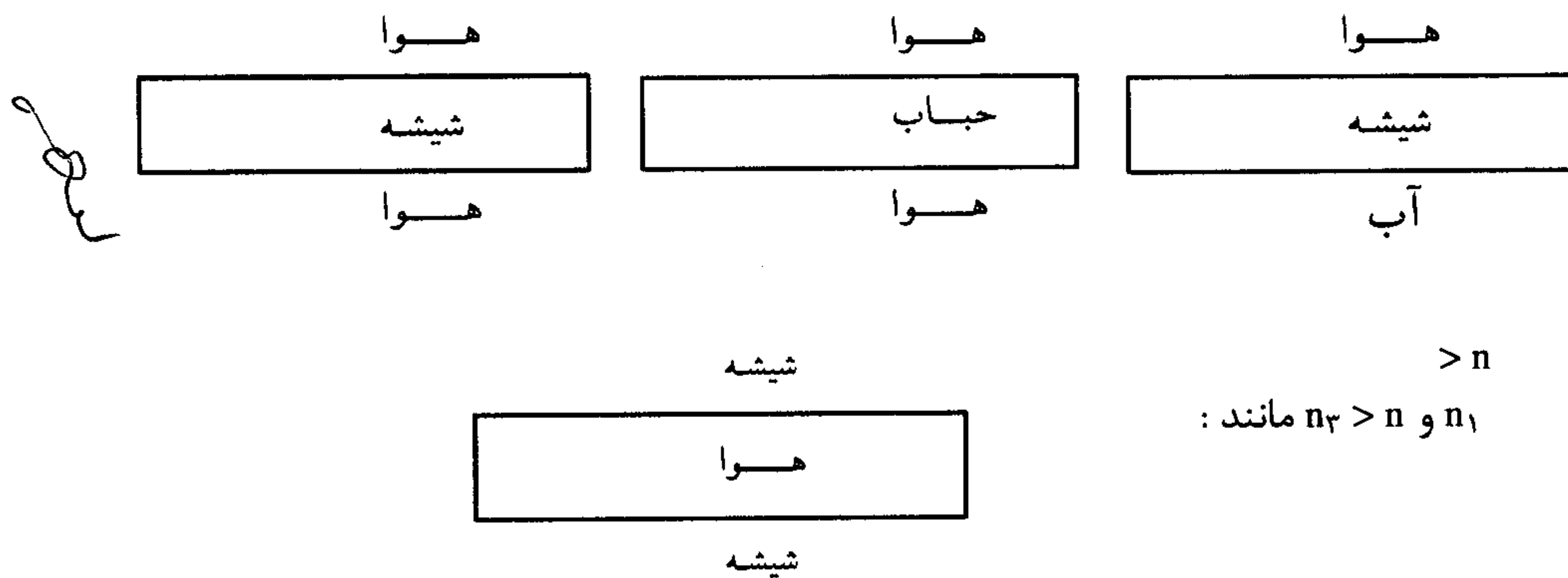
شرط تداخل سازنده و ویرانگر شرط تداخل سازنده و ویرانگر

با توجه به آنچه در مورد تغییر فاز نور بازتاب در بالا گفته شد دو حالت داریم:

(الف)



در این حالت بازتاب (۱) از محیط با ضریب شکست بیشتر منعکس شده و به اندازه π اختلاف فاز پیدا می‌کند در حالی که بازتاب (۲) از محیط با n_3 کمتر ($n_3 < n$) منعکس شده و اختلاف فاز پیدا نمی‌کند مثل : یک فیلم نازک از شیشه در هوا، یک لایه حباب در هوا، یک لایه شیشه بین هوا و آب.



در این حالت بازتاب (۱) از محیطی با ضریب شکست کمتر منعکس می‌شود و اختلاف فازی پیدا نمی‌کند. اما بازتاب (۲) از محیطی با ضریب شکست بیشتر بازتاب پیدا می‌کند و 180° اختلاف فاز پیدا می‌کند.

بنابراین در این حالات (در لایه با ضریب شکست n داریم : $\lambda_n = \frac{\lambda}{n}$)

$$\begin{aligned} 2d = (m + \frac{1}{2})\lambda_n &\Rightarrow \begin{cases} 2nd = (m + \frac{1}{2})\lambda & \text{سازنده} \\ 2nd = m\lambda & \text{ویرانگر} \end{cases} \\ 2d = m\lambda_n & \end{aligned}$$

توجه داشته باشید که هنوز هم شرط تداخل سازنده تغییر نکرده است :

شرط تداخل سازنده : $2m\pi - \pi = k$ (اختلاف راه) = اختلاف فاز

$$\Rightarrow k = (2m + 1)\pi$$

$$\Rightarrow \frac{2\pi}{\lambda_n} 2d = \frac{2\pi}{\lambda} 2nd = (2m + 1)\pi$$

$$\Rightarrow 2nd = (m + \frac{1}{2})\lambda$$

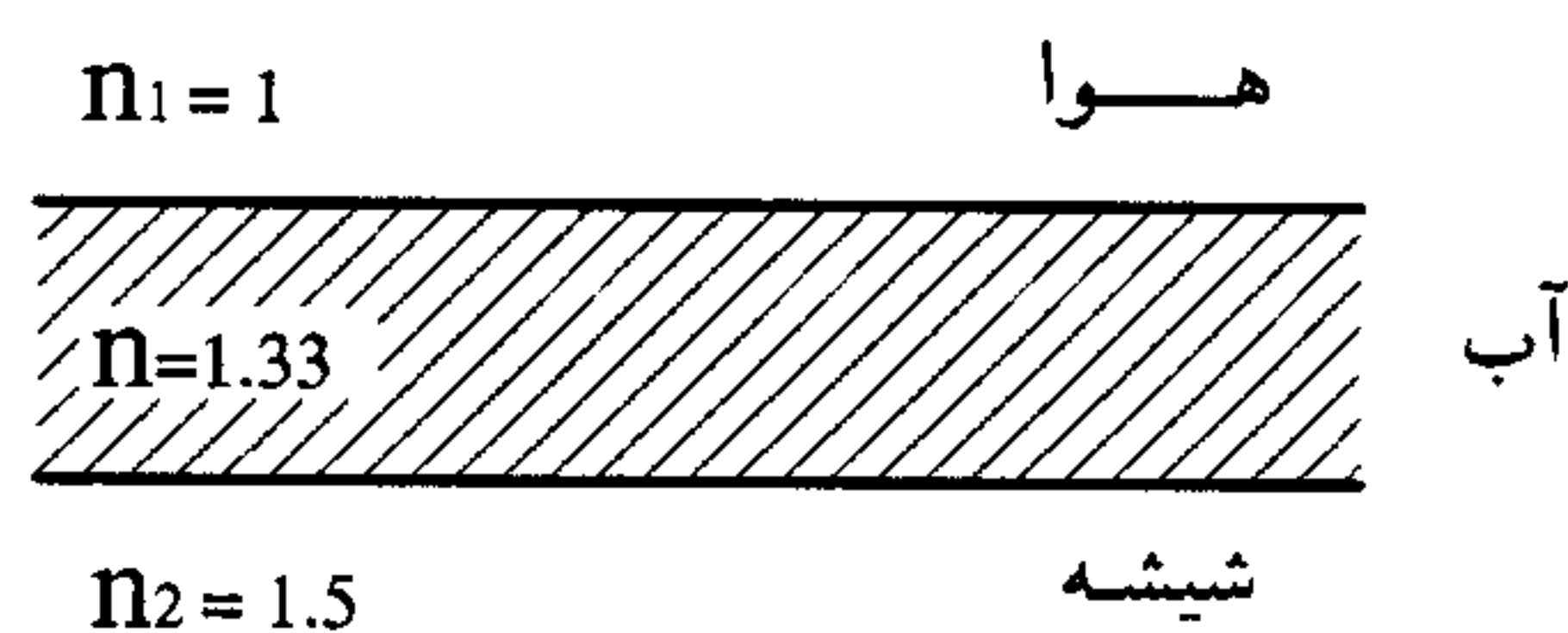
(بنابراین مشاهده می‌کنیم که وجود اختلاف فاز π سبب جابه‌جایی ظاهری شروط سازنده و ویرانگر شده است).

★ (ب)

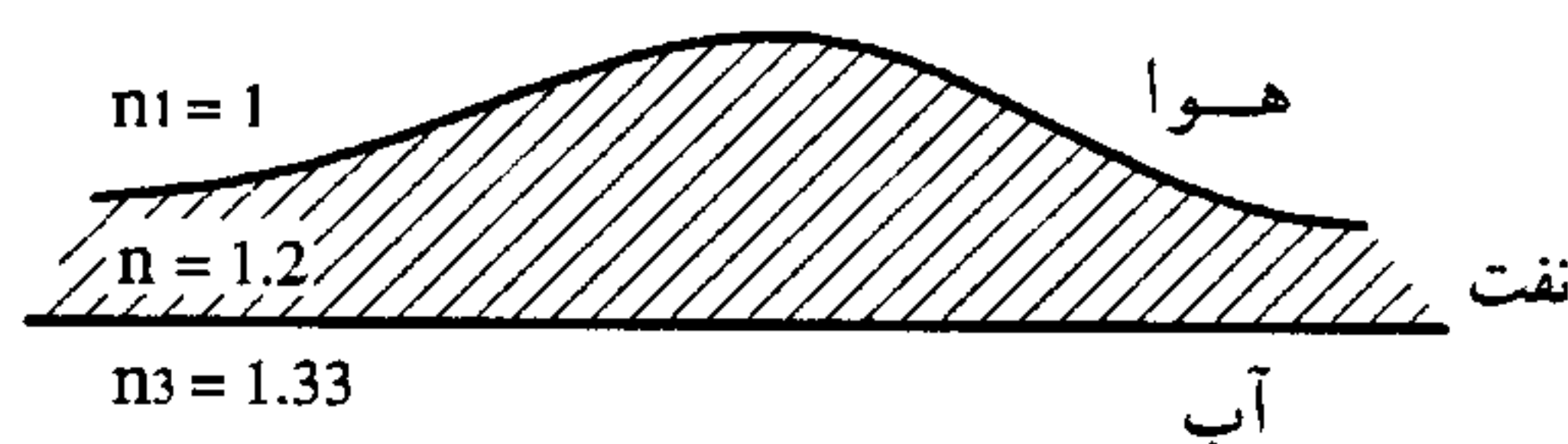
در این حالت هم بازتاب (۱) و هم بازتاب (۲) از محیط با ضریب شکست بیشتر روی داده‌اند بنابراین هر دو به اندازه π تغییر فاز پیدا کرده‌اند و در نتیجه نسبت به یکدیگر اختلاف فاز جدیدی پیدا نکرده‌اند.

در این حالت هر دو بازتاب (۱) و (۲) از محیط با ضریب شکست کمتر روی داده‌اند و بنابراین هر دو تغییر فازی نداشتند بنابراین اختلاف فاز آنها تنها ناشی از اختلاف راه $2d$ است :

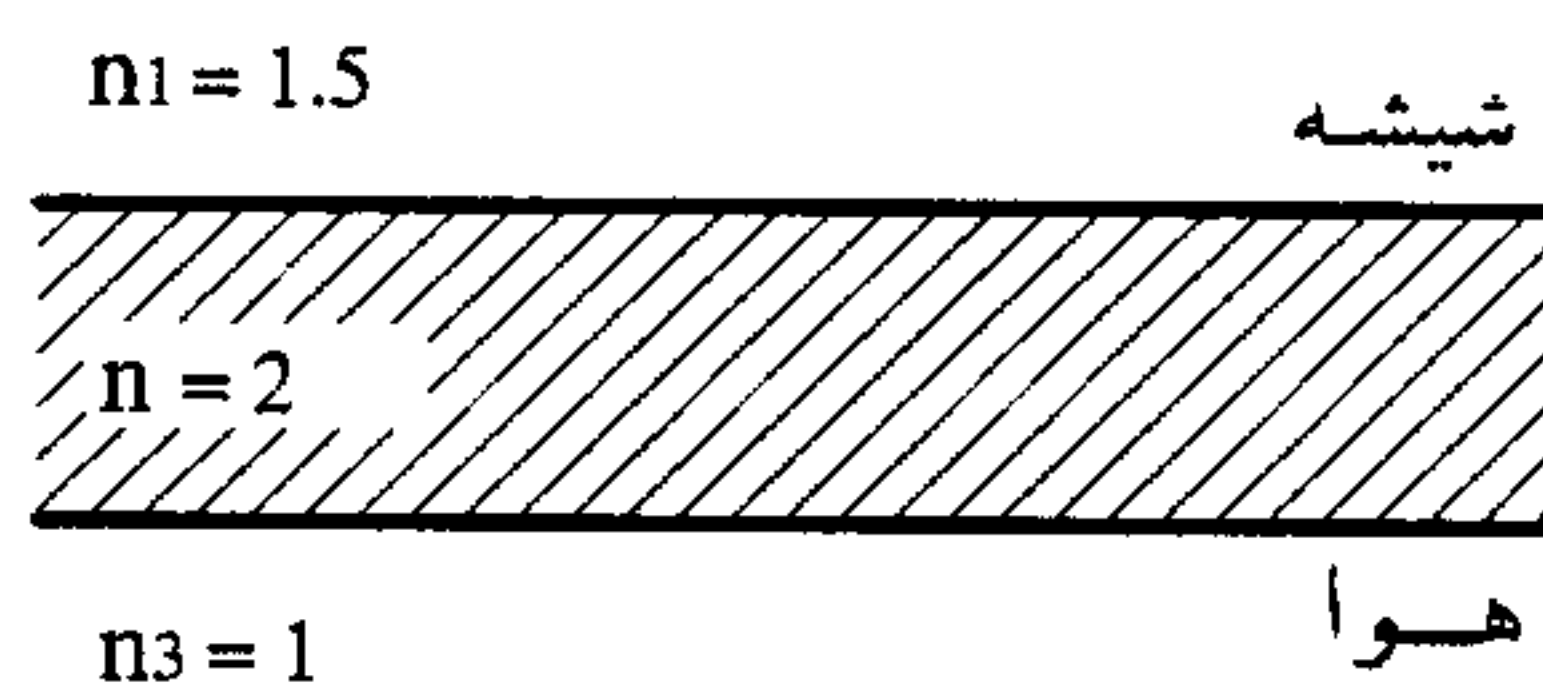
$$\left. \begin{array}{l} 2nd = m\lambda \quad \text{تداخل سازنده} \\ 2nd = (m + \frac{1}{2})\lambda \quad \text{تداخل ویرانگر} \end{array} \right\}$$



به عنوان مثال :
لایه آب میان شیشه و هوا



لایه نفت میان آب و هوا



فیلم نازکی به ضریب شکست $n = 2$ میان شیشه و هوا

به چند مثال توجه کنید.

مثال (۱) نور سفید به طور عمود به سطح نازکی به ضخامت $4/0 \times 10^{-5}$ Cm می‌تابد. ضریب شکست فیلم $1/5$ است. شدت چه طول موجی در طیف مرئی در اثر بازتابش از این سطح بیشتر می‌شود؟

پاسخ این فیلم در هوا قرار دارد بنابراین برای شرط تداخل سازنده داریم :

$$2nd = (m + \frac{1}{2})\lambda \Rightarrow 2(1/5)(4 \times 10^{-5} \text{ Cm}) = (m + \frac{1}{2})\lambda$$

$$m = 0 \Rightarrow \lambda = 24 \times 10^{-5} \text{ Cm} = 2400 \text{ nm}$$

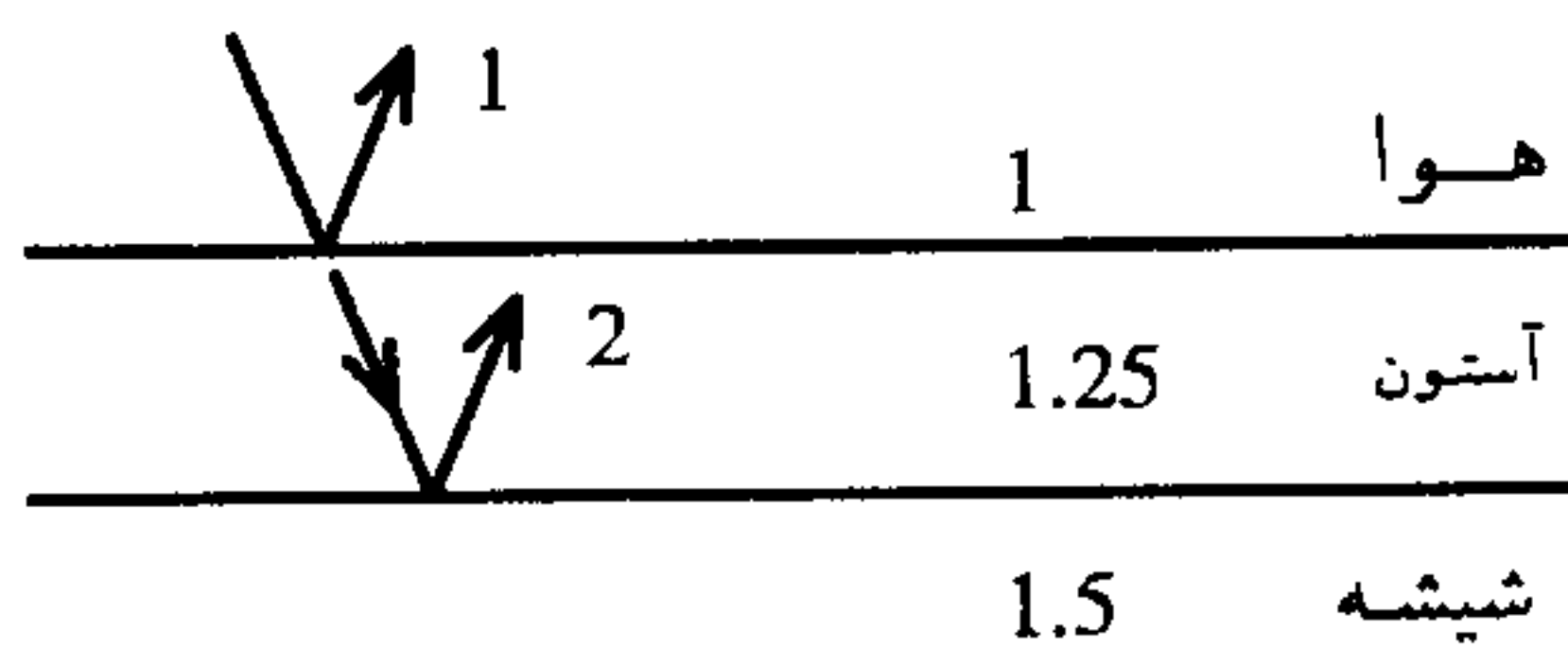
$$m = 1 \Rightarrow \lambda = 800 \text{ nm}$$

$$m = 2 \Rightarrow \lambda = 480 \text{ nm}$$

$$m = 3 \Rightarrow \lambda = 342 \text{ nm}$$

بنابراین طول موج مربوط به نوار $m = 2$ در ناحیه مرئی $400 \text{ nm} < \lambda < 700 \text{ nm}$ قرار دارد که نزدیک به نور آبی است.

مثال (۲) یک فیلم نازک آستون ($n = 1/25$) روی یک صفحه شیشه‌ای ضخیم ($n = 1/5$) را پوشانده است. امواج نوری تخت با طول موجهای گوناگون به طور عمود به سطح فیلم می‌تابند. با نگاه کردن به امواج بازتابیده معلوم می‌شود که تداخل کاملاً ویرانگر در 600 nm و تداخل کاملاً سازنده در 700 nm اتفاق می‌افتد. ضخامت فیلم آستون را حساب کنید.



پاسخ هر دو بازتاب از محیطی با ضریب شکست بیشتر روی می‌دهد. بنابراین برای شرط تداخل سازنده و ویرانگر داریم:

m شماره نوارهای مربوط به تداخل سازنده و m' مربوط به تداخل‌های ویرانگر است.

$$2nd = m\lambda \Rightarrow 2(1/25)d = m(700 \text{ nm})$$

$$2nd = (m' + \frac{1}{2})\lambda \Rightarrow 2(1/25)d = (m' + \frac{1}{2})(600 \text{ nm})$$

$$\Rightarrow 700m = 600m' + 300 \Rightarrow m' = m = 3$$

بنابراین نوار روشن $m = 3$ و تاریک $m' = 3$ مشاهده شده‌اند.

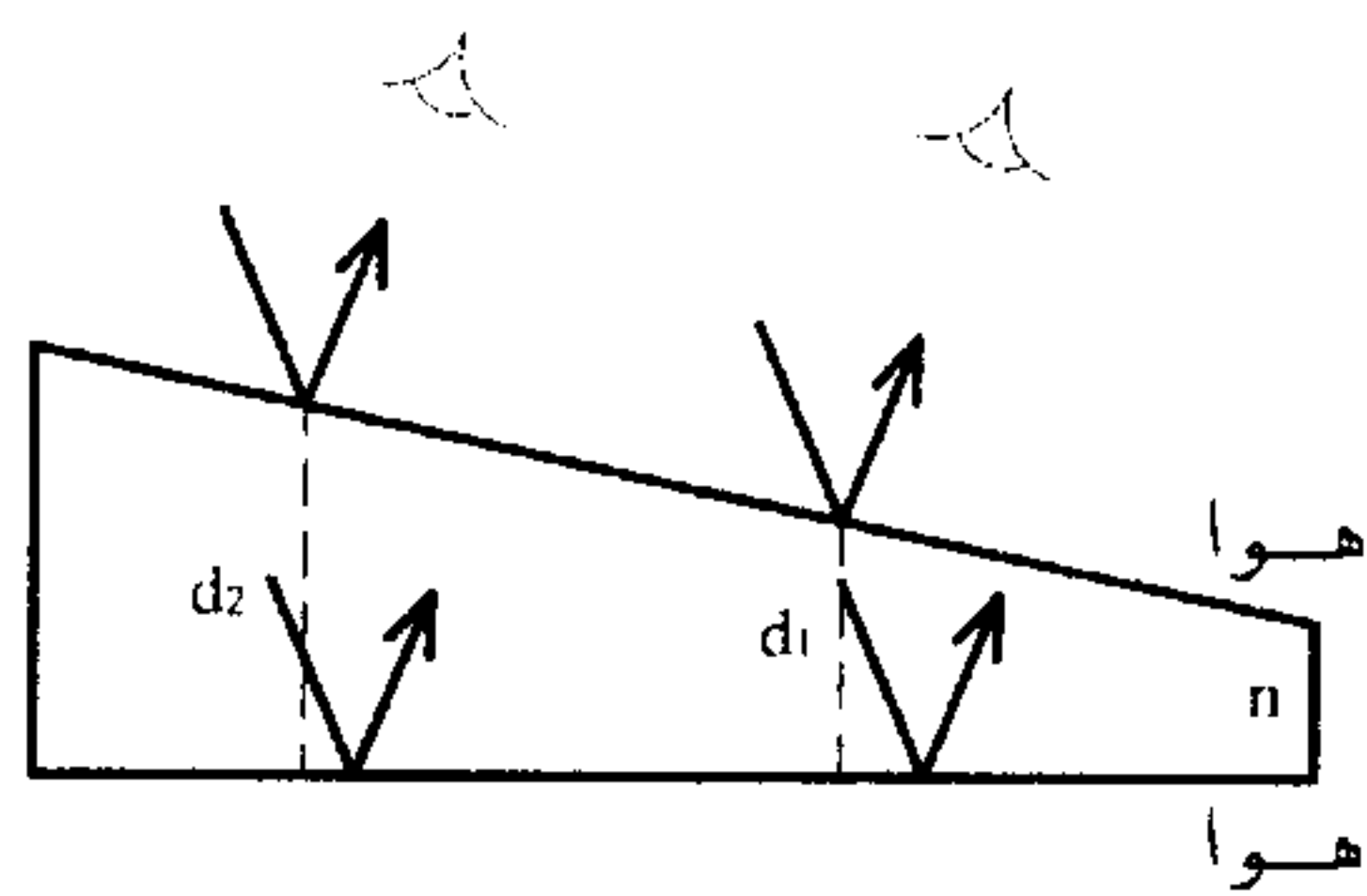
$$2(1/25)d = 3(700 \text{ nm}) \Rightarrow d = 840 \text{ nm}$$

۶-۴ فریزهای ضخامت ثابت

اگر ضخامت فیلم یکنواخت نباشد در قسمتهایی از آن تداخل سازنده و در قسمتهای دیگر تداخل ویرانگر صورت می‌گیرد. خطوطی مربوط به شدتهای ماکزیمم و شدت مینیمم به وجود می‌آیند. این خطوط همان فریزهای تداخلی هستند که به آنها فریزهای ضخامت ثابت می‌گوییم.

یک فیلم با ضخامت متغیر را در نظر می‌گیریم (مانند حباب آب صابون و یا لایه‌های روغن) اگر فیلم را به جای نور تکفام با نور سفید روشن کنیم، رنگهای درخشانی را مشاهده می‌کنیم:

هنگامی که به قسمتی که ضخامت آن d_1 است نگاه می‌کنیم نور مربوط به طول موج مرئی λ_N را مشاهده می‌کنیم (مربوط به $m = N$).



$$2nd_1 = (m + \frac{1}{2})\lambda \Rightarrow \begin{cases} m = 1 \\ m = 2 \\ \vdots \\ m = N \Rightarrow \lambda_N \text{ مرئی} \end{cases}$$

و اگر به قسمتی که ضخامت آن d_2 است نگاه کنیم رنگ مربوط به طول موجی مرئی $\lambda_{N'}$ را مشاهده می‌کنیم (مربوط به $m = N'$).

$$2nd_2 = (m + \frac{1}{2})\lambda \Rightarrow \begin{cases} m = 1 \\ m = 2 \\ \vdots \\ m = N' \Rightarrow \lambda_{N'} \text{ مرئی} \end{cases}$$

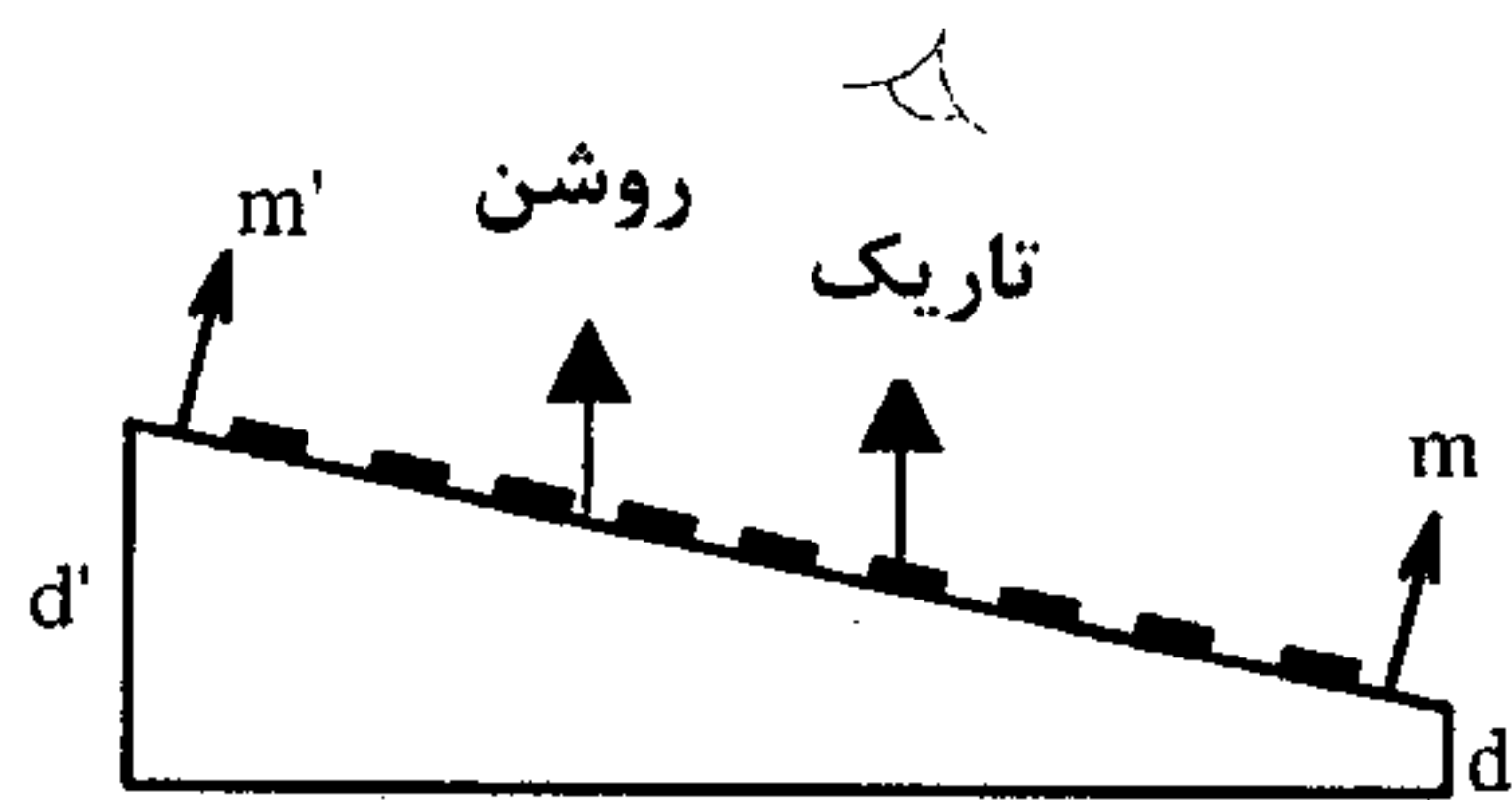
بنابراین با نگاه به نقاط مختلف فیلم، رنگهای مختلف را مشاهده می‌کنیم.

نکته: اگر بر یک فیلم با ضخامت ثابت یک نور تکفام بتابانیم، برای تداخل سازنده در آن طول موج تنها یک فریز با m مشخص داریم چرا که $2nd$ و λ ثابت هستند بنابراین یک m به دست می‌آید که این را در مثال قبلی (مثال ۲) مشاهده کردیم.

اما اگر ضخامت فیلم متغیر باشد می‌توان فریزهای گوناگونی با m های مختلف مربوط به طول موج تابیده به فیلم به دست آورد.

مثال: نوری با طول موج 630 nm به طور عمود به یک فیلم نازک گوه‌ای شکل به ضریب شکست $1/5$ می‌تابد. در طول فیلم 10 فریز روشن و 9 فریز تاریک تولید می‌شود. تغییر ضخامت فیلم از ابتدا تا انتها چقدر است؟

پاسخ: m شماره فریز مشاهده شده در ضخامت d و m' شماره فریز مشاهده شده در ضخامت d' است.



شرط تداخل سازنده (فریزهای روشن): $2nd = (m + \frac{1}{2})\lambda$

$$\begin{cases} 2nd = (m + \frac{1}{2})\lambda \\ 2nd' = (m' + \frac{1}{2})\lambda \end{cases} \Rightarrow 2n(d' - d) = (m' - m)\lambda$$

۱۰ نوار روشن و ۹ نوار تاریک در میان آنها مشاهده می‌شود (اگر نوار روشن اول $m = 1$ باشد

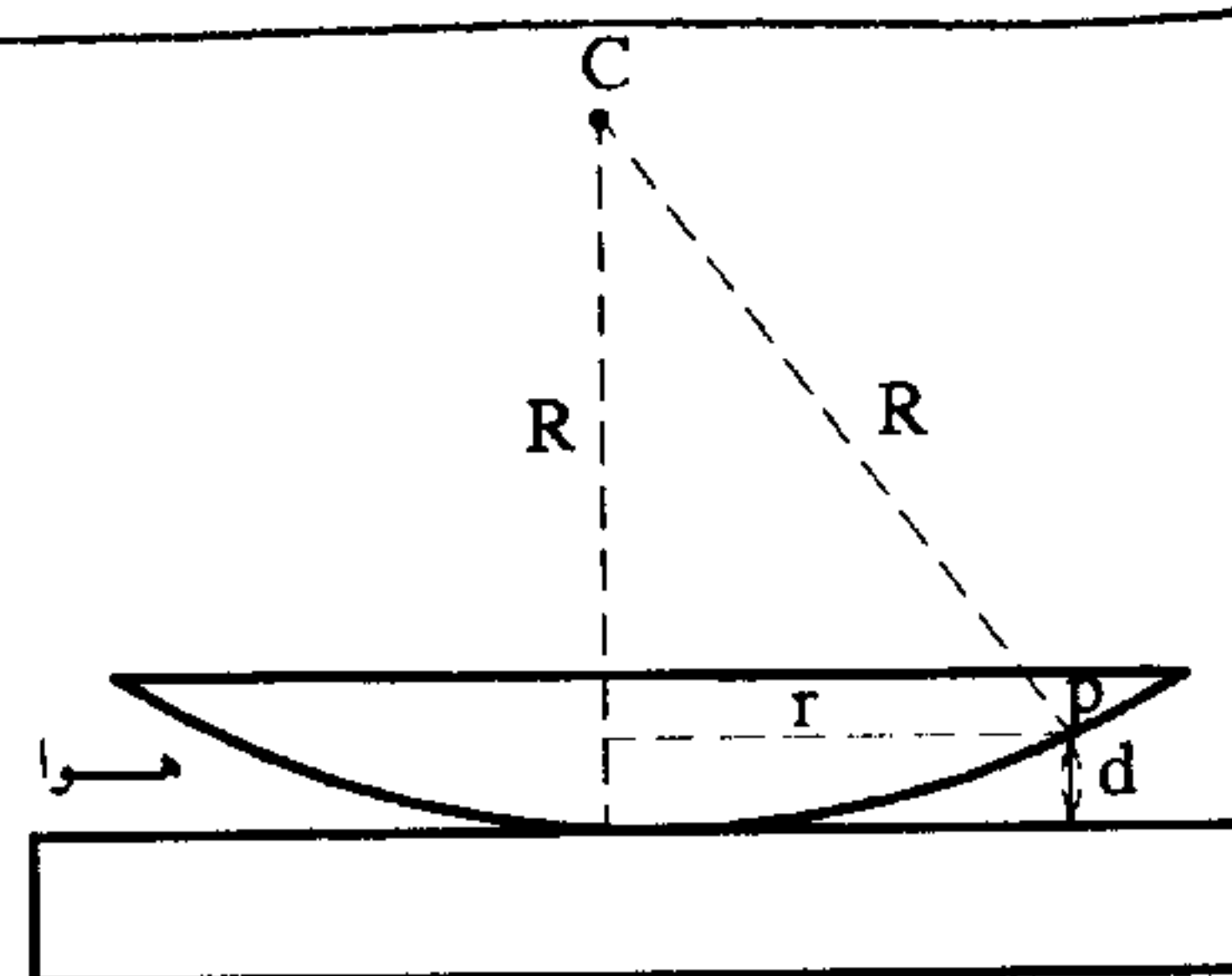
$$m' - m = 9$$

نوار دهم $m' = 10$ است).

$$\Rightarrow d' - d = \frac{9\lambda}{2n} = \frac{9(630 \text{ nm})}{2(1/5)} = 1890 \text{ nm} \approx 1/9 \times 10^{-6} \text{ m}$$

۴-۷ حلقه‌های نیوتون

یک عدسی تخت محدب با شعاع انحنای R را بر روی یک تیغه شیشه‌ای کاملاً تخت قرار می‌دهیم و از بالا با نوری به طول موج λ به آن می‌تابانیم. فیلم هوای میان تیغه و عدسی سبب ایجاد فریزهایی حلقوی می‌شود.



به نقطه p که به فاصله r مرکز عدسی قرار دارد نگاه

می‌کنیم.

$$\lambda \left(m + \frac{1}{2}\right) = 2nd$$

شرط تداخل سازنده

$$d = (R - \sqrt{R^2 - r^2}), \quad r \ll R$$

$$n = 1 \Rightarrow 2(1)d = \left(m + \frac{1}{2}\right)\lambda \Rightarrow 2(R - \sqrt{R^2 - r^2}) = \left(m + \frac{1}{2}\right)\lambda$$

$$2R\left(1 - \sqrt{1 - \frac{r^2}{R^2}}\right) = \left(m + \frac{1}{2}\right)\lambda, \quad \sqrt{1 - \frac{r^2}{R^2}} \approx \left(1\right)^{\frac{1}{2}} + \frac{1}{2}\left(1\right)^{-\frac{1}{2}}\left(\frac{-r^2}{R^2}\right)^{\frac{1}{2}} + \dots$$

$$2R\left(1 - \left(1 - \frac{r^2}{2R^2}\right)\right) = \frac{r^2}{R} = \left(m + \frac{1}{2}\right)\lambda$$

شعاع انحنای عدسی

$$\Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} r = \sqrt{\left(m + \frac{1}{2}\right)\lambda R} \quad \text{و} \quad m = 0 \text{ و } 1 \text{ و } 2 \text{ و } 3 \text{ و } \dots \\ r = \text{فاصله نوارهای حلقوی روشن تا مرکز} \end{array} \right.$$

با توجه به آنکه شرط تداخل ویرانگر $2nd = m\lambda$ است. برای نوارهای حلقوی تاریک داریم:

$$r = \sqrt{m\lambda R} \quad \text{و} \quad m = 0 \text{ و } 1 \text{ و } 2 \text{ و } \dots$$

توجه: *

در مرکز $r = 0$ است و به ازای $m = 0$ شرط تداخل ویرانگر برقرار است بنابراین مرکز حلقه‌ها

تاریک است.

نکته :

فاصله میان دو حلقه روشن متوالی m و $m + 1$ عبارت است از :

$$r_{m+1} - r_m = \sqrt{\left(m+1 + \frac{1}{2}\right)\lambda R} - \sqrt{\left(m + \frac{1}{2}\right)\lambda R} = \sqrt{\lambda R m} \left[\left(1 + \frac{3}{2m}\right)^{\frac{1}{2}} - \left(1 + \frac{1}{2m}\right)^{\frac{1}{2}} \right]$$

برای m های بالا

$$\Delta r = \sqrt{\lambda R m} \left[\left(1^{\frac{1}{2}} + \frac{1}{2} \left(1\right)^{-\frac{1}{2}} \left(\frac{3}{2m}\right) + \dots \right) - \left(1^{\frac{1}{2}} + \frac{1}{2} \left(1\right)^{-\frac{1}{2}} \left(\frac{1}{2m}\right) + \dots \right) \right]$$

$$= \frac{1}{2} \sqrt{\lambda R m} = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\lambda R}{m}}$$

بنابراین هر چه از مرکز دور شویم فاصله میان دو حلقه روشن متوالی کاهش می‌یابد.

فاصله میان دو حلقه تاریک متوالی نیز همانند بالا به دست می‌آید.

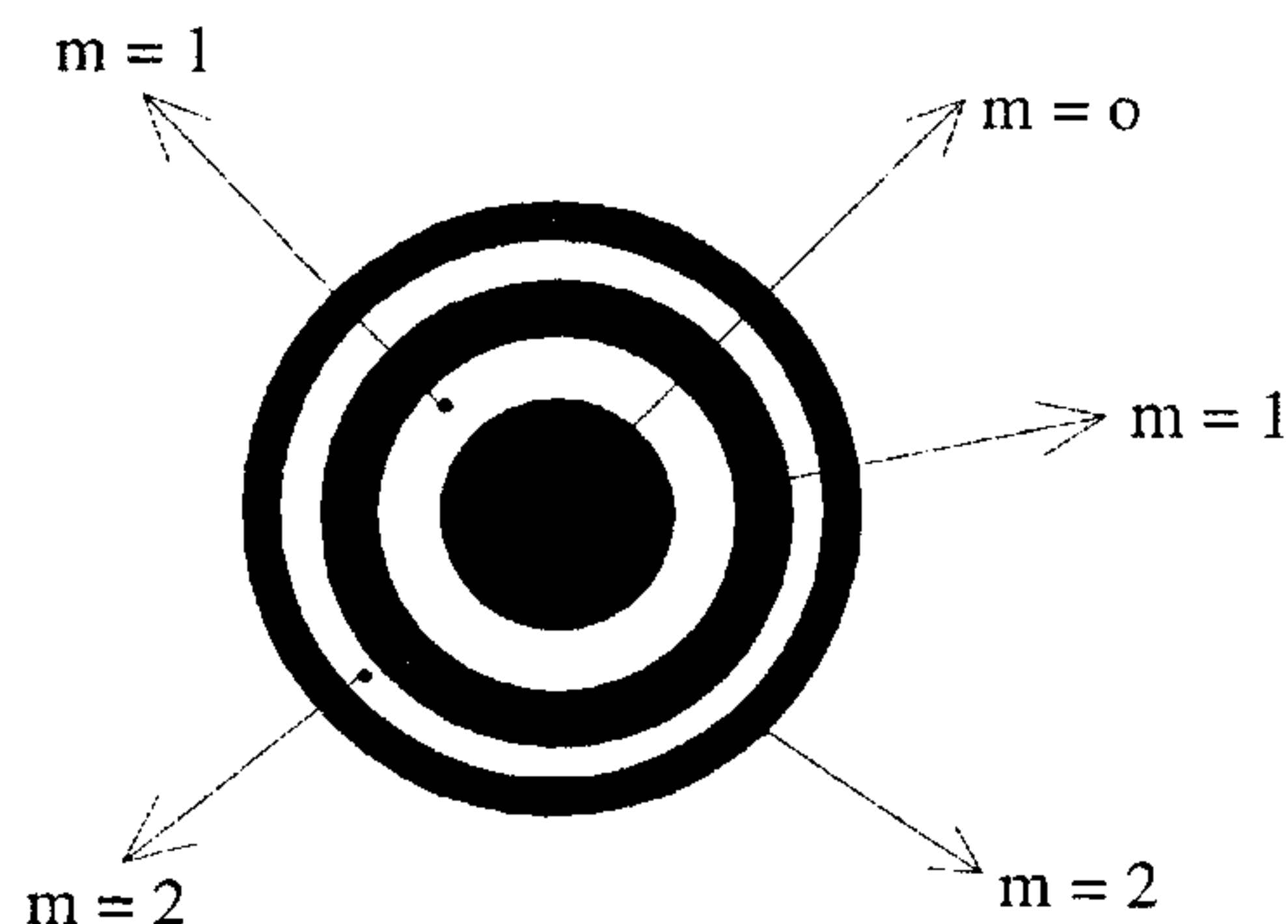
$$\Delta r = r_{m+1} - r_m = \sqrt{(m+1)\lambda R} - \sqrt{m\lambda R} = \sqrt{\lambda R m} \left[\left(1 + \frac{1}{m}\right)^{\frac{1}{2}} - 1 \right]$$

$$\Delta r \approx \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\lambda R}{m}} \quad \text{برای } m \text{ های بالا}$$

نکته : مساحت محصور میان دو حلقه روشن متوالی (و میان دو حلقه تاریک متوالی)

$$s = \pi r_{m+1}^2 - \pi r_m^2 = \pi \left[\lambda R \left(m+1 + \frac{1}{2}\right) \right] - \pi \left[\lambda R \left(m + \frac{1}{2}\right) \right]$$

$$= \pi \lambda R$$

در زیر حلقه‌های نیوتون (تا $m = 2$ تاریک) ترسیم شده است.

۸-۴ پرسشهای چندگزینه‌ای

۱- در بررسی تداخل امواج در آزمایش یانگ در دو شکافی :

(کنکور کارشناسی ارشد فلسفه علم دانشگاه آزاد اسلامی ۸۱)

۱- فاصله دو شکاف باید از قطر شکافها کوچکتر باشد.

۲- قطر هر شکاف نسبت به طول موج نور تابیده شده خیلی بزرگتر باشد.

۳- فاصله دو شکاف باید کوچکتر از طول موج نور باشد.

۴- فاصله دو شکاف قابل مقایسه با طول موج نور باشد.

۲- نور تک رنگ با طول موج ۶۰۰۰ آنگستروم به دو شکاف به عرض ۰/۱۵ میلی‌متر می‌تابد
توزیع شدت نور در نوارهای تداخلی در فاصله ۱/۵ متر دورتر دیده می‌شود فاصله اولین
ماکزیمم نسبت به نوار مرکزی برابر است با :

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۴)

۱- ۶ میلی‌متر ۲- ۱۲ میلی‌متر ۳- ۲۴ میلی‌متر ۴- ۳ میلی‌متر

۳- نور حاصل از لیزر هلیوم - نئون (با طول موج ۶۳۰ نانومتر) به یک جفت شکاف می‌تابد
در نقش تداخلی روی پرده‌ای به فاصله‌ای ۱/۵ متر از شکافها، فاصله دو نوار روشن ۱/۳۵
سانتی‌متر است فاصله شکافها از یکدیگر چقدر است ؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۶)

۱- ۰/۰۰۷ سانتی‌متر ۲- ۰/۰۷ سانتی‌متر

۳- ۰/۷ سانتی‌متر ۴- ۰/۰۰۰۷ سانتی‌متر

۴- یک دستگاه دو شکافی با نور تکفام ۵۸۹۰ آنگستروم، روشن می‌شود فاصله زاویه‌های
نوارهای تداخلی ۰/۲ درجه است. برای کدام طول موج این فاصله ده درصد افزایش
می‌یابد ؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۵)

۱- ۶۵۰۰ آنگستروم ۲- ۵۴۰۰ آنگستروم ۳- ۷۳۰۰ آنگستروم ۴- ۶۸۰۰ آنگستروم

۵- به وسیله دستگاه آزمایش یانگ که در هوا قرار دارد نوارهای تداخلی را بر روی صفحه‌ای
تشکیل داده‌ایم و فاصله دو نوار روشن متوالی I می‌باشد اگر دستگاه را در مایعی به
ضریب شکست n فرو ببریم، فاصله دو نوار روشن متوالی برابر خواهد بود با :

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۷)

۱- nI ۲- $I(1 - \frac{1}{n})$ ۳- $\frac{I}{n}$ ۴- $\frac{I}{n} - I$

۶- در آزمایش دو شکاف یانگ، فاصله شکافها از هم 2 mm است و با طول موج $\lambda = 750 \text{ nm}$ و $\lambda' = 900 \text{ nm}$ روشن می‌شوند. اگر فاصله پرده تا شکافها 2 m باشد، در چه فاصله مینیممی از نوار روشن مرکزی یک نوار روشن تداخلی مربوط به یکی از طول موجها، بر روی نوار روشن مربوط به طول موج دیگر منطبق می‌شود؟

- ۱- $4/5 \times 10^{-3} \text{ mm}$ ۲- $3 \times 10^{-3} \text{ mm}$ ۳- $4/5 \text{ mm}$ ۴- 3 mm

۷- یکی از شکافهای یک دستگاه دو شکافی یانگ را به یک لایه نازک شیشه‌ای به ضریب شکست $n = 1/5$ می‌پوشانیم نوار پنجم روشن ($m = 5$) به مرکز پرده منتقل می‌شود. اگر طول موج $\lambda = 5 \times 10^{-4} \text{ mm}$ باشد، ضخامت لایه شیشه‌ای برابر چند mm است؟

(کنکور کارشناسی ارشد عمران ۷۶)

- ۱- 1×10^{-3} ۲- $1/6 \times 10^{-3}$ ۳- 5×10^{-3} ۴- 16×10^{-3}

۸- روی شیشه‌ای لایه‌ای از یک ماده شفاف با ضریب شکست $1/25$ به چه ضخامت قرار دهیم تا نور با طول موج 6000 آنگسترومی که به آن عمود می‌تابد بازتاب ندهد؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۶)

- ۱- 120 A ۲- 120 nm ۳- 1200 nm ۴- 120 nm

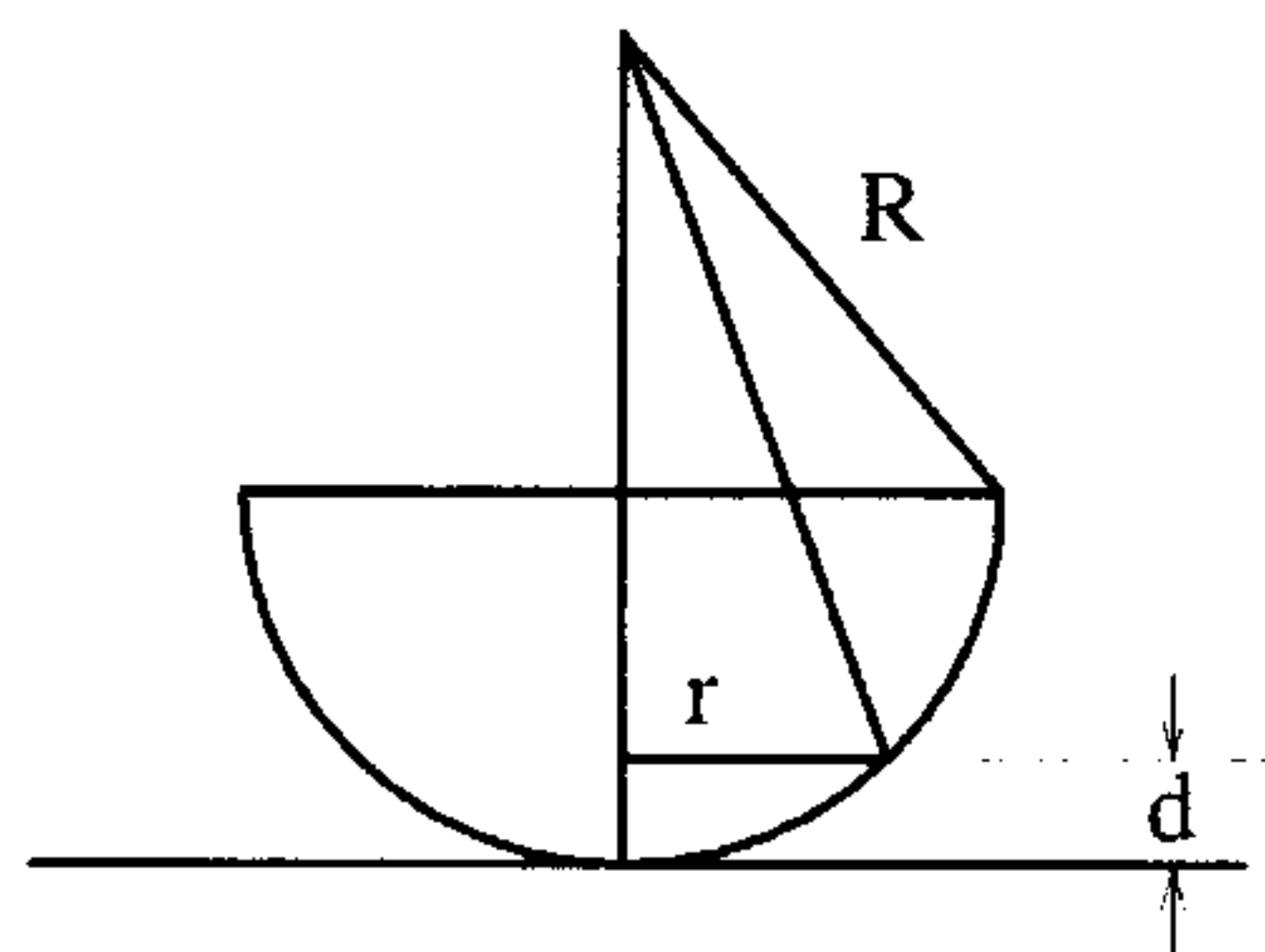
۹- نوری با طول موج 630 نانومتر به طور عمودی بر روی لایه‌ای به شکل گوه با ضریب شکست $1/5$ می‌تابد در طول این لایه 10 نوار روشن و 9 نوار تاریک تشکیل می‌شود. اختلاف ضخامت دو انتهای لایه چقدر است؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۵)

- ۱- $3/11$ میکرومتر ۲- $2/46$ میکرومتر ۳- $1/89$ میکرومتر ۴- $0/77$ میکرومتر

۱۰- حلقه‌های نیوتونی توسط عدسی محدب - سطح واقع بر روی سطح تخته شیشه (مطابق شکل زیر) تشکیل می‌گردد اگر شعاع عدسی، m مرتبه و λ طول موج نور برخوردی باشد شعاع حلقه‌های تداخلی تاریک از چه رابطه‌ای به دست می‌آید؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۸ و GRE)



۱- $\sqrt{(m+1)\lambda R}$

۲- $\sqrt{(m\lambda)/R}$

۳- $\sqrt{m\lambda R}$

۴- $\sqrt{m\lambda/R}$

۱۱- حلقه‌های نیوتون با نوری به طول موج ۴۰۰ نانومتر تشکیل می‌شوند. تغییر ضخامت لایه هوا در میان سومین و ششمین نوار روشن چند نانومتر است؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۸۱)

- ۱- ۲۰۰ ۲- ۳۰۰ ۳- ۶۰۰ ۴- ۴۰۰

۱۲- تداخل سنج مایکلس را با نوری به طول موج ۵۸۹۰ آنگستروم روشن کرده و تیغه نازکی که ضریب شکست آن برای این طول موج $1/4$ می‌باشد در یکی از راههای نوری تداخل سنج وارد می‌کنیم و مشاهده می‌نماییم که ۷ نوار تداخلی از میدان دید می‌گذرند ضخامت تیغه را به دست آورید؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۷)

- ۱- ۱۱/۵۸ میکرون ۲- ۹/۱۱ میکرون ۳- ۷/۹۱ میکرون ۴- ۵/۱۵ میکرون

۱۳- در آزمایش دو شکاف یانگ که فاصله دو شکاف برابر 0.1 mm است، چنان چه صفحه در فاصله $L = 2 \text{ m}$ قرار داشته باشد اولین روشنایی بیشینه در فاصله $y = 1 \text{ cm}$ از روشنایی بیشینه مرکزی واقع می‌شود طول موج نور تابیده شده را به دست آورید؟

(کنکور کارشناسی ارشد GRE)

- ۱- 4000 \AA ۲- 8000 \AA ۳- 10000 \AA ۴- 5000 \AA
۵- $5 \times 10^{-7} \text{ \AA}$

۴-۹ پاسخهای تشریحی

(۴-۱)

$$\lambda = 6000 \text{ \AA} \quad \text{و} \quad d = 1/5 \text{ mm} \quad \text{و} \quad D = 1/5 \text{ m} \quad (1-2)$$

$$y_m = \frac{m\lambda D}{d}, \quad y_1 = \frac{(1)(6000 \times 10^{-10})(1/5)}{1/5 \times 10^{-2}} = 6000 \times 10^{-6} \text{ m} = 6 \times 10^{-2} \text{ m} = 6 \text{ mm}$$

$$\lambda = \frac{yd}{mD} \quad \text{رابطه طول موج در نقش تداخلی دو شکاف} \quad (1-3)$$

$$= 7 \times 10^{-5} \text{ (m)} = 0.007 \text{ (cm)}$$

$$D = \text{فاصله پرده از شکافها} \quad d = \frac{\lambda m D}{d} = \frac{630 \times 10^{-9} \times 1 \times 1/5}{1/35 \times 10^{-2}}$$

y : فاصله نوار روشن m ام از نوار روشن وسطی :

d : فاصله شکافها از یکدیگر :

$$\theta = 0.2^\circ = 0.00348 \text{ rad} \quad \theta = \frac{m\lambda}{d} \quad (1-4)$$

$$\lambda = 5890 \text{ \AA} \quad \text{و} \quad \theta' = \theta + 0.1 \theta$$

$$\theta = 0.22^\circ = 0.003838 \text{ rad} \quad \sin \theta' = \frac{\lambda'}{d} \Rightarrow \frac{\theta}{\theta'} = \frac{\lambda}{\lambda'} \Rightarrow \frac{0.00348}{0.003838} = \frac{5890}{\lambda'}$$

$$\lambda' = 6500 \text{ \AA}$$

$$y = \frac{m\lambda D}{d} \quad (3-5)$$

$$\Delta y = \frac{\lambda D}{d} = I \quad \text{دو نوار روشن متوالی}$$

$$\text{در محیطی با ضریب شکست } n \quad \lambda_n = \frac{\lambda}{n} \Rightarrow \Delta y = \frac{\lambda_n D}{d} = \frac{\lambda D}{nd} = \frac{I}{n}$$

$$d = 2 \text{ mm} = 2 \times 10^{-3} \text{ m} \quad \text{فاصله شکافها} \quad (3-6)$$

$$D = 2 \text{ m} \quad \text{فاصله پرده تا شکافها}$$

$$y_k = \frac{k\lambda D}{d} \quad \text{مکان نوار روشن } k \text{ ام}$$

اگر نوار k ام مربوط به طول موج λ روی نوار k' از طول موج λ' بیافتد.

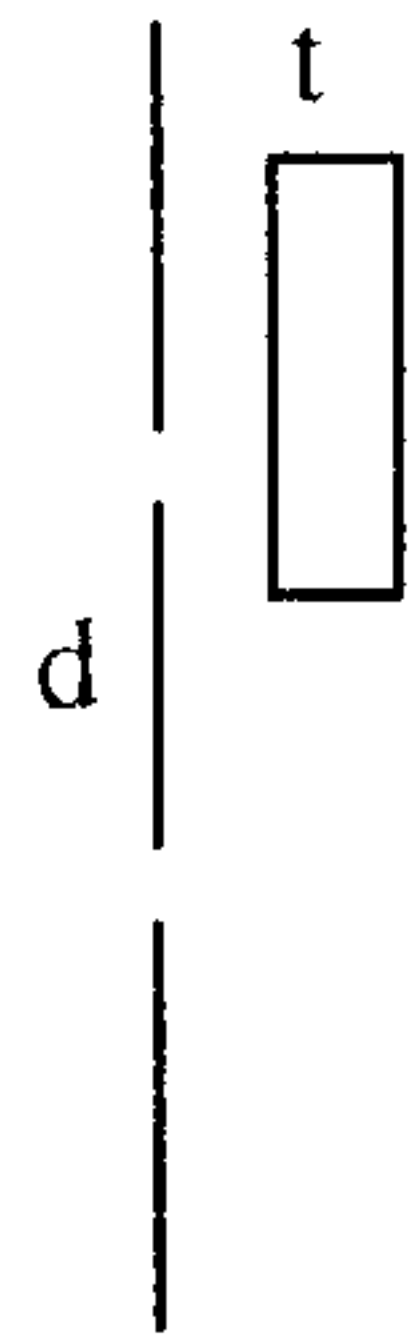
$$\frac{k\lambda D}{d} = \frac{k'\lambda' D}{d} \Rightarrow \frac{k}{k'} = \frac{\lambda}{\lambda'} = \frac{900 \text{ nm}}{750 \text{ nm}} = 1/2$$

$$\Rightarrow \frac{k}{k'} = 1/2 = \frac{6}{5} = \frac{12}{10}, \dots$$

بنابراین دو نوار اولی که بر هم منطبق می‌شوند $k = 6$ و $k' = 5$ است و سپس نوارهای $k = 12$ و

$k' = 10$...

$$y_k = \frac{k\lambda D}{d} = \frac{6(750 \times 10^{-9} \text{ m})(2 \text{ m})}{2 \times 10^{-2} \text{ m}} = 45 \times 10^{-7} \text{ m} = 4/5 \times 10^{-7} \text{ m} = 4/5 \text{ mm}$$



$$d \sin \theta = \Delta \lambda \quad (3-7)$$

در حضور تیغه در حالی که نور آمده از شکاف پایین مسیر t (به اندازه ضخامت تیغه) را در هوا $n = 1$ طی می کند نور آمده از شکاف بالا مسیر t را در محیطی با ضریب شکست n طی می کند.

$$(d \sin \theta + t \times 1) - tn = 0 \cdot \lambda \Rightarrow \Delta \lambda + t - tn = 0$$

$$\Rightarrow t = \frac{\Delta \lambda}{n-1} = \frac{5(5 \times 10^{-7} \text{ mm})}{1/5-1} = 5 \times 10^{-7} \text{ mm}$$

(۲-۸) چون $n_1 < n_2 < n_3$ برای شرط نوار تاریک داریم :

$$2n_2 d = (m + \frac{1}{4})\lambda \quad m = 0 \text{ و } 1 \text{ و } 2 \text{ و } \dots$$

ضریب شکست ماده شفاف : n_2

برای حداقل ضخامت ناحیه شفاف $m = 0$

$$d = \frac{\lambda}{4n_2} = \frac{6000 \text{ (Å)}}{4 \times 1/25} = 1200 \text{ (Å)} = 120 \text{ (nm)}$$

(۳-۹)

$$x_1 < x_2 < x_3$$

$$\lambda = 630 \text{ nm}$$

$$n = 1/5$$

$$\theta = 90^\circ$$

$$\cos \theta = 1$$

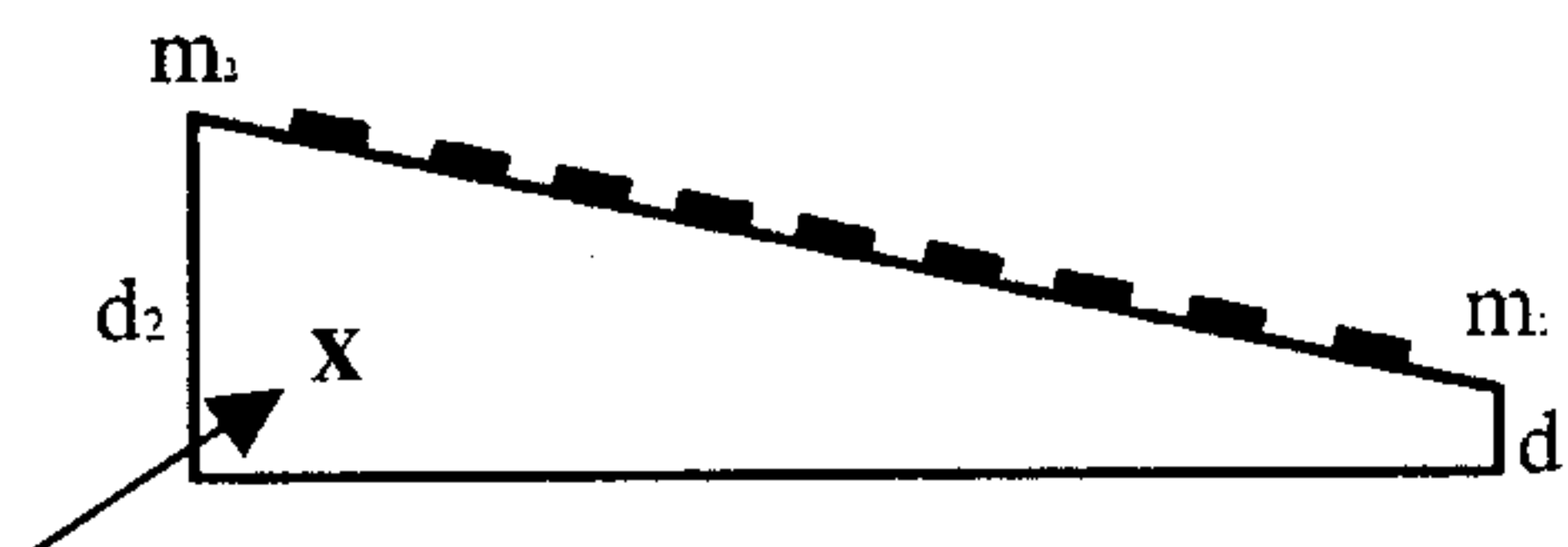
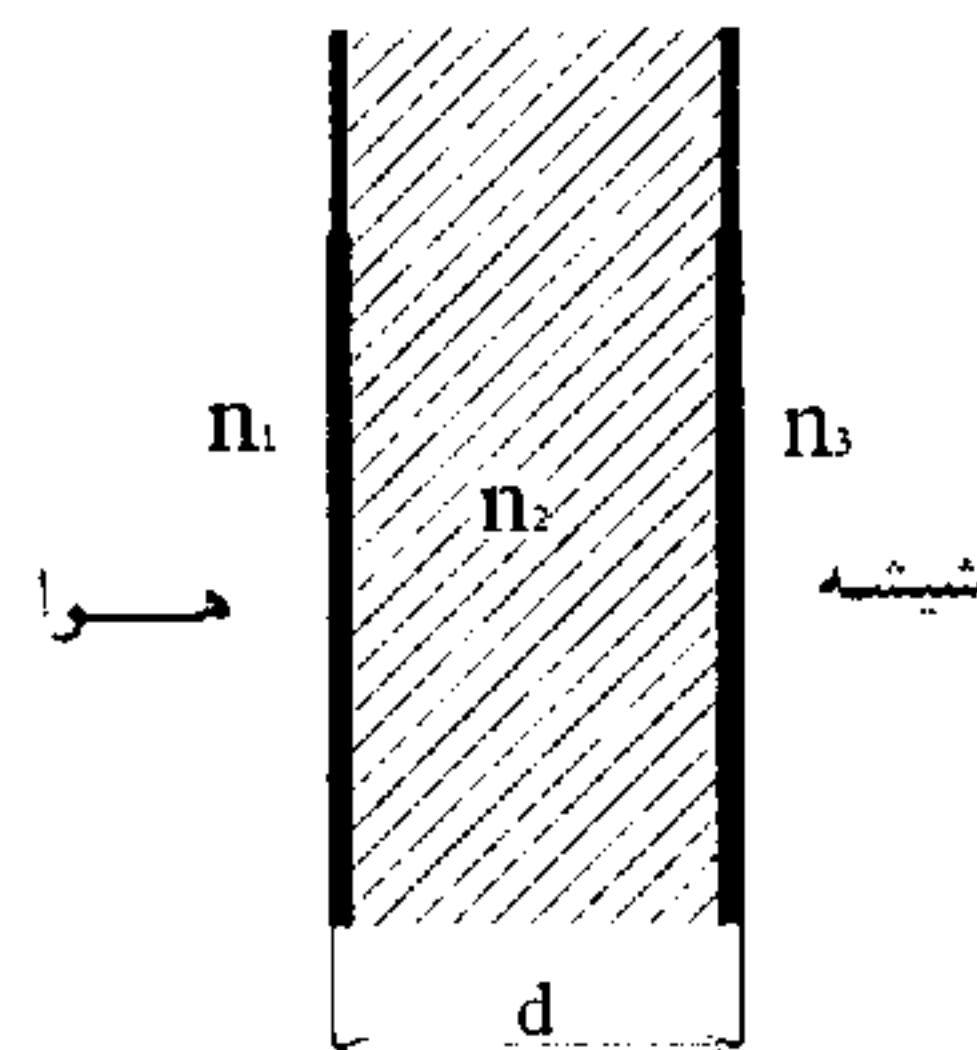
$$d = ?$$

ده نوار روشن و ۹ نوار تاریک داریم اگر m_1 شماره اولین و m_2 شماره آخرین نوار روشن باشد $m_2 - m_1 = 9$ (مثلاً $m_1 = 1$ و $m_2 = 10$) چون لایه با ضریب شکست $n = 1/5$ بین دو محیط با $n = 1$ قرار دارد.

$$\text{شرط نوار روشن : } 2nd = (m + \frac{1}{4})\lambda$$

$$\Rightarrow 2n(d_2 - d_1) = (m_2 - m_1)\lambda \Rightarrow d_2 - d_1 = \frac{9\lambda}{2n} = \frac{9(630)}{2(1/5)}$$

$$= 1890 \text{ nm} = 1/89 \mu \text{ m}$$



$$d \equiv \frac{r^2}{2R}$$

۱۰-۳) همان گونه که در خلاصه مطالب درس آمد

با توجه به آنکه لایه هوا با ضریب شکست ۱ بین دو محیط با ضریب شکست n قرار دارد برای شرط نوار تاریک داریم:

$$2nd = m\lambda \Rightarrow 2(1) \frac{r^2}{2R} = m\lambda \Rightarrow r = \sqrt{m\lambda R}$$

$$2nd = (m + \frac{1}{2})\lambda \quad \text{شرط نوار روشن} \quad (3-11)$$

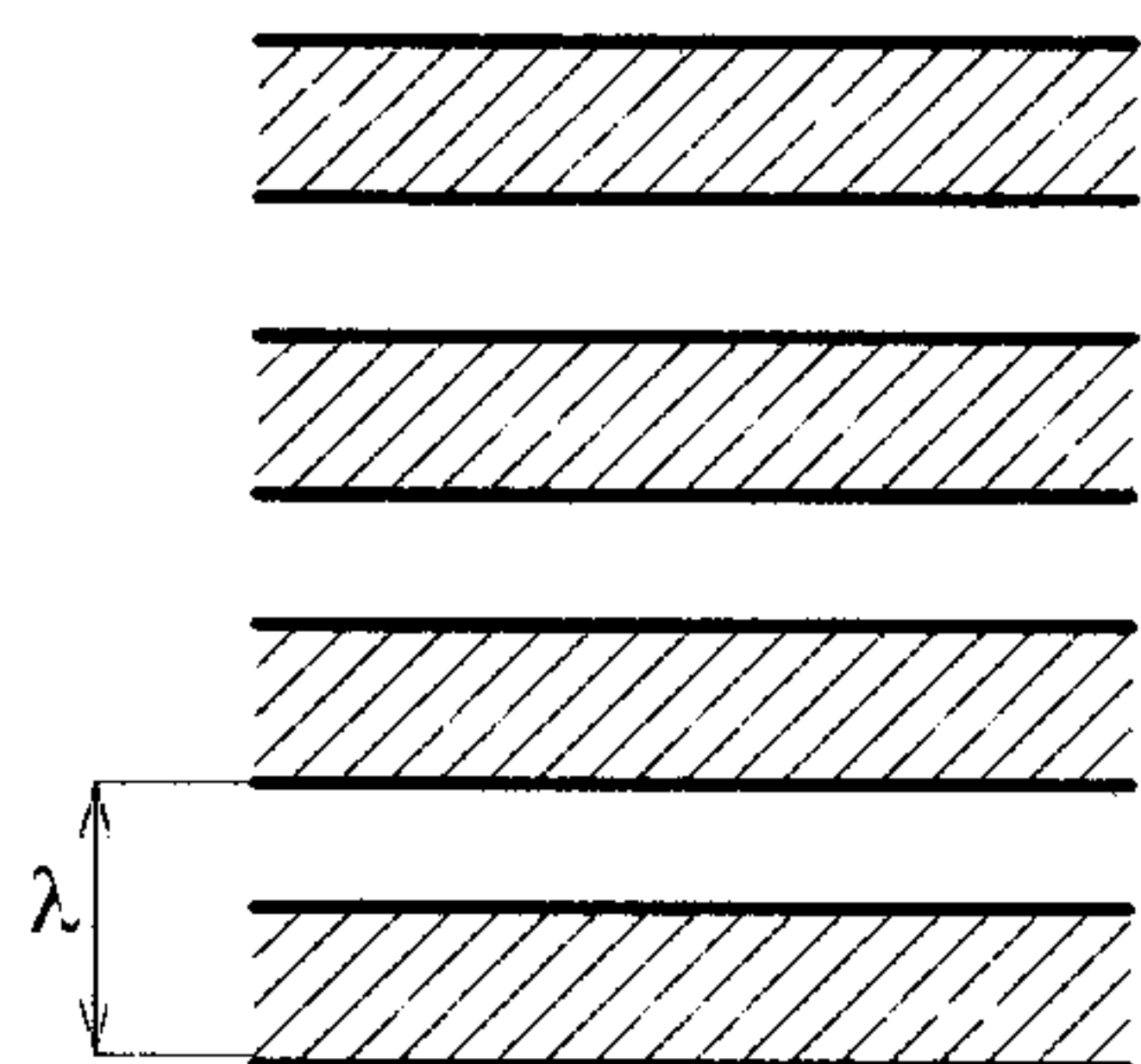
$$2(1)(d_6 - d_7) = (6 - 3)\lambda$$

$$\Rightarrow d_6 - d_7 = \frac{3\lambda}{2} = \frac{3(400 \text{ nm})}{2} = 600 \text{ nm}$$

۱۲-۴) هر نوار تداخلی (تاریک یا روشن) معادل $\frac{\lambda}{2}$ است بنابراین وقتی هفت نوار تداخلی از

میدان دید عبور می کند در واقع اندازه طول طی شده برابر $\frac{3}{5}\lambda$

خواهد شد.



$$e = ?$$

$$n = 1/4$$

$$\lambda = 5890 \text{ \AA}$$

$$e(n - 1) = k\lambda \Rightarrow e(1/4 - 1) = 3/5 \times 5890$$

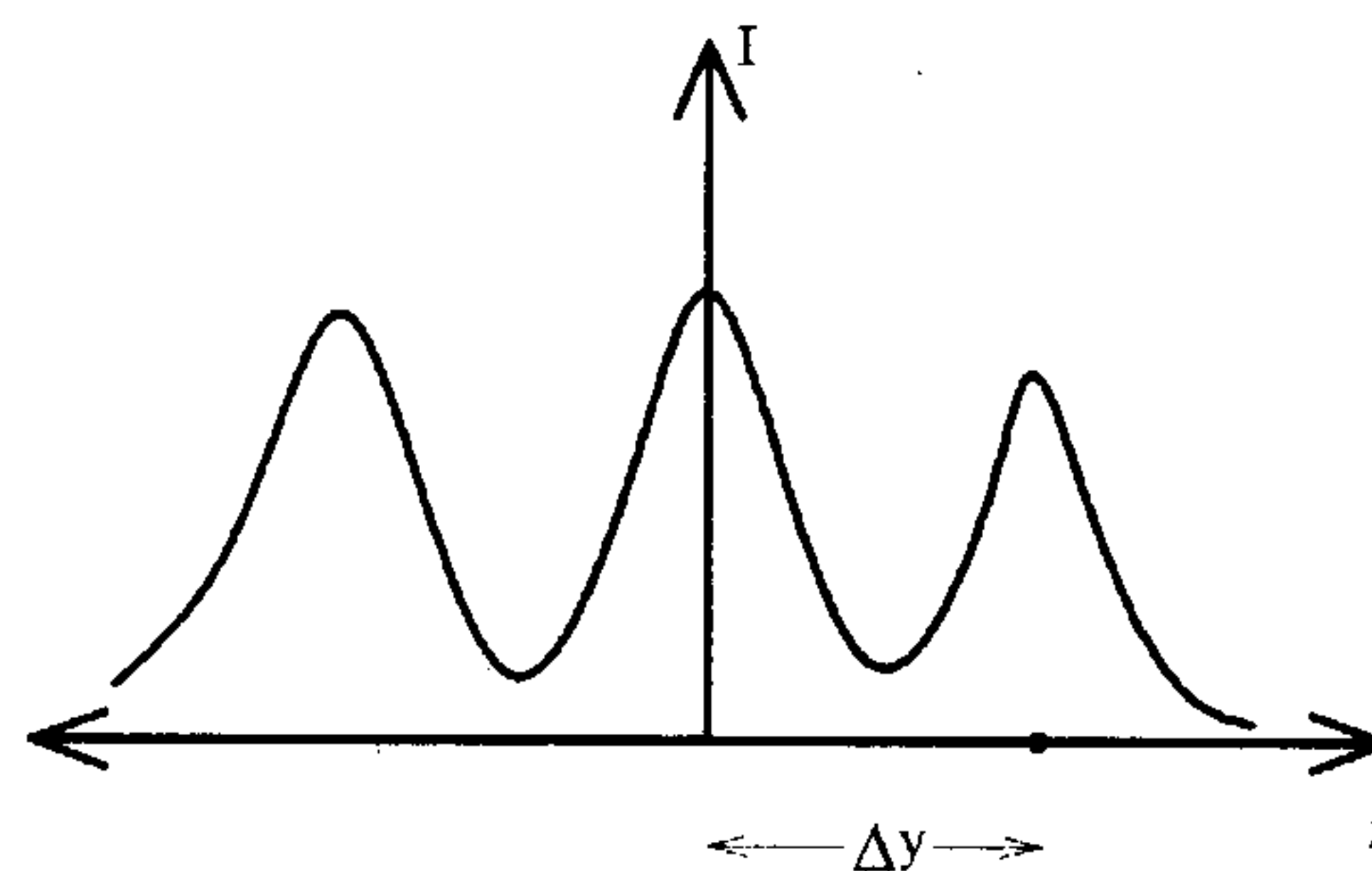
$$e = 515375 \text{ \AA} \quad e = 5/15 \text{ میکرون}$$

$$\Delta y = L \sin \theta \quad \text{فاصله دو ماکزیمم}$$

(۴-۱۳)

$$d \sin \theta = \lambda \quad \Delta y = L \frac{\lambda}{d}$$

$$\lambda = \frac{d}{L} \Delta y = \frac{10^{-4}}{2} 10^{-2} = 0.5 \times 10^{-6} \text{ m} = 5000 \text{ \AA}$$



فصل پنجم

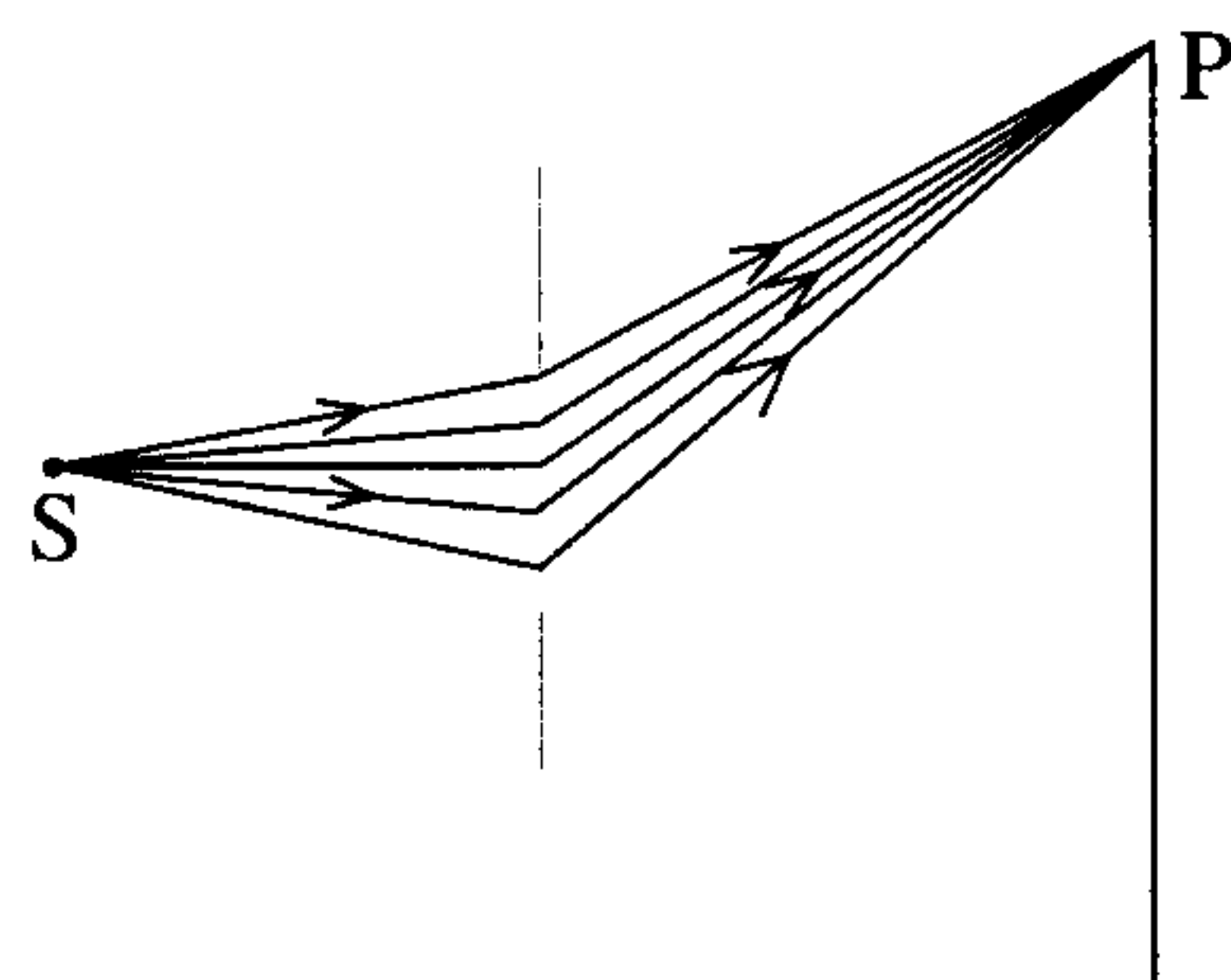
پراش

۱-۵ مقدمه

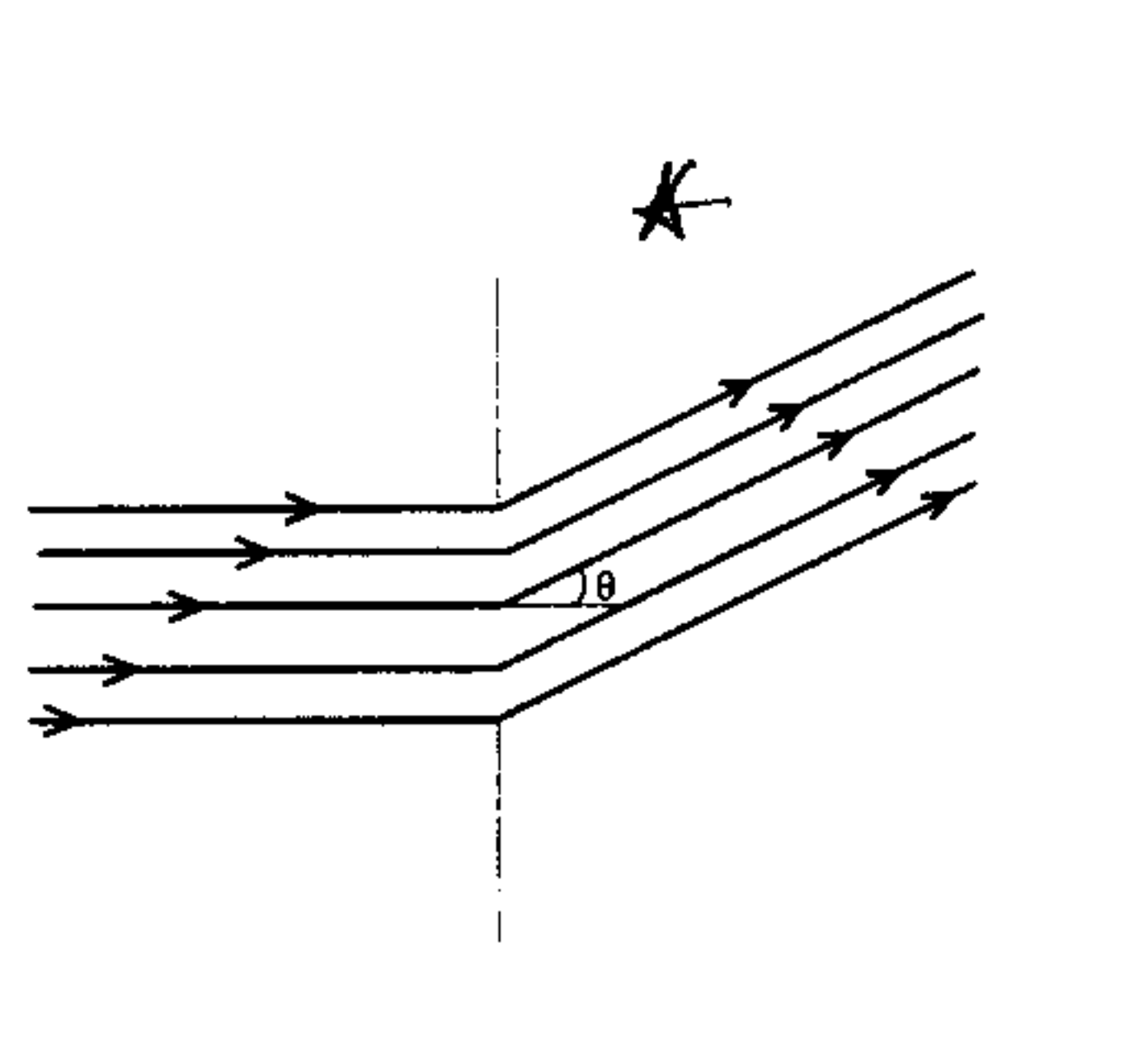
پراش عبارت است از خم شدن نور دور مانعی مثل لبه یک شکاف. اگر از لای شکاف میان دو انگشت به چشمه نسبتاً دوری نگاه کنیم و یا از پشت چتر پارچه‌ای به چراغهای روشن خیابان نگاه کنیم، پدیده پراش را می‌بینیم. اگر چه هویگنس به نظریه موجی معتقد بود ولی پراش را باور نمی‌کرد ولی فرنل با درست از اصل هویگنس پدیده پراش را توضیح داد.

پراش فرنل : در پراش فرنل، چشمه نور و پرده‌ای که نقش پراش بر روی آن می‌افتد، در فاصله متناهی از روزنه پراش قرار دارد. (پیرلو غیر مستقیم)

پراش فرانیهوفر : در این پراش چشمه نور و پرده‌ای که نقش پراش بر روی آن می‌افتد در فاصله دوری از روزنه پراش می‌باشند. (پیرلو مستقیم)



(پراش فرنل)

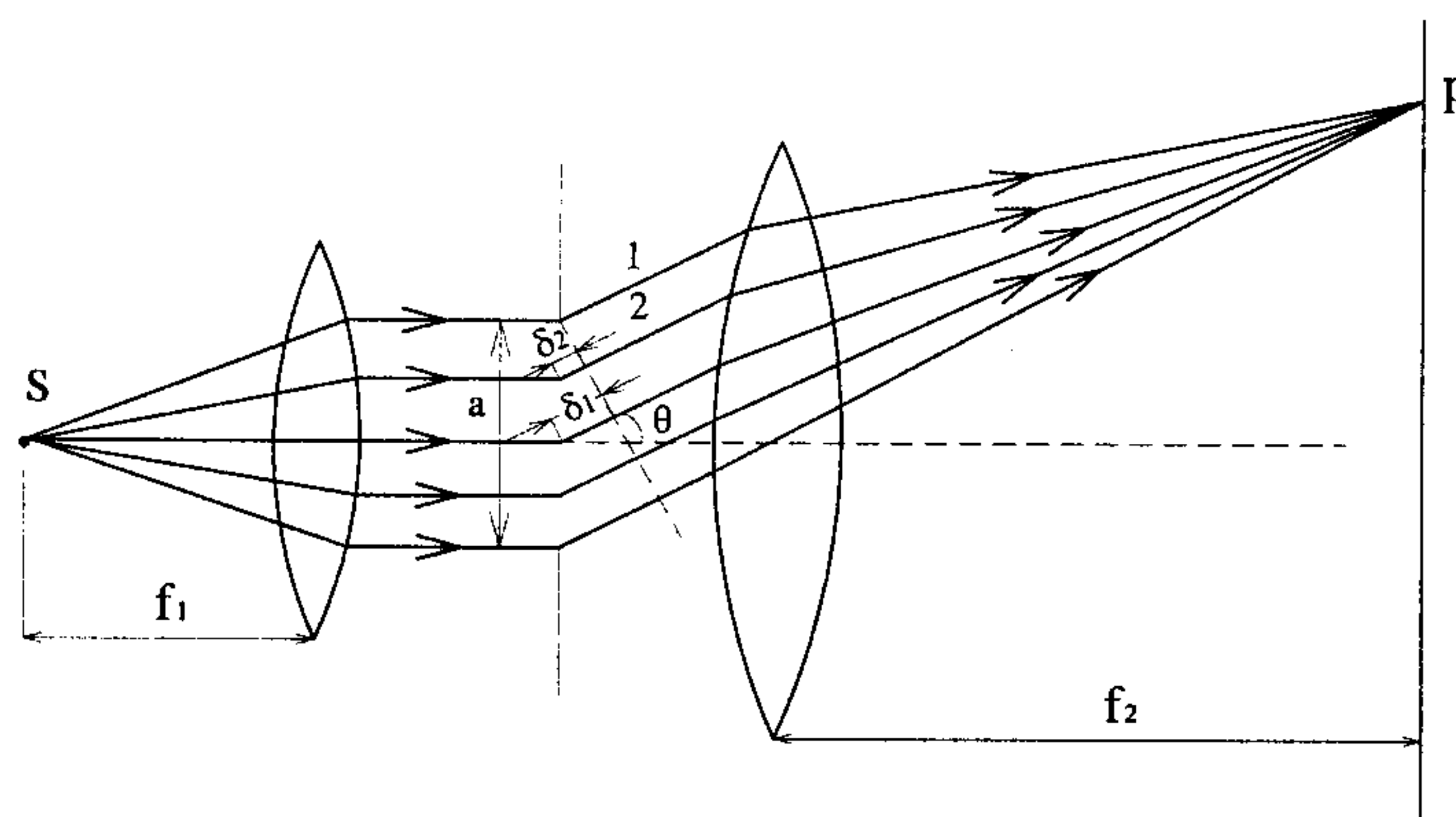


(پراش فرانیهوفر)

پراش فرانیهوفر حالت حدی پراش فرنل است. در اینجا تنها به پراش فرانیهوفر که ساده‌تر است پرداخته می‌شود. برای به وجود آوردن شرایط پراش فرانیهوفر از عدسیها استفاده می‌کنیم و در نتیجه نقاطه S و P در نزدیکی روزنه باقی می‌مانند. در بررسی پراش ناشی از شکاف این موضوع را خواهیم دید.

۲-۵ تک شکاف

پراش حاصل از یک شکاف به پهنای a را بررسی می‌کنیم.



اگر نقطه p اولین مینیمم باشد اختلاف راه برابر $\frac{\lambda}{2}$ است. مثلاً برای پرتوهای ۱ و ۲ داریم

$$\delta_1 = \frac{a}{2} \sin \theta \text{ و}$$

$$\frac{a}{2} \sin \theta = \frac{\lambda}{2} \Rightarrow a \sin \theta = \lambda$$

و یا برای پرتوهای ۱ و ۳ داریم $\delta_2 = \frac{a}{4} \sin \theta$

$$\frac{a}{4} \sin \theta = \frac{\lambda}{2} \Rightarrow a \sin \theta = \lambda$$

بنابراین به طور کلی برای مینیممهای نقش پراش تک شکافی داریم:

$$a \sin \theta = m \lambda$$

$$m = 1 \text{ و } 2 \text{ و } 3 \text{ و } \dots$$

تقریباً در میان هر دو مینیمم یک ماکزیمم وجود دارد به عنوان مثال برای اولین ماکزیمم داریم $1/5$ *

m (البته با احتساب ماکزیمم مرکزی، در مرکز اختلاف راه برابر صفر و تداخل سازنده داریم).

دامنه و شدت پراش حاصل از تک شکاف از معادلات زیر به دست می‌آید. E_m دامنه در مرکز

پراش و I_m شدت در مرکز پراش است.

$$E_\theta = E_m \frac{\sin \alpha}{\alpha}, \quad I_\theta = I_m \left(\frac{\sin \alpha}{\alpha} \right)^2$$

که $\alpha = \frac{\phi}{2} = \frac{\pi a}{\lambda} \sin \theta$ است که ϕ اختلاف فاز میان پرتوهای ناشی از بالا و پایین شکاف است.

$$\text{اختلاف فاز} = \frac{2\pi}{\lambda} (\text{اختلاف راه}) = \frac{2\pi}{\lambda} a \sin \theta$$

در مینیممها داریم:

$$I = 0 \Rightarrow \alpha = m\pi \Rightarrow \frac{\pi a}{\lambda} \sin \theta = m\pi \Rightarrow a \sin \theta = m\lambda$$

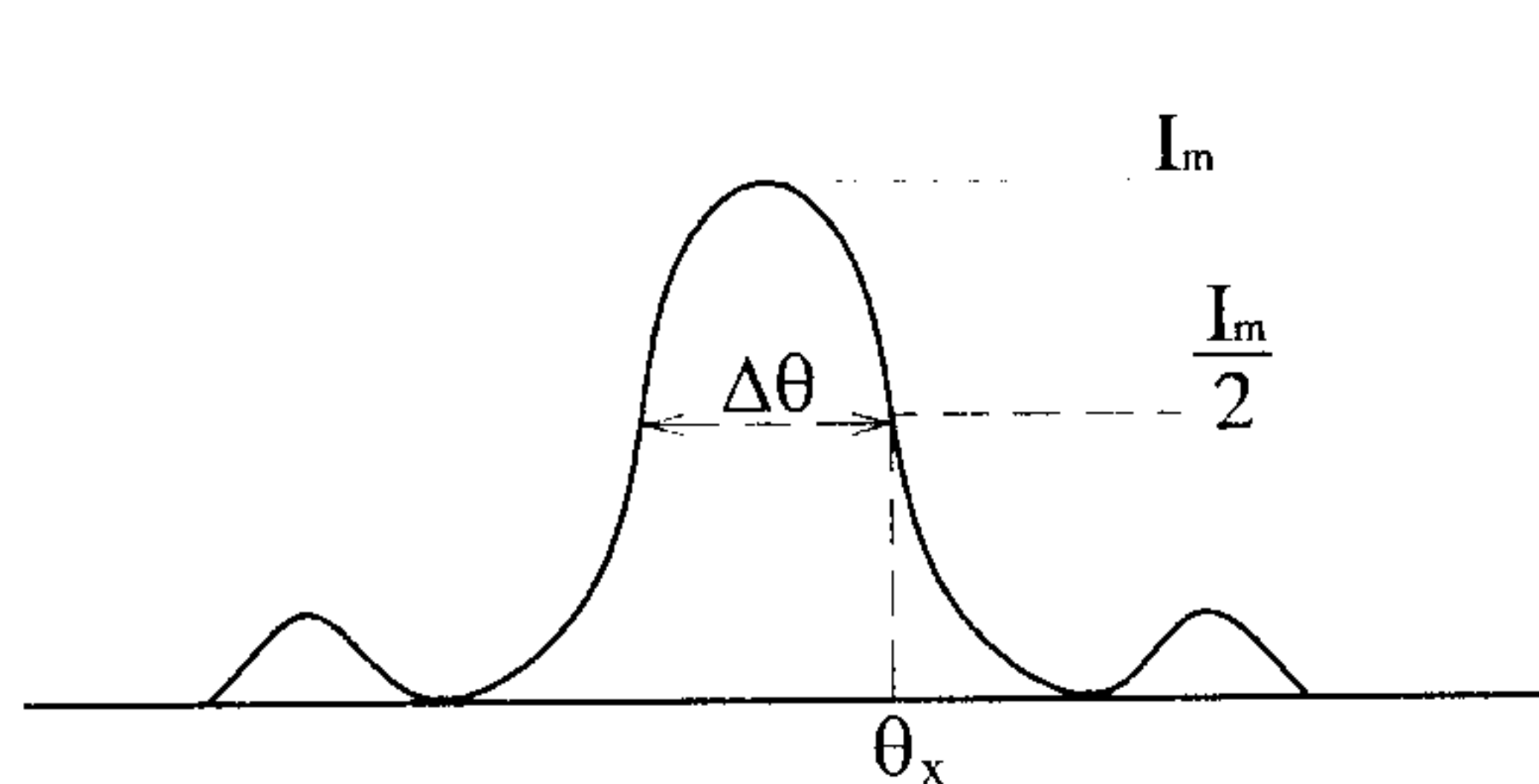
نکته

۱- در مورد ماکزیممهای ثانوی، با توجه به آنکه تقریباً در وسط مینیممها قرار می‌گیرند داریم:

$$\alpha \cong (m + \frac{1}{2})\pi \Rightarrow I_{\theta} = I_m \left[\frac{\sin(m + \frac{1}{2})\pi}{(m + \frac{1}{2})\pi} \right]^2 = \frac{I_m}{(m + \frac{1}{2})^2 \pi^2}$$

۲- پهنای ماکزیمم مرکزی پراش

نیم پهنای عبارت است از زاویه میان دو نقطه‌ای (در نقش پراش) که شدت در آنها نصف شدت در مرکز نقش است.



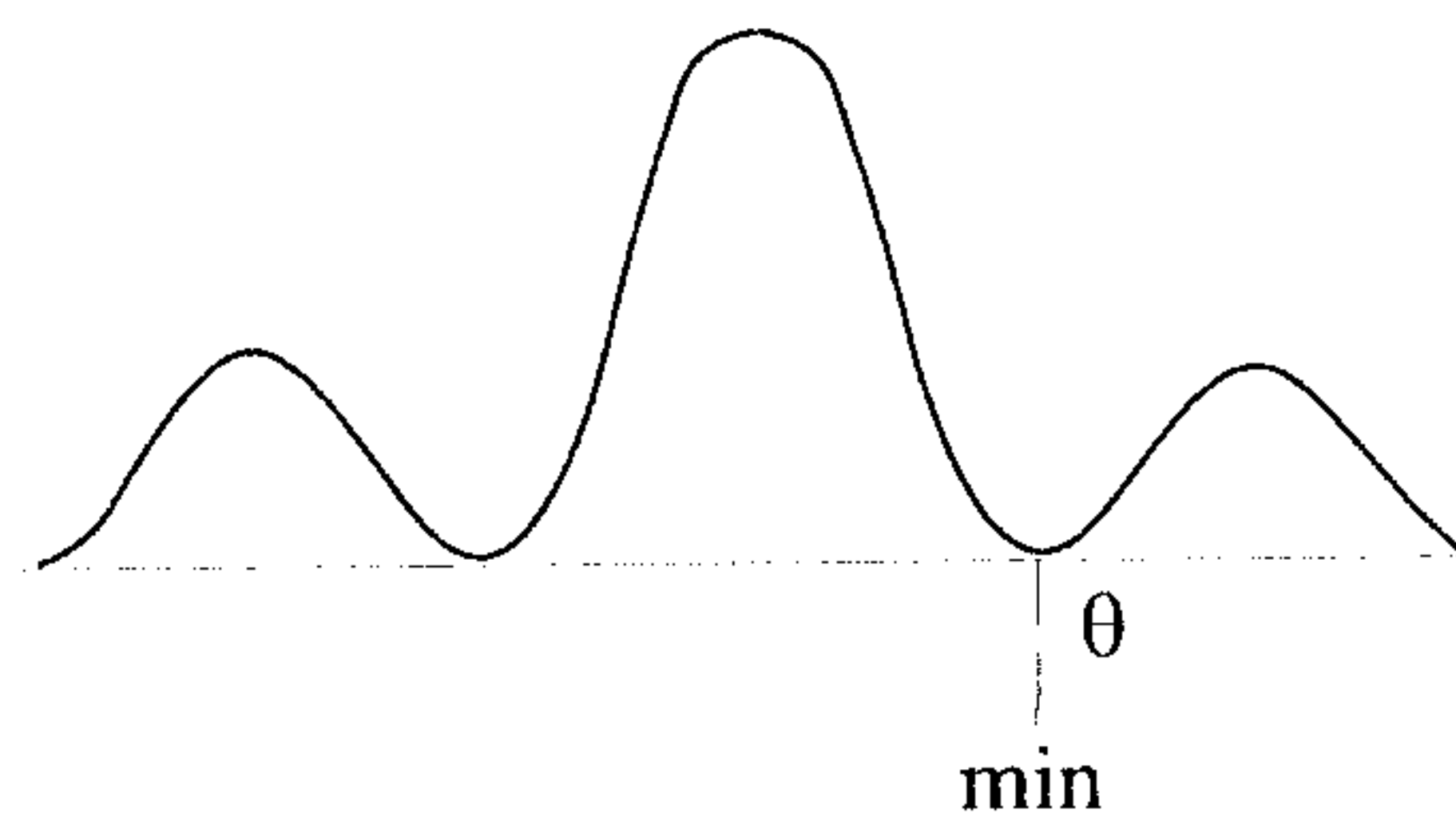
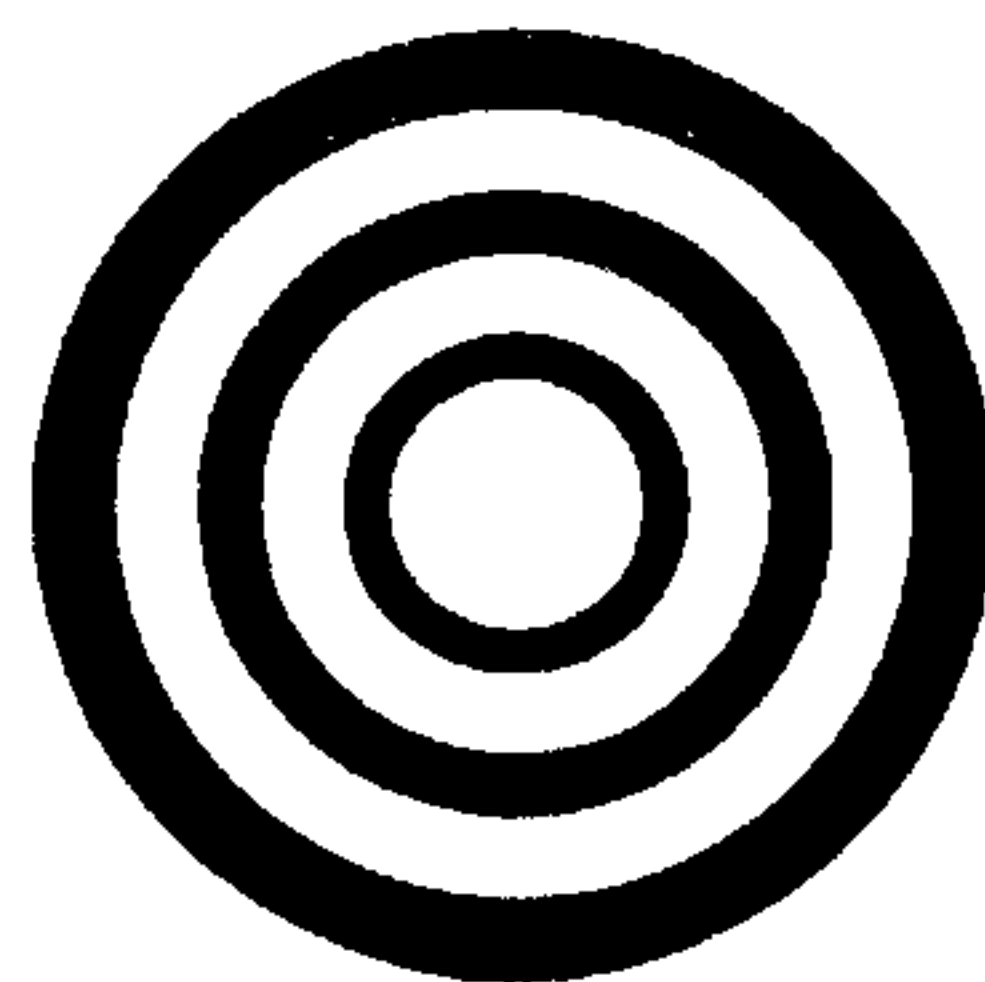
$$\frac{1}{2} \left(\frac{\sin \alpha_x}{\alpha_x} \right)^2 \Rightarrow \alpha \approx 1/4 \text{ rad} = 8.0^\circ$$

با توجه به رابطه $\alpha = \frac{\pi a}{\lambda} \sin \theta_x = 1/4$ و

با داشتن $\frac{a}{\lambda}$ می‌توان $\Delta \theta_x = 2 \theta_x$ را به دست آورد.

۳- ۵ پراش در روزنه گرد

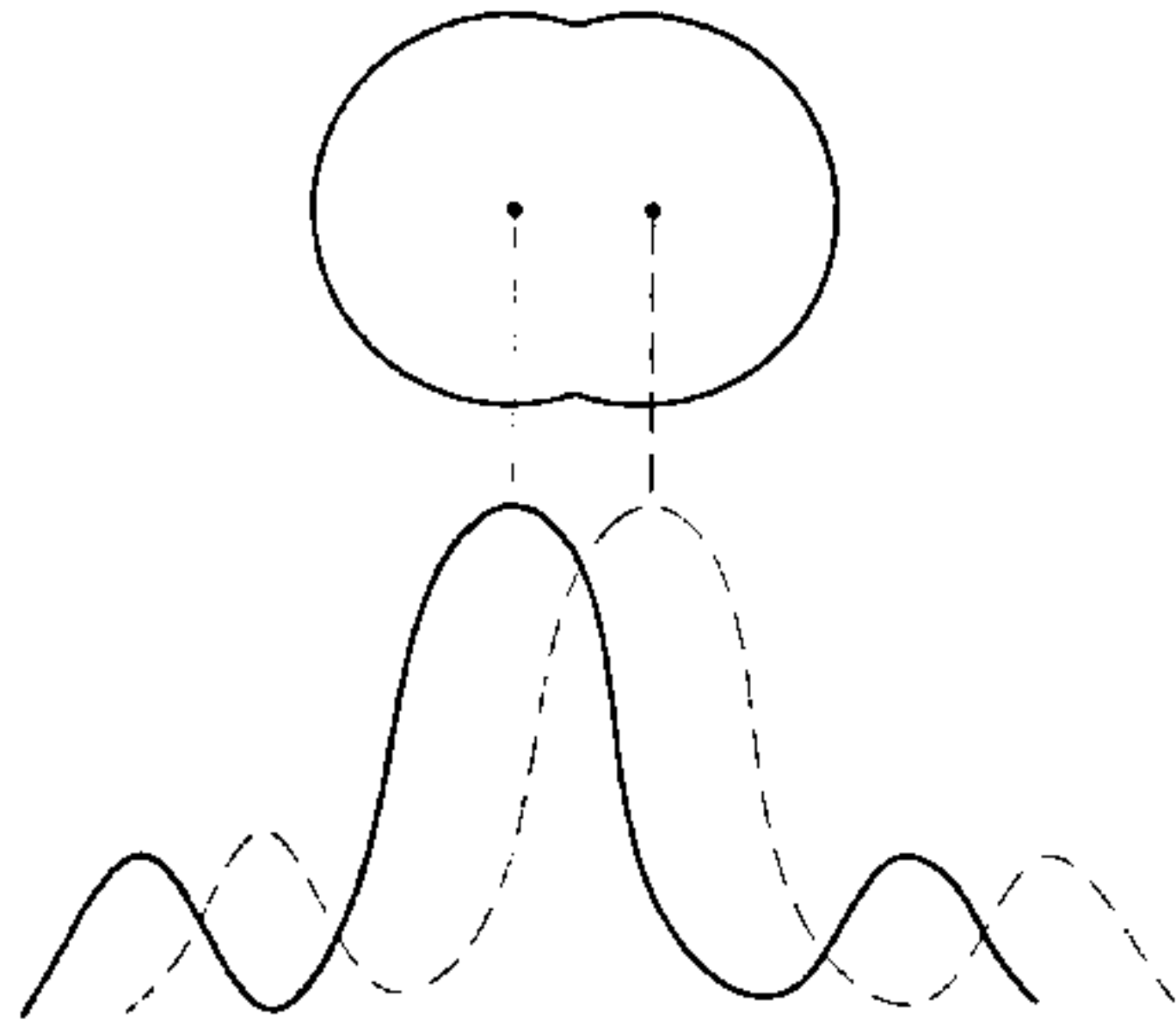
پراش از یک روزنه گرد به قطر d را در نظر می‌گیریم. این روزنه می‌تواند لبه‌های یک عدسی باشد (قبلاً در بررسی عدسیها فقط نور هندسی را بررسی کرده‌ایم و اثرات ناشی از پراش را در نظر نگرفتیم). اگر تصویر یک چشمه نور دور دست را بر فیلم عکاسی مشاهده کنیم خواهیم دید که تنها یک نقطه نورانی نداریم بلکه تصویر به جای یک نقطه نورانی به صورت یک قرص روشن با حلقه‌های روشن ثانویه است که هر چه از مرکز دورتر شویم ضعیف‌تر می‌شوند. در شکل زیر چند حلقه اولیه ترسیم شده است.



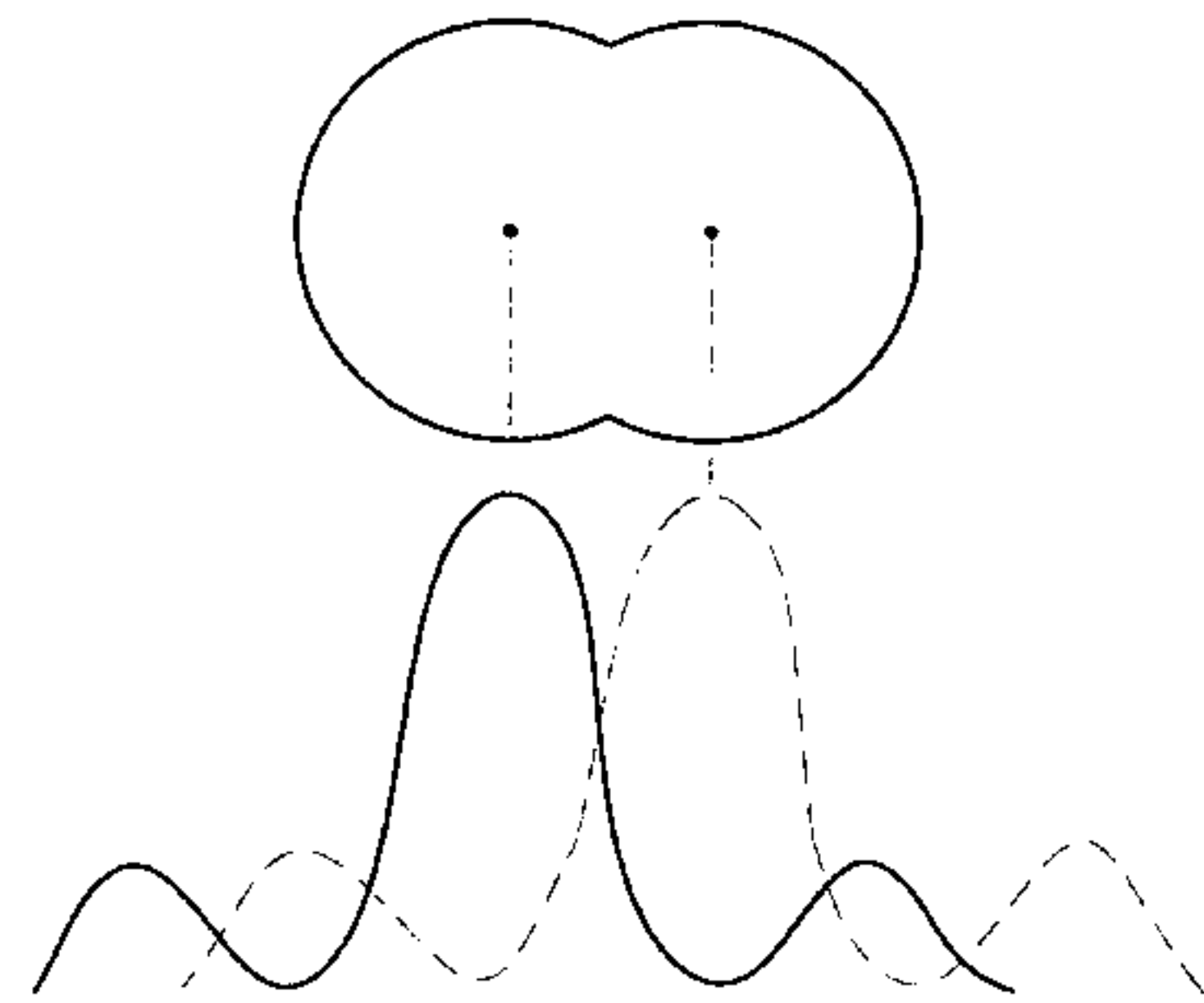
$$\sin \theta = \frac{1}{22} \frac{\lambda}{d} \quad \text{فاصله روزنه} \rightarrow$$

معیار تفکیک

فرض کنید تصویر دو شیء دور دست (مثلاً دو ستاره) یک عدسی تشکیل شده است. اگر دو قرص مرکزی بسیار به هم نزدیک باشند، این دو تصویر از هم قابل تشخیص نخواهد بود.



مرکز دو قرص روشن مرکزی آنقدر به هم نزدیکند که از یکدیگر قابل تشخیص نیستند.



اما اگر فاصله دو قرص، حداقل به اندازه‌ای باشد که قله مرکزی یکی بر روی مینیمم دیگری بیافتد (مرکز هر قرص روی لبه قرص دیگر)، دو قرص از یکدیگر قابل تشخیص‌اند.

این فاصله برابر است با θ مربوط به اولین نوار تاریک :

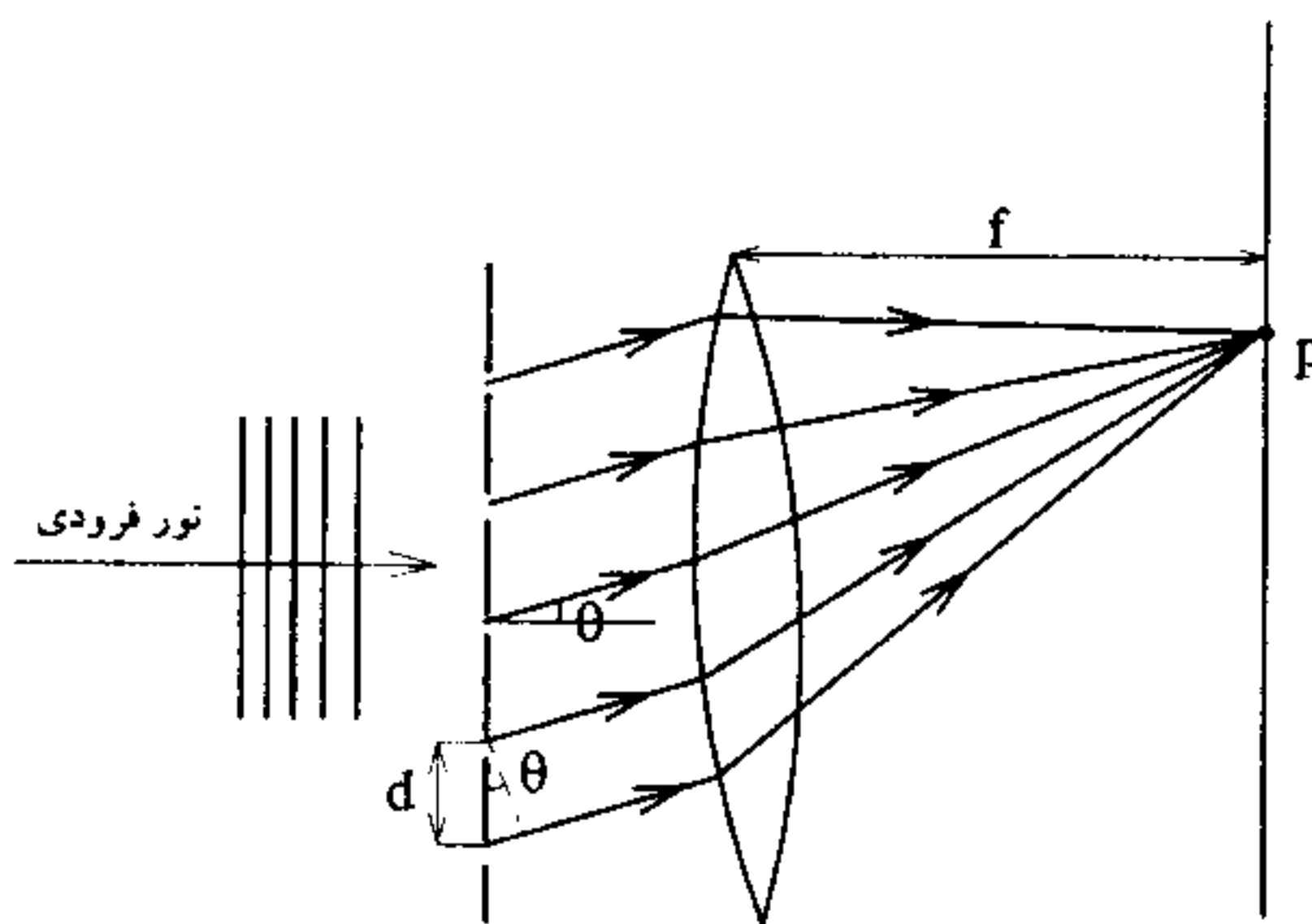
$$\theta_R = \sin^{-1} \frac{1/22 \lambda}{d}$$

$f \theta_R$ = فاصله میان مرکز نقشهای پراش در صفحه کانونی عدسی

۴-۵ چند شکافیها

اگر آزمایش ینگ را تعمیم داده و تعداد شکافیها را به عدد بزرگ N برسانیم، یک توری پراش

داریم.



$$d \sin \theta = m \lambda : \text{برای ماکزیممهای اصلی}$$

اگر $\Delta \theta_0$ متناظر با وضعیت شدت صفر

در هر طرف ماکزیمم اصلی مرکزی

$$\sin(\Delta \theta_0) = \frac{\lambda}{Nd}$$

$$\Delta\theta_0 = \frac{\lambda}{Nd}$$

نیم پهناي زاويه ماكزيمم اصلي مركزي

كميت $\frac{d\theta}{d\lambda}$ كه پاشندگي نوري (D) ناميده مي شود، معياري براي جدائي زاويه اي ميان دو موج فرودي تكفام است كه با هم اختلاف كوچكي دارند.

$$D = \frac{d\theta}{d\lambda} = \frac{m}{d \cos \theta}$$

به عبارتي، جدائي زاويه اي دو ماكزيمم اصلي كه اختلاف طول موجهايشان $\Delta\lambda$ باشد، عبارت است از :

$$\Delta\theta = \frac{m\Delta\lambda}{d \cos \theta}$$

توان تفكيك توريها

براي آنكه امواج نوري كه طول موجهايشان به هم نزديك است از همديگر قابل تشخيص باشند بايد ماكزيممهاي اين طول موجها كه به وسيله توري تشكيل مي شوند، تا حد امكان باريك باشند، به عبارتي توان تفكيك (R) بايد زياد باشد.

$$R = \frac{\lambda}{\Delta\lambda}$$

توان تفكيك

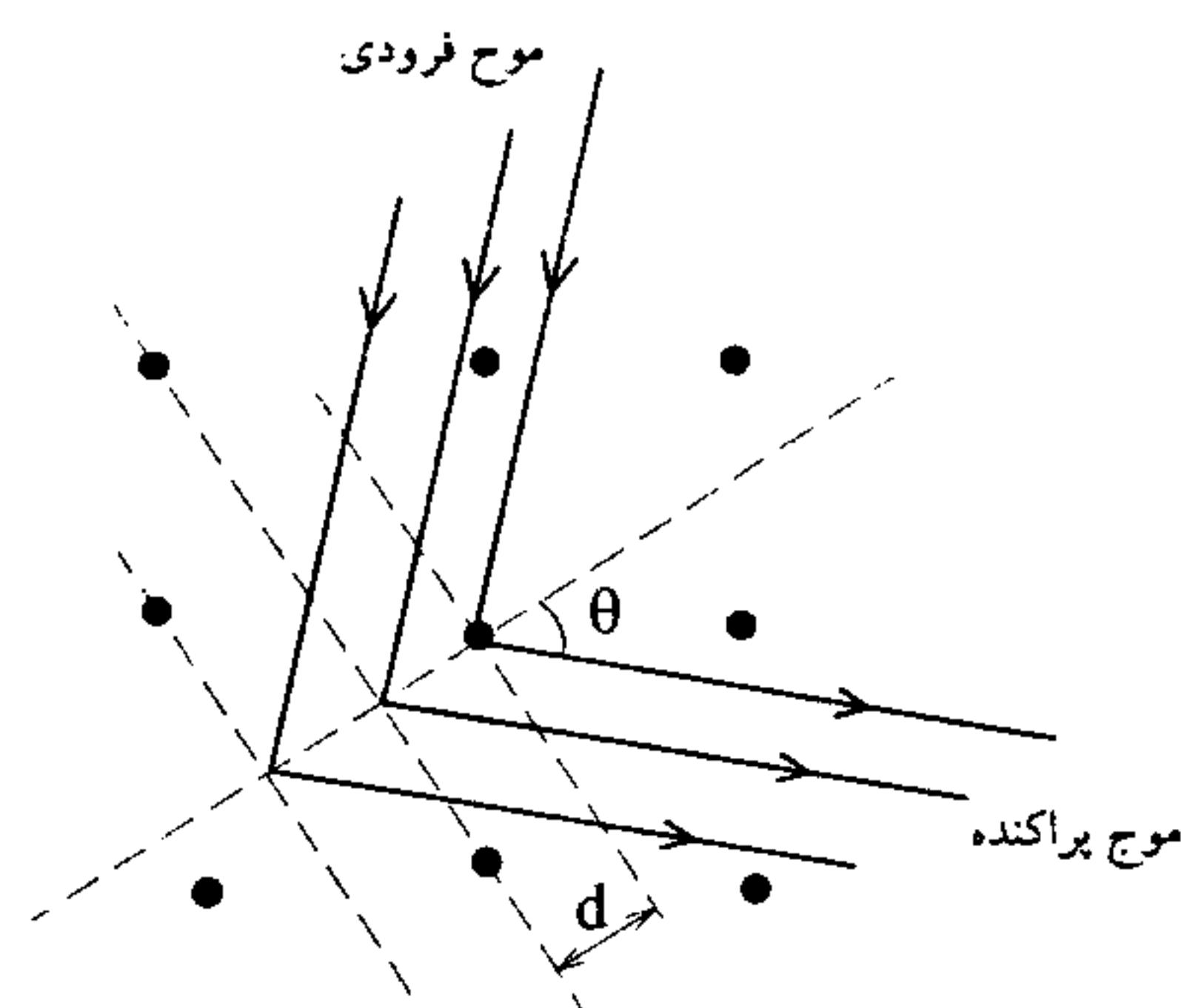
★ ★ λ ميانگين طول موجهاي دو خط طيفي است كه به سختي از يكدیگر به صورت مجزا ديده مي شوند و $\Delta\lambda$ اختلاف ميان اين طول موجها است. اثبات مي شود كه :

$$R = Nm$$

كه N تعداد كل شيارهاي توري و m نماينده مرتبه است.

۵-۵ قانون براگ

قانون براگ شرايطي را مي دهد كه خروج باريكه هاي پراشیده پرتو X از بلور امكان دارد. خطچين هاي مورب نشان دهنده مجموعه اي از صفحات دلخواه است كه از مراكز پراش دهنده بنيادي مي گذرند. فاصله عمودي ميان دو صفحه مجاور برابر d است.



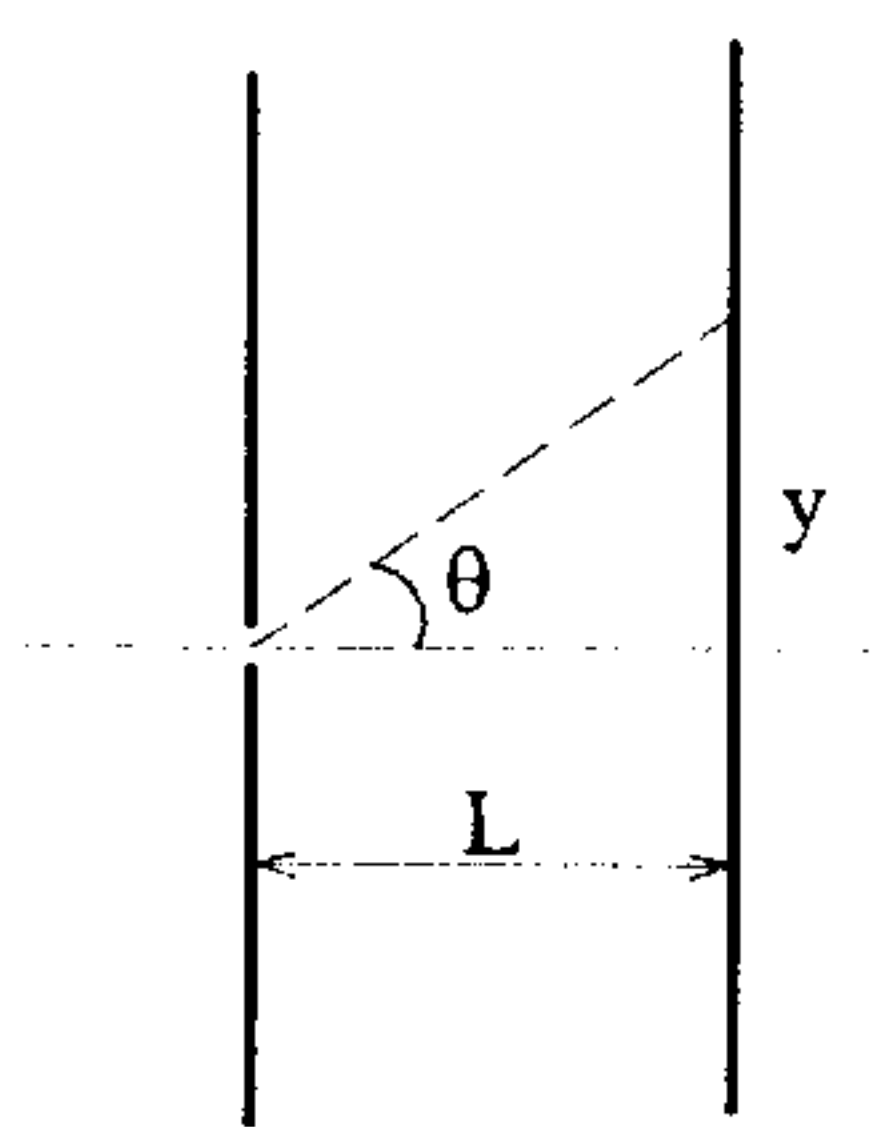
$$2d \sin \theta = m\lambda \quad m = 1 \text{ و } 2 \text{ و } 3 \text{ و } \dots$$

براي آن كه باريكه اي كه از كل صفحه هاي يك خانواده از صفحات، پراشیده مي شود تداخل سازنده داشته باشد داريم :

۶-۵ پرسشهای چندگزینه‌ای

۱- یک دسته پرتو تک رنگ با طول موج λ با قطر d برخورد می‌نماید پرتو عبوری بر روی پرده‌ای که به فاصله L از شکاف واقع است در فاصله y بالای وسط نوار مرکزی مشاهده می‌شود. اگر فاصله y نیمه راه اولین نوار با شدت مینیمم باشد نسبت $I(y)/I_0$ چقدر است؟ (I. شدت وسط نوار مرکزی می‌باشد).

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۸ و GRE)



$$\frac{1}{e} - 2$$

$$\frac{4}{\pi^2} - 4$$

$$\frac{1}{2} - 1$$

$$\frac{2}{\pi} - 3$$

۲- شخصی می‌خواهد اشیاء به فاصله جدایی یک متر از یکدیگر را که در فاصله ۱۰۰۰۰ متری است تشخیص دهد طول موج نور را $A^\circ 6000$ فرض کنید. مینیمم قطر عدسی دایره‌ای مورد نیاز چند سانتی‌متر است؟

$$2/9 - 1 \quad 1/4 - 2 \quad 0.7 - 3 \quad 0.1 - 4$$

۳- فاصله‌ای که چشم می‌تواند دو منبع نور شیاری به فاصله جدایی ۲ متر را از هم تمیز دهد چقدر است هر گاه قطر مردمک چشم ۳ میلی‌متر و طول موج مربوط 6000 آنگستروم باشد؟ (کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۷ و ۷۸)

$$4/1 \text{ کیلومتر} - 1 \quad 8/2 \text{ کیلومتر} - 2 \quad 12 \text{ کیلومتر} - 3 \quad 16 \text{ کیلومتر} - 4$$

۴- فرض کنید شخصی بخواهد دو شیء با فاصله یک متر از یکدیگر را از مسافت ۱۰ کیلومتری تشخیص بدهد اگر طول موج نور را 6000 آنگستروم در سطر بگیریم. حداقل قطر عدسی مدور مورد نیاز چقدر است؟ (کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۵ و ۷۶)

$$0.33 \text{ سانتی‌متر} - 1 \quad 0.15 \text{ سانتی‌متر} - 2 \quad 1/45 \text{ سانتی‌متر} - 3 \quad 0.73 \text{ سانتی‌متر} - 4$$

۵- دانشمندی می‌خواهد تصویری از یک جسم زرد که در فاصله دوری از یک دوربین بین روزنه‌ای (Pinhole camera) قرار دارد تهیه نماید به طوری که تصویر دارای حداکثر وضوح باشد اگر طول موج نور λ ، قطر روزنه d و فاصله روزنه تا فیلم (محل تصویر) D باشد، d را به دست آورید؟ (کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۸ و GRE)

$$1/22 \lambda^2/D - 2$$

$$\sqrt{2/44 \lambda D} - 1$$

$$\sqrt{\lambda D} - 4$$

$$2/44 \lambda^2/D - 3$$

۶- قطر ظاهری ماه تقریباً $\frac{1}{4}$ درجه است قطر تصویر ماه که توسط عدسی شیء دوربین به خوبی تشکیل می شود چند سانتی متر است؟ (فاصله کانونی عدسی $17/4$ متر است).

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۴)

- ۱- $14/18$ ۲- $15/18$ ۳- $15/81$ ۴- $14/81$

۷- توری پراش تخت را در نظر بگیرید. d فاصله بین خطوط موازی، m مرتبه پراش، θ زاویه

مشاهده است. پاشندگی زاویه ای $\frac{d\theta}{dL}$ را برای نور تابشی با طول موج λ بیابید؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۶)

- ۱- $\frac{\sin \theta}{\lambda}$ ۲- $\frac{\cos \theta}{\lambda}$
 ۳- $\frac{\text{Cot} \theta}{\lambda}$ ۴- $\frac{\tan \theta}{\lambda}$

۸- یک دسته پرتو ایکس تکفام بر یک بلور کلرید سدیم که جدایی شبکه ها در آن ۳

انگستروم است فرود می آید. هر گاه جهت تاباندن پرتو را تغییر دهیم تا نسبت به عمود

بر صفحه بلور زاویه 60° درجه درست کند، ردیف نخست بازتاب براگ مشاهده می شود.

طول موج پرتو ایکس چقدر است؟ (کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۷)

- ۱- ۳ انگستروم ۲- ۵ انگستروم ۳- ۷ انگستروم ۴- ۹ انگستروم

۹- میزان شدت پراش در آزمایش تک شکاف فرانهوفر از رابطه، $x = \pi d y / \lambda L$ هر گاه

$I = I_0 \sin^2(x) / x^2$ فوق به دست می آید هر گاه d پهناي شکاف و y فاصله آشکارساز و L

فاصله پرده تا شکاف باشد مقدار شدت جمع شده چقدر است؟ $\int_{-\infty}^{+\infty} I(y) dy$ ؟

(کنکور کارشناسی ارشد GRE)

- ۱- صفر ۲- $I_0 \lambda L/d$
 ۳- $I_0 \lambda d/L$ ۴- $I_0 d L/\lambda$
 ۵- I_0

۱۰- شخصی می خواهد اشیا به فاصله جدایی یک متر از یکدیگر را که در فاصله 10000 متری

است تشخیص دهد طول موج نور 6000 \AA فرض کنید. مینیمم قطر عدسی دایروی مورد

نیاز چقدر است؟ (کنکور کارشناسی ارشد GRE)

- ۱- $2/9$ سانتی متر ۲- $1/4$ سانتی متر
 ۳- $0/7$ سانتی متر ۴- $0/3$ سانتی متر
 ۵- $0/1$ سانتی متر

۱۱- فاصله‌ای که چشم می‌تواند دو منبع نور شیاری به فاصله جدایی ۲ متر را از هم تمیز دهد چقدر است؟ هر گاه قطر مردمک چشم $D = 3 \text{ cm}$ و طول موج مربوط 6000 \AA باشد.

(کنکور کارشناسی ارشد GRE)

- ۱- $4/1 \text{ km}$ ۲- $8/2 \text{ km}$ ۳- 12 km ۴- 16 km
۵- 2 km

۱۲- توری پراش عبوری تخت را در نظر بگیرید. d فاصله بین خطوط موازی، m مرتبه و θ زاویه مشاهده است پاشندگی زاویه‌ای $\frac{d\theta}{d\lambda}$ را برای نور تابشی با طول موج λ بیابید؟

(کنکور کارشناسی ارشد GRE)

- ۱- $\sin \theta / \lambda$ ۲- $\cos \theta / \lambda$ ۳- $\text{Co tan } \theta / \lambda$ ۴- $\tan \theta / \lambda$
۵- $\text{Sec } \theta / \lambda$

۷-۵ پاسخهای تشریحی

$$\text{برای اولین نوار مینیمم} \quad a \sin \theta = m\lambda = (1)\lambda \Rightarrow \theta \approx \sin \theta = \frac{\lambda}{a} \quad (۴-۱)$$

$$\Rightarrow \alpha = \frac{\pi}{\lambda} a \sin \theta = \pi$$

$$\text{اگر } y \text{ در نیمه راه نوار min تا مرکز باشد.} \quad \theta \approx \frac{\lambda}{2a} \Rightarrow \alpha = \frac{\pi}{\lambda} a \left(\frac{\lambda}{2a} \right) = \frac{\pi}{2}$$

$$I_{\theta} = I_0 \left(\frac{\sin \alpha}{\alpha} \right)^2 = I_0 \left(\frac{\sin \frac{\pi}{2}}{\frac{\pi}{2}} \right)^2 = I_0 \left(\frac{1}{\frac{\pi}{2}} \right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{I_{\theta}}{I_0} = \frac{I(y)}{I_0} = \frac{4}{\pi^2}$$

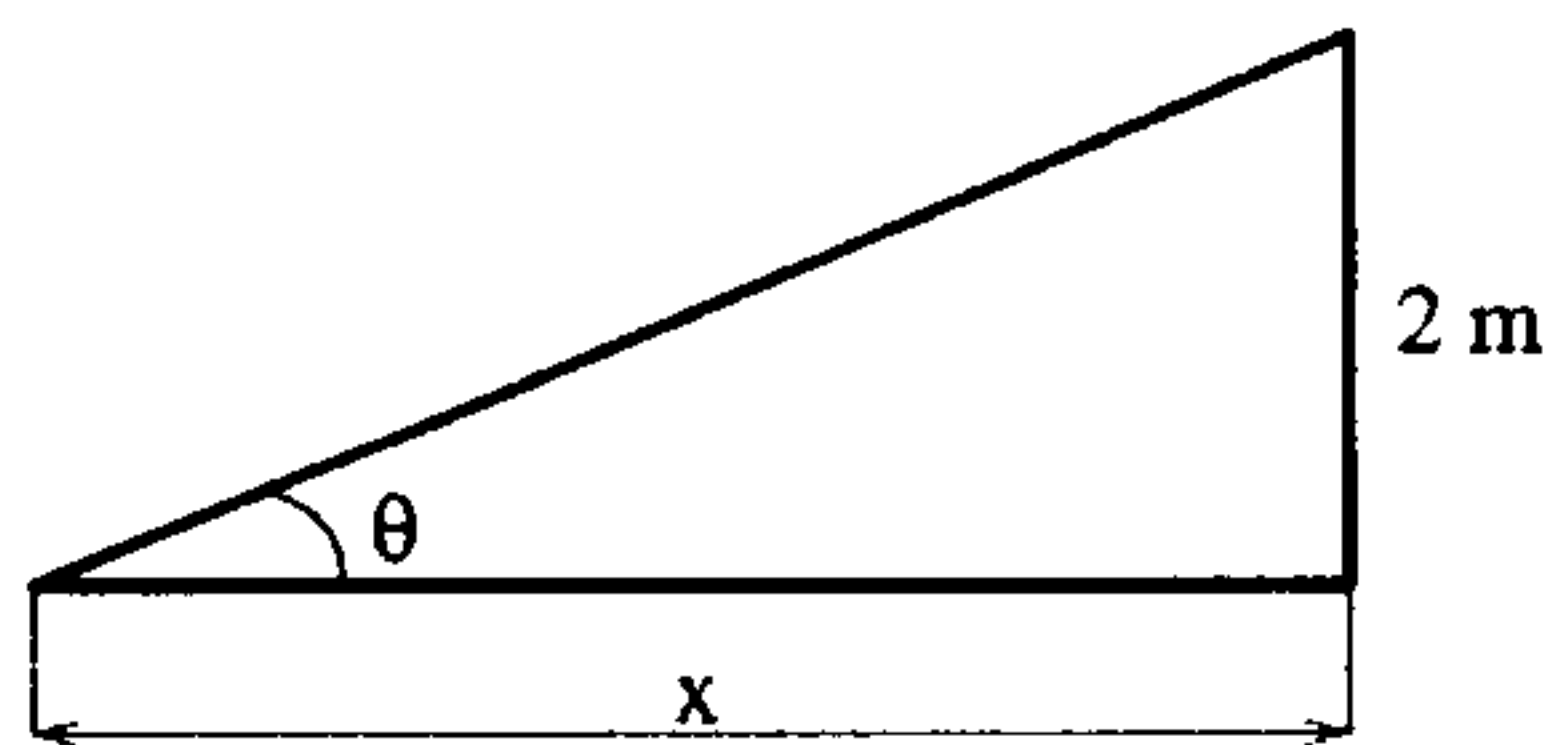
$$\text{فاصله شخص تا دو شیء} = 10000 \text{ m} \quad \text{و جدایی میان دو شیء} \quad x = 1 \text{ m} \quad (۳-۲)$$

$$x = 10000 \theta \Rightarrow \theta = 10^{-4} \text{ rad}$$

$$\theta = 1/22 \frac{\lambda}{d} \Rightarrow \text{قطر عدسی} = 1/22 \frac{\lambda}{\theta} = 1/22 \frac{6000 \times 10^{-10} \text{ m}}{10^{-4}}$$

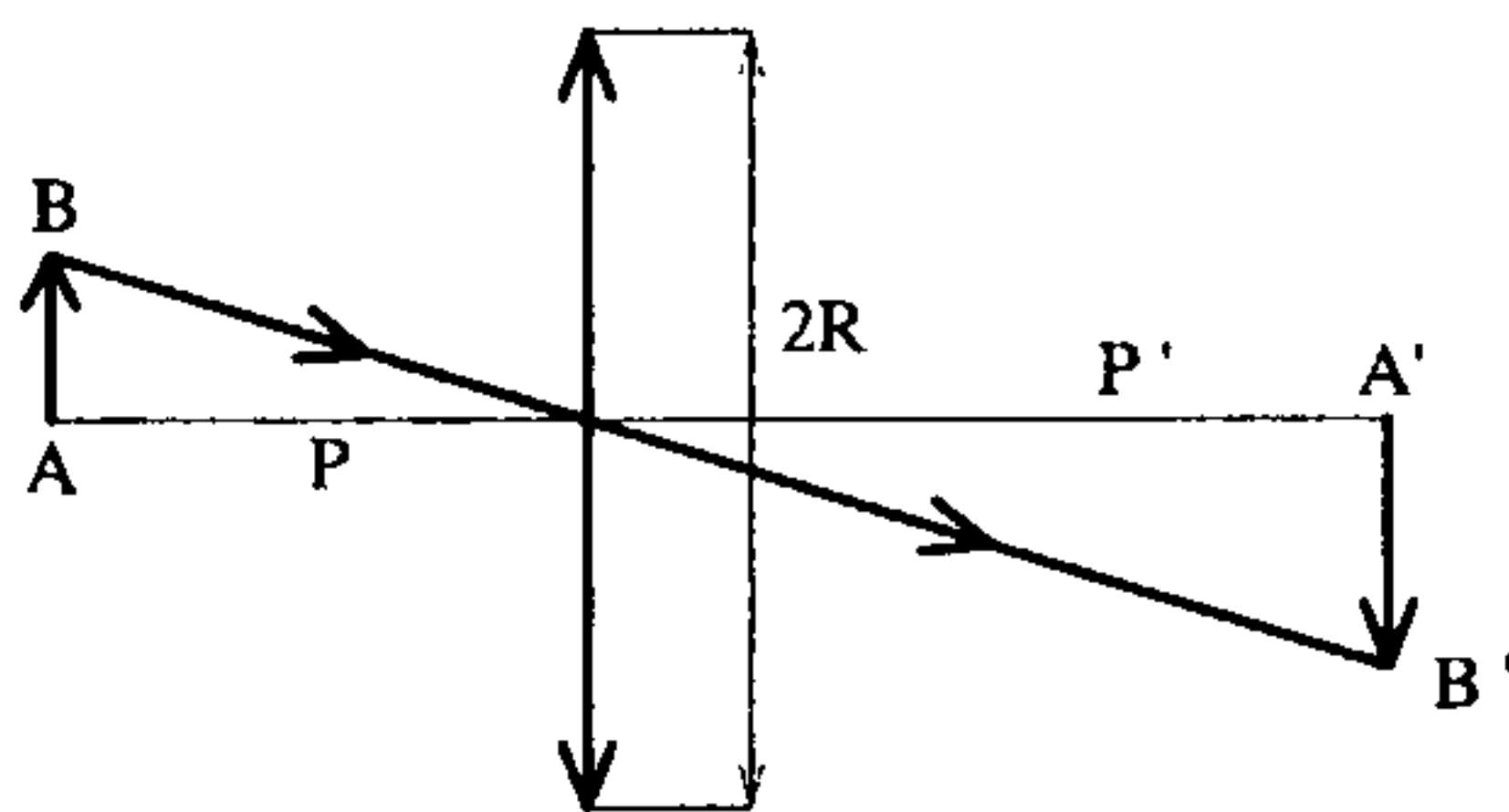
$$= 7/32 \times 10^{-2} \text{ m} = 0.73 \times 10^{-2} \text{ m} \approx 0.7 \text{ Cm}$$

$$\text{شرایط جداسازی رایلی:} \quad \sin \theta \sim \theta = 1/22 \frac{\lambda}{d}$$



$$\theta = 1/22 \times \frac{6000 \times 10^{-9} \text{ (mm)}}{3 \text{ (mm)}} = 2/44 \times 10^{-4} \text{ (rad)}$$

$$x \theta = 2 \text{ متر} \Rightarrow x = \frac{2}{2/44 \times 10^{-4}} = 8196/7 \text{ m} \sim 8/7 \text{ km}$$



$$AB = 1 \text{ m} \quad (۴-۴)$$

$$d = 10 \text{ km} = 10^4 \text{ m}$$

$$\lambda = 6000 \text{ \AA}$$

$$AB = 1/22 \frac{\lambda}{2R} \Rightarrow 1 = 1/22 \times \frac{6000 \times 10^{-10} \times 10^4}{2R}$$

$$2R = 0.73 \text{ Cm}$$

$$\sin \theta \cong \theta = 1/22 \frac{\lambda}{d} \quad \text{و} \quad \frac{d}{D} = 2\theta = 2(1/22) \frac{\lambda}{d} \quad (۱-۵)$$

$$\Rightarrow d^2 = 2/44 \lambda D \Rightarrow d = \sqrt{2/44 \lambda D}$$

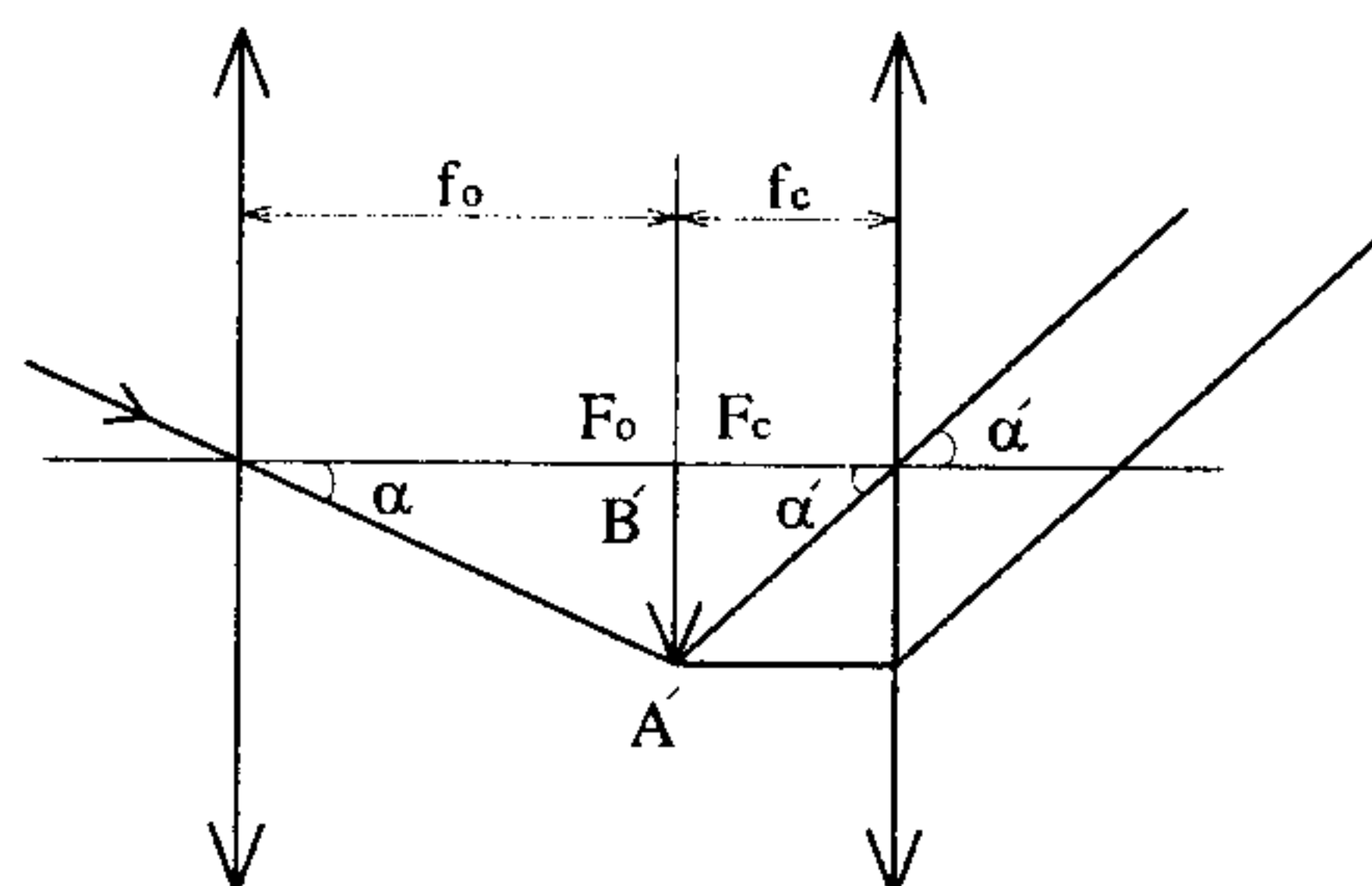
$$\alpha < 6^\circ \Rightarrow \tan \alpha \approx \alpha_{\text{rad}}$$

(۲-۶)

$$\frac{D}{180} = \frac{R}{3/14} \Rightarrow \frac{1}{180} = \frac{R}{3/14} \Rightarrow R = \frac{3/14}{360}$$

$$\alpha \approx \tan \alpha = \frac{A'B'}{f_o} \Rightarrow A'B' = \alpha f_o = \frac{3/14}{360} \times 17/4$$

$$A'B' \approx 15/18 \text{ Cm}$$



$$d' \sin \theta = m \lambda$$

(۴-۷) با مشتق از رابطه پراش (d' فاصله میان شکافها)

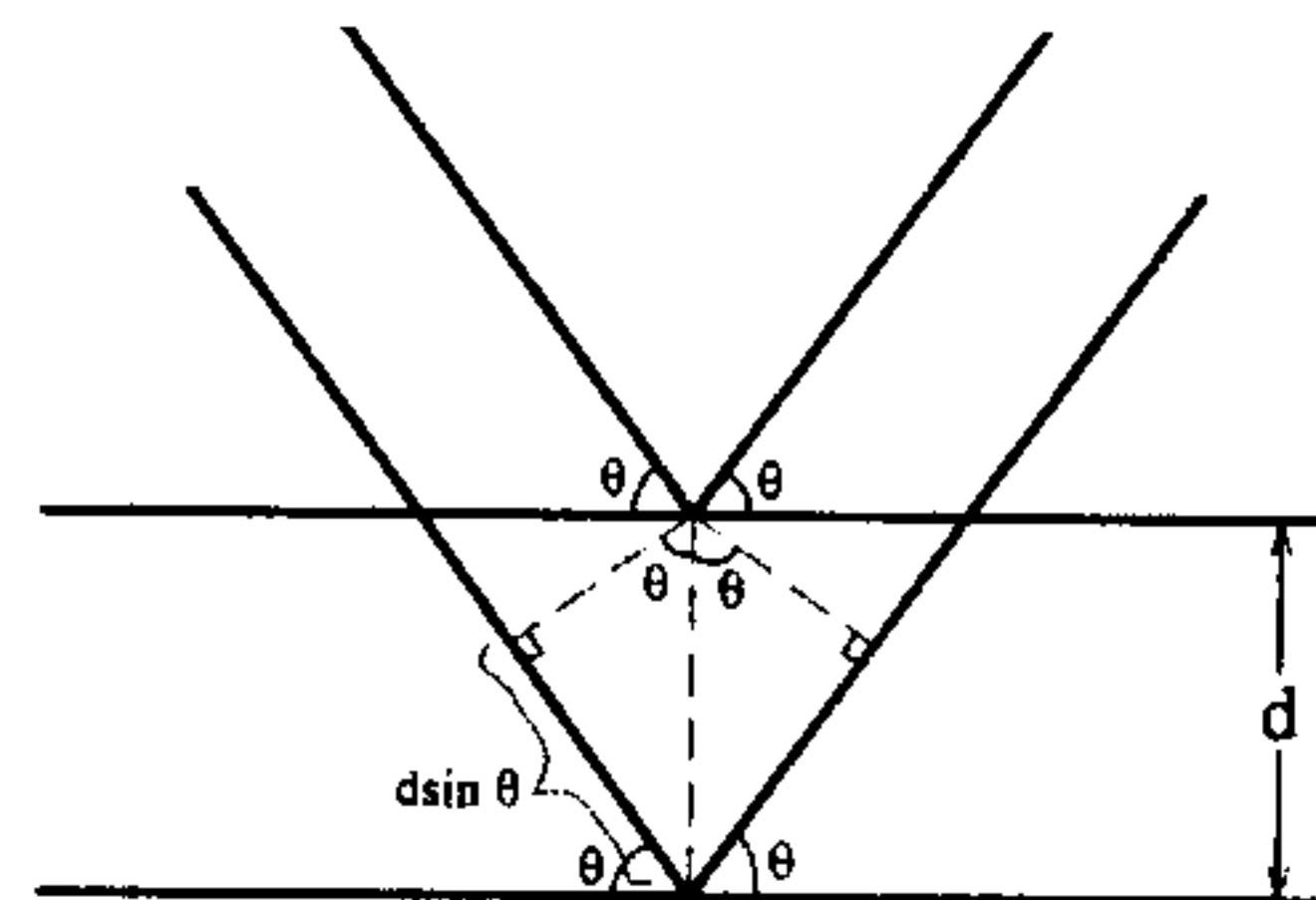
$$d' \cos \theta d\theta = m d\lambda \Rightarrow \frac{d\theta}{d\lambda} = \frac{m}{d' \cos \theta}, \frac{m}{d'} = \frac{\sin \theta}{\lambda} \Rightarrow \frac{d\theta}{d\lambda} = \frac{\sin \theta}{\lambda \cos \theta} = \frac{\tan \theta}{\lambda}$$

(۸-۱) معادله براگ برای ماکزیممها در طرح پراش برابر است با:

$$m \lambda = 2 d \sin \theta$$

$$\theta = 30^\circ \text{ و } m = 1 \text{ و } d = 3 \text{ A}^\circ$$

$$\lambda = 2 \times 3 \times \frac{1}{2} = 3 \text{ A}^\circ$$



$$I = I_0 \sin^2 \left(\frac{\pi d}{\lambda L} y \right) / \left(\frac{\pi d}{\lambda L} y \right)^2$$

(۲-۹)

$$\int_{-\infty}^{+\infty} I dy = 2 \int_0^{\infty} I dy \quad \frac{\pi d}{\lambda L} y = x$$

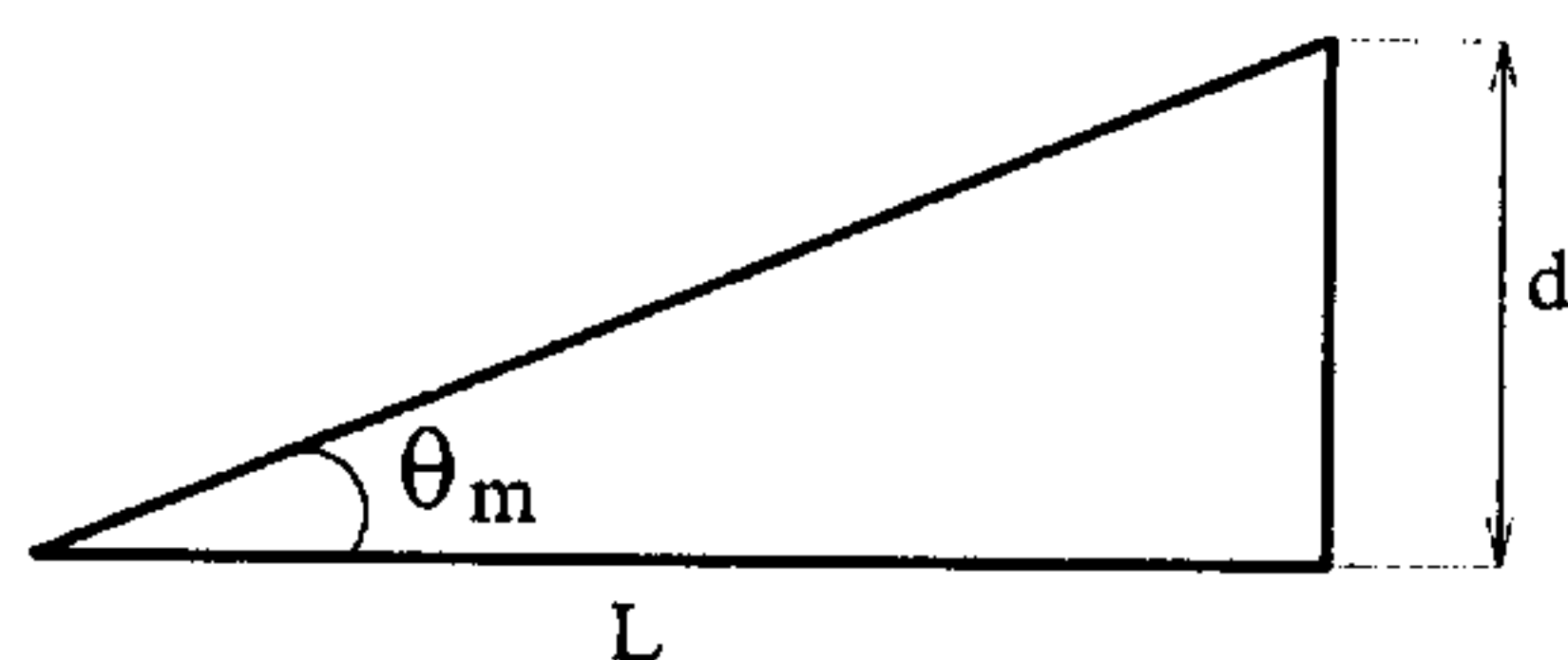
$$\int_{-\infty}^{+\infty} I dy = 2 I_0 \int_0^{\infty} \left(\frac{\sin^2(x)}{x^2} \right) dx \quad \frac{\lambda L}{\pi d} = (2 I_0 \lambda L / \pi d) (\pi/2) = I_0 \lambda L / d$$

$$\int_0^{\infty} \frac{\sin x}{x} dx = \int_0^{\infty} \frac{\sin^2 x}{x^2} dx = \frac{\pi}{2}$$

لازم است بدانیم:

$$\theta_m = \frac{d}{L} = 1/22 \frac{\lambda}{d} \quad (3-10)$$

از تعریف رادیان برداشت می شود که $d = L \theta_m$



$$d = 1 \text{ m} \text{ و } L = 10000 \text{ m}$$

$$D = 1/22 \lambda / \theta_m = 0.73 \text{ Cm}$$

$$\theta_m = 10^{-4} \text{ rad} \text{ و } \lambda = 6000 \text{ A}^\circ$$

(۱۱-۲) اگر λ طول موج و D قطر لنز (عدسی) باشد.

$$\theta_m = 1/22 \frac{\lambda}{d}$$

$$\lambda = 6000 \text{ \AA} \quad D = 3 \text{ mm}$$

$$\theta_m = 1/22 \frac{6000 \times 10^{-10}}{3 \times 10^{-3}} = 2/44 \times 10^{-4} \text{ rad}$$

$$\theta_m = d/L \quad L = d/\theta_m = 2 / (2/44 \times 10^{-4}) = 8/2 \times 10^3 \text{ m} = 8/2 \text{ km}$$

(۱۲-۴) برای یک توری پراش عبوری تخت شرط ماکزیمم (تداخل سازنده) چنین است :

$$d' \sin \theta = m \lambda$$

$$d' \cos \theta d \theta = m d \lambda \quad \dots \text{ و } 3 \text{ و } 2 \text{ و } 1 \text{ و } 0 \text{ مرتبه طیف را می دهد.}$$

$$\frac{d\theta}{d\lambda} = \frac{m}{d' \cos \theta}$$

$$\frac{m}{d'} = \frac{\sin \theta}{\lambda} \Rightarrow \frac{d\theta}{d\lambda} = \frac{1}{\lambda} \tan \theta \quad \text{پراکندگی زاویه ای}$$

برای آن که فاصله خطوط موازی با دیفرانسیل اشتباه نشود آن را با d' نمایش دادیم.

10/10/10

10/10/10 10/10/10 10/10/10 10/10/10 10/10/10 10/10/10 10/10/10 10/10/10 10/10/10 10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

10/10/10

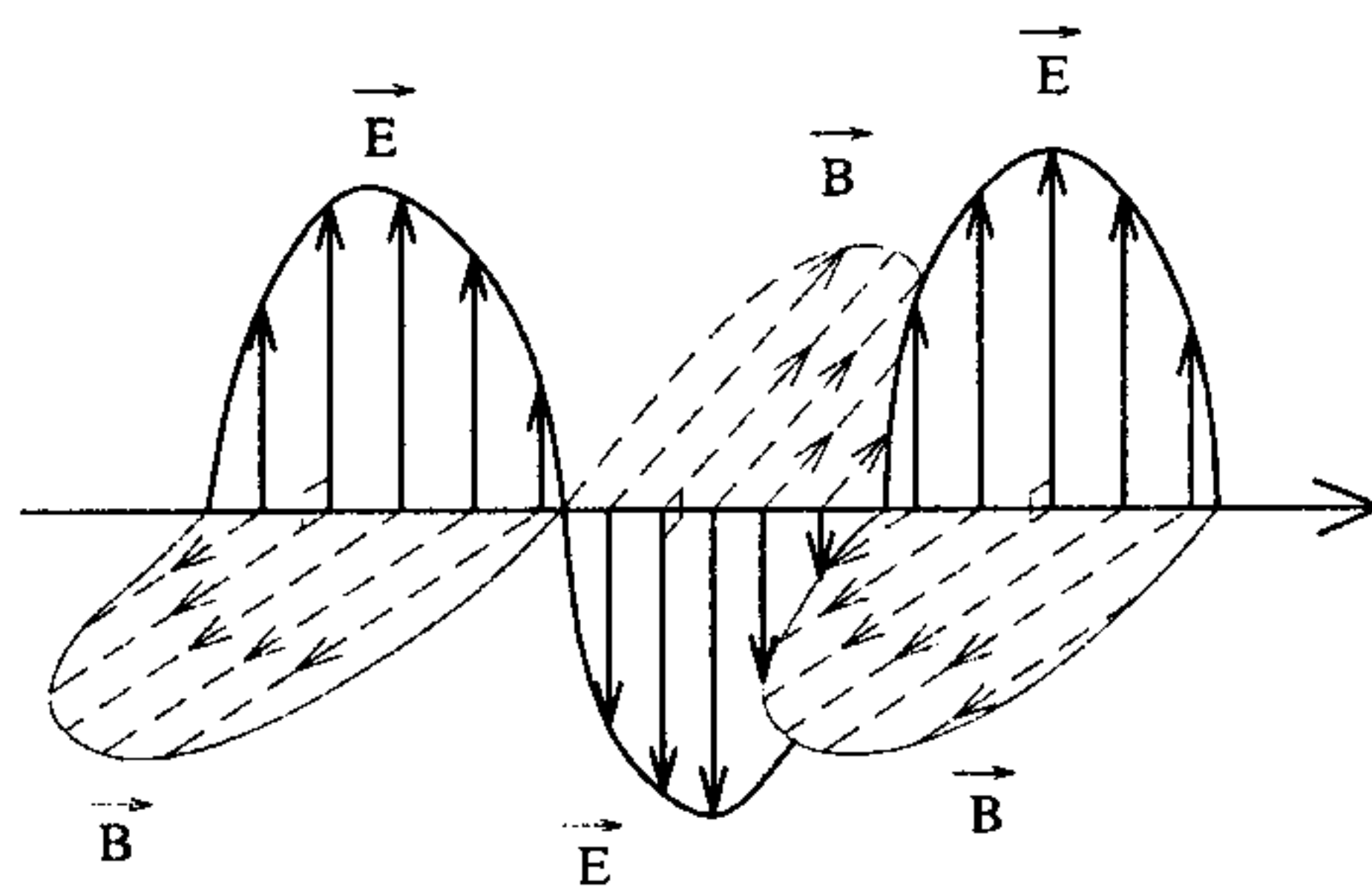
10/10/10

فصل ششم

قطبش

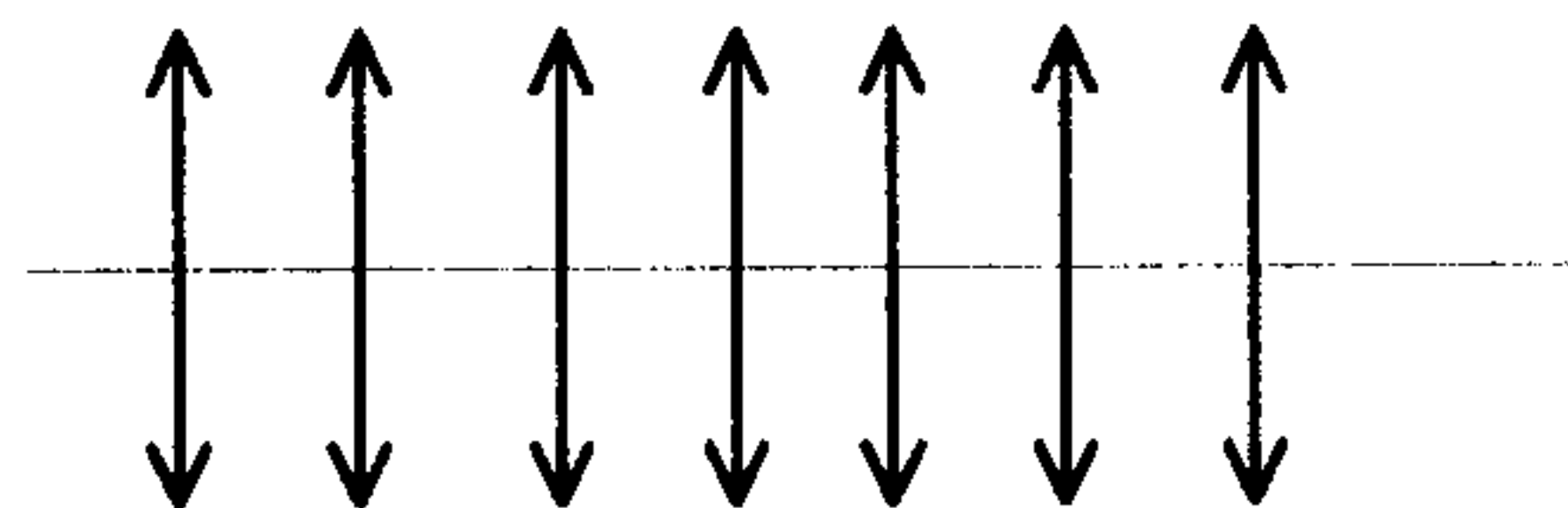
۱- ۶ قطبش

می‌دانیم که موج الکترومغناطیس عرضی است، به عبارتی راستای ارتعاش \vec{E} و \vec{B} عمود بر جهت انتشار موج است. حال اگر راستای ارتعاشات بردار \vec{E} در تمام نقاط موازی یکدیگر باشند که تشکیل صفحه‌ای به نام صفحه ارتعاش می‌دهند. موج قطبیده خطی است :



موج قطبیده خطی

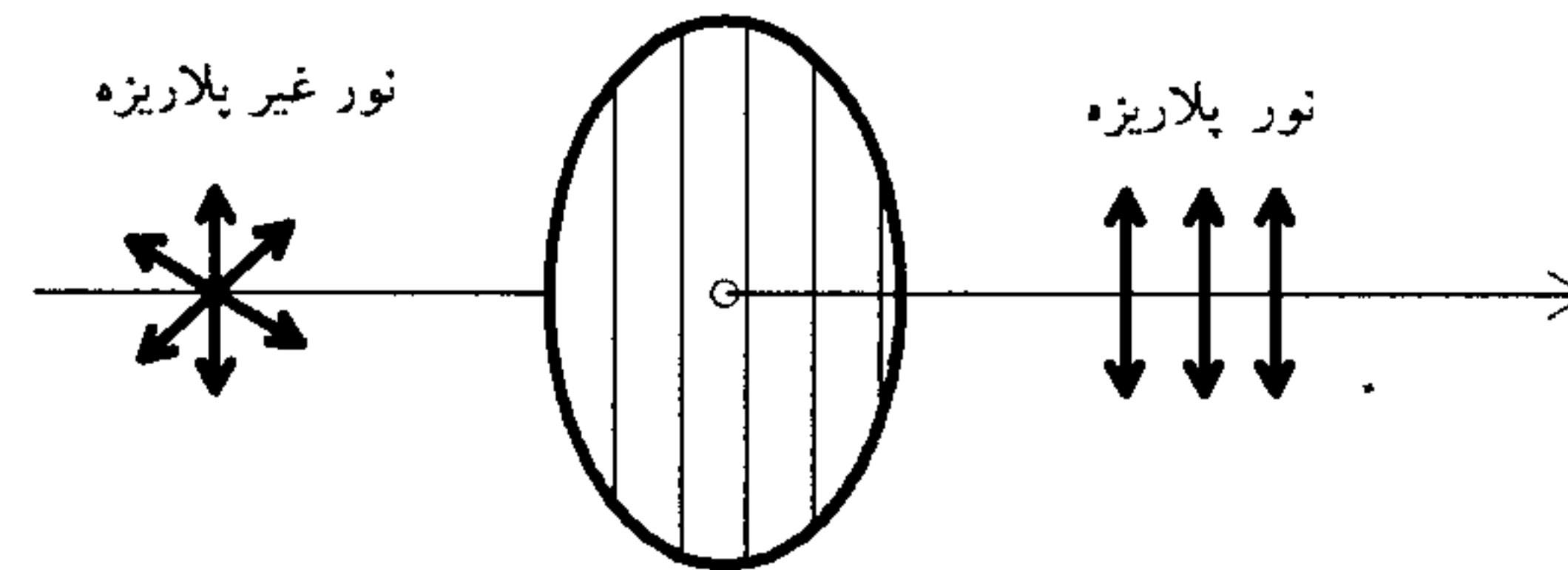
که به صورت روبه‌رو نمایش می‌دهیم :



*** نکته :** عرضی بودن نور را نمی‌توان با استفاده از تداخل و پراش نشان داد. اما با استفاده از خصوصیت نور قطبیده می‌توان عرضی بودن نور را نشان داد. اگر نور را به بلور کلسیت بتابانیم، دو باریکه مجزا تولید می‌شود ولی از تداخل این دو موج که همدوس نیز هستند، نوارهای تداخلی ایجاد نمی‌شود چرا که صفحه‌های ارتعاشات دو باریکه بر هم عمودند.

۲-۶ ورقه‌های قطبی‌کننده

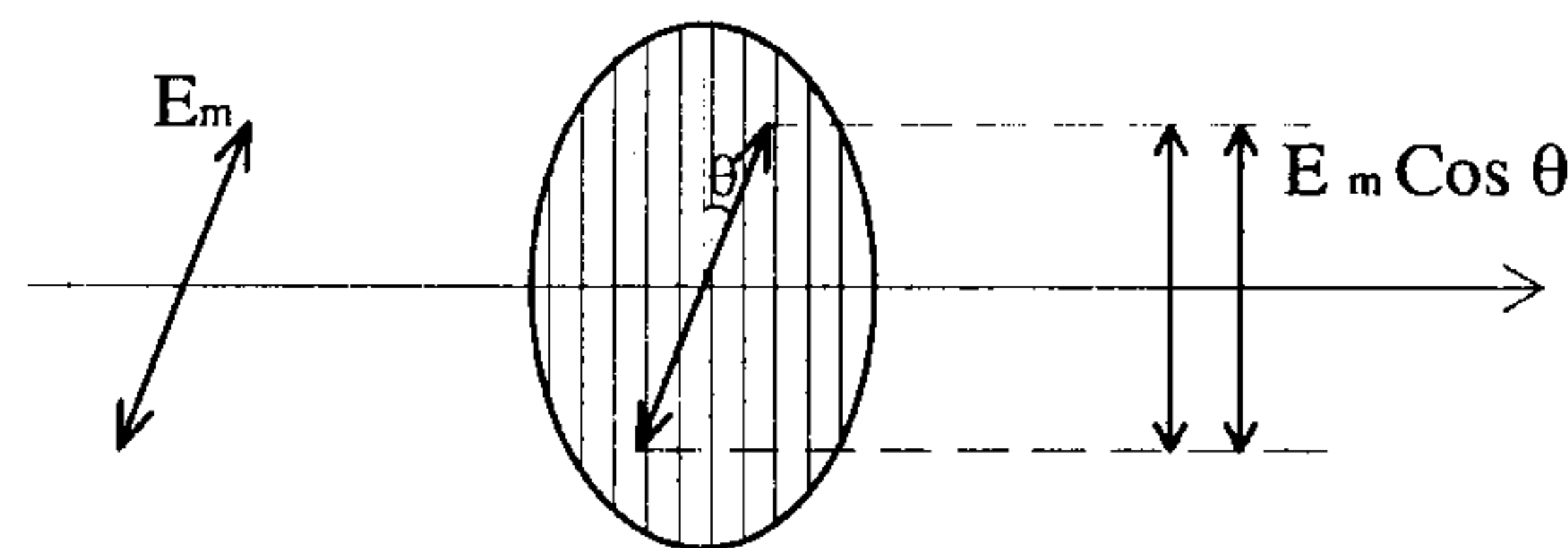
در ورقه‌های قطبی‌کننده (پولاروید) برای قطبش راستای خاصی داریم، این ورقه‌ها فقط قطار موجهایی را از خود عبور می‌دهند که بردارهای الکتریکی آنها موازی با این راستاهای خاص هستند.



اگر دامنه نور خطی پلاریزه‌ای که به صفحه پلاروید می‌خورد E_m باشد و بردار \vec{E} با راستای قطبش صفحه پلاروید زاویه θ بسازد. برای نور خروجی از صفحه پلاروید داریم:

$$E = E_m \cos \theta$$

$$I = I_m \cos^2 \theta \quad \text{قانون مالوس}$$



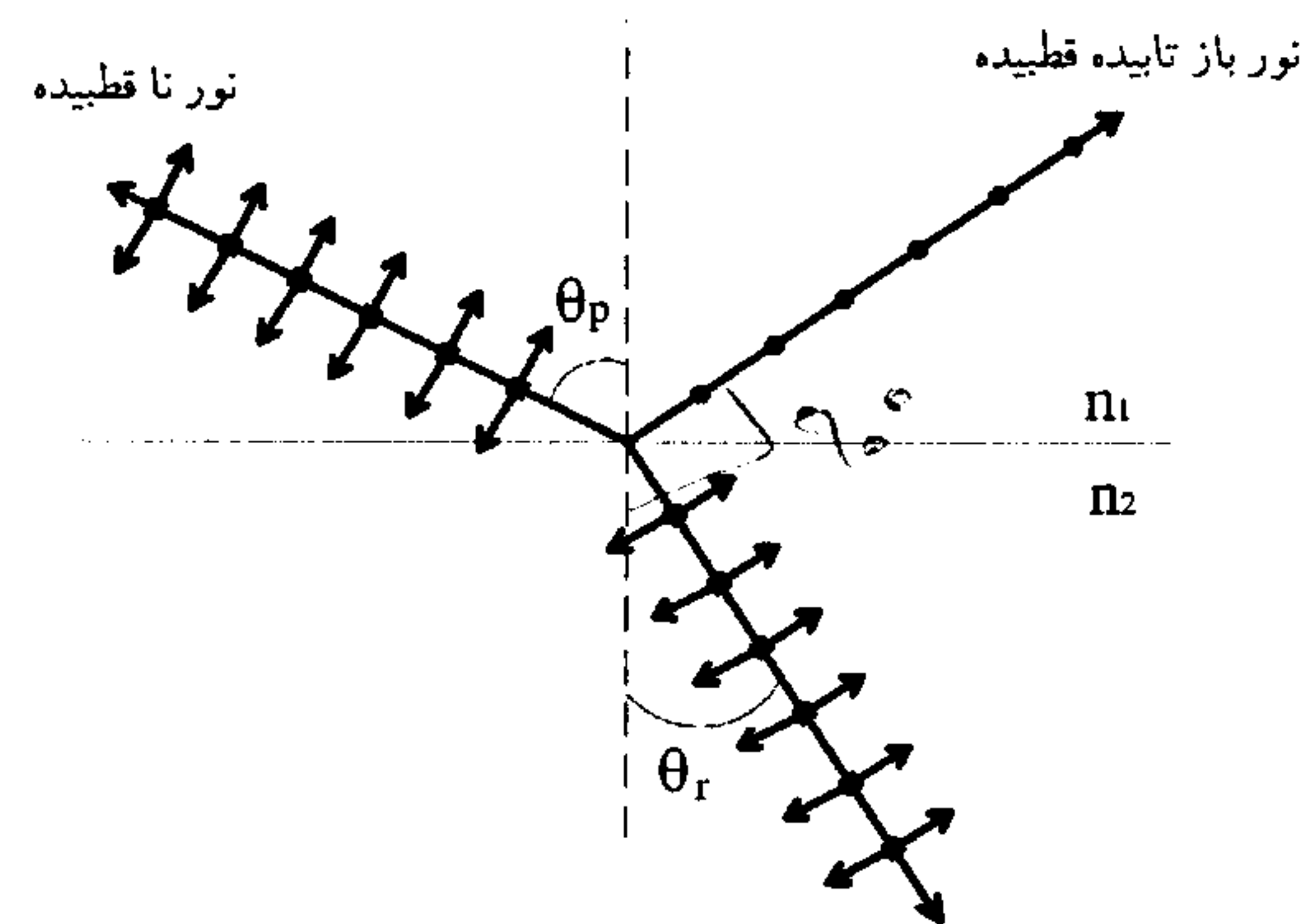
۳-۶ قطبیدگی در اثر بازتاب

مالوس کشف کرد که نور در اثر بازتابش ممکن است به طور نسبی یا به طور کامل قطبیده شود. به ازای یک زاویه خاص تابش θ_p ، نور بازتابیده کاملاً قطبیده می‌شود و فقط بخشی از نور عبوری قطبیده می‌شود. در این حالت پرتو بازتابیده بر پرتو شکست عمود است. همان‌گونه که در شکل مشاهده می‌کنید صفحه ارتعاش نور بازتابیده خطی قطبیده عمود بر صفحه شکل است.

$$\begin{cases} \theta_p + \theta_r = 90^\circ \\ n_1 \sin \theta_p = n_2 \sin \theta_r = n_2 \sin (90^\circ - \theta_p) \end{cases}$$

$$\Rightarrow n_1 \sin \theta_p = n_2 \cos \theta_p$$

$$\Rightarrow \tan \theta_p = \frac{n_2}{n_1} \Rightarrow \theta_p = \tan^{-1} \frac{n_2}{n_1}$$



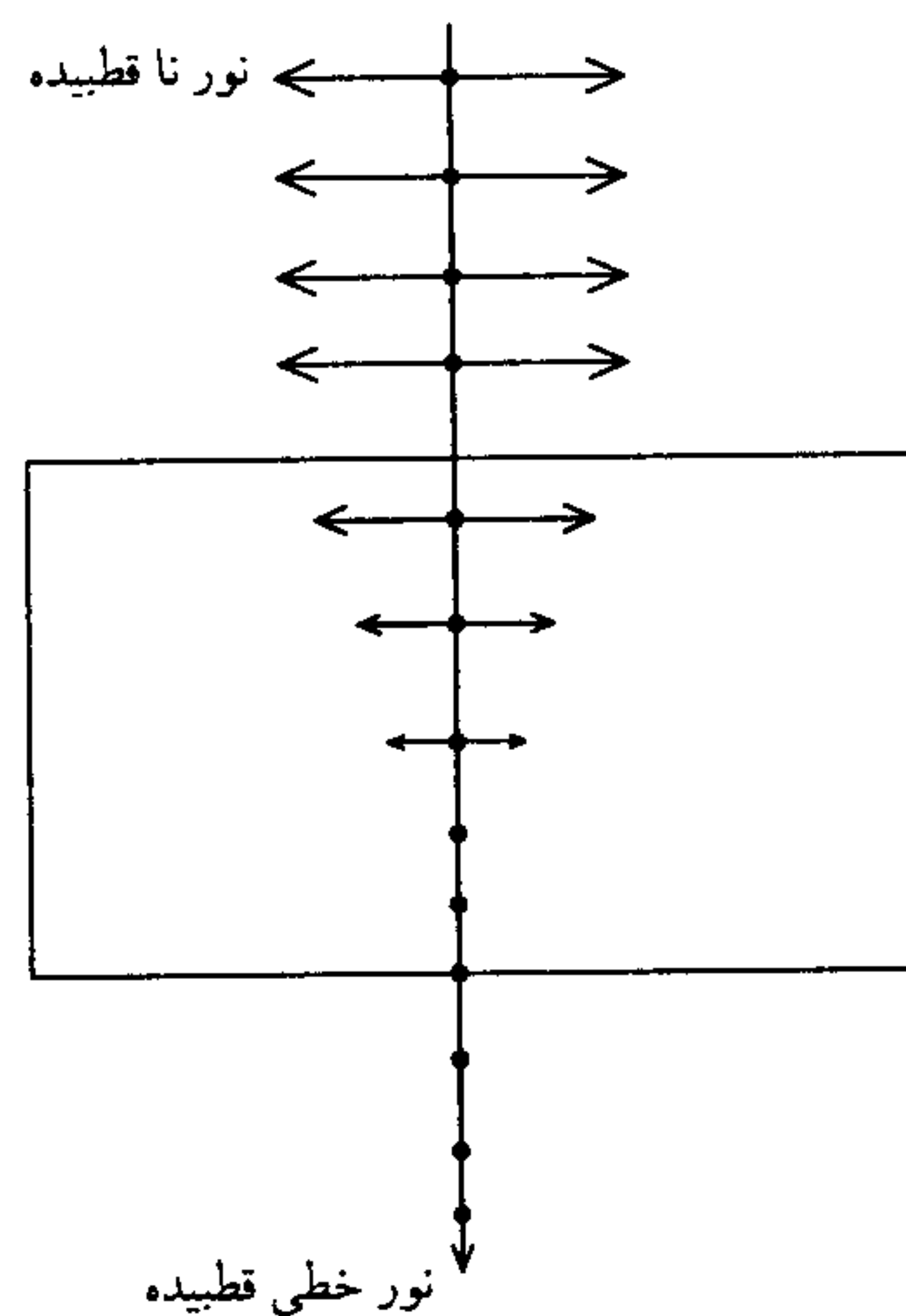
۴-۶ شکست دوگانه و بلورهای دو رنگی

برخی از جامدات بلوری از لحاظ اپتیکی ناهمسانگردند، به عبارتی سرعت نور و در نتیجه ضریب شکست از جهت انتشار نور و نوع قطبیدگی نور مستقل نیستند. به عنوان مثال اگر باریکه نور ناقطبیده عمود بر یکی از وجوه بلور کلسیت به آن بتابد، این باریکه در سطح بلور به دو باریکه تبدیل می‌شود هر دو باریکه خطی قطبیده‌اند ولی صفحه‌های ارتعاش آن دو بر هم عمودند. یکی از باریکه‌ها (o) عادی بوده و از قانون شکست اسنل پیروی می‌کند ولی باریکه دوم (e) غیر عادی بوده و از قانون اسنل پیروی نمی‌کند:

۱- موج عادی o در تمام جهات با سرعت یکسان v_o حرکت کرده و به عبارتی مانند جامد همسانگرد فقط دارای ضریب شکست عادی n_o هستیم.

۲- موج e در بلور با سرعتی حرکت می‌کند که با توجه به جهت حرکت از v_o تا v_e تغییر می‌کند و در نتیجه ضریب شکست بسته به راستای حرکت از n_o تا n_e تغییر می‌کند.

بعضی از بلورها خاصیتی به نام دورنگی دارند. در این بلورها یکی از مؤلفه‌های قطبیدگی به شدت جذب شده و مؤلفه دیگر با اتلاف کمی عبور می‌کند. برای ساخت ورقه‌های پولاروید از این پدیده استفاده می‌شود.



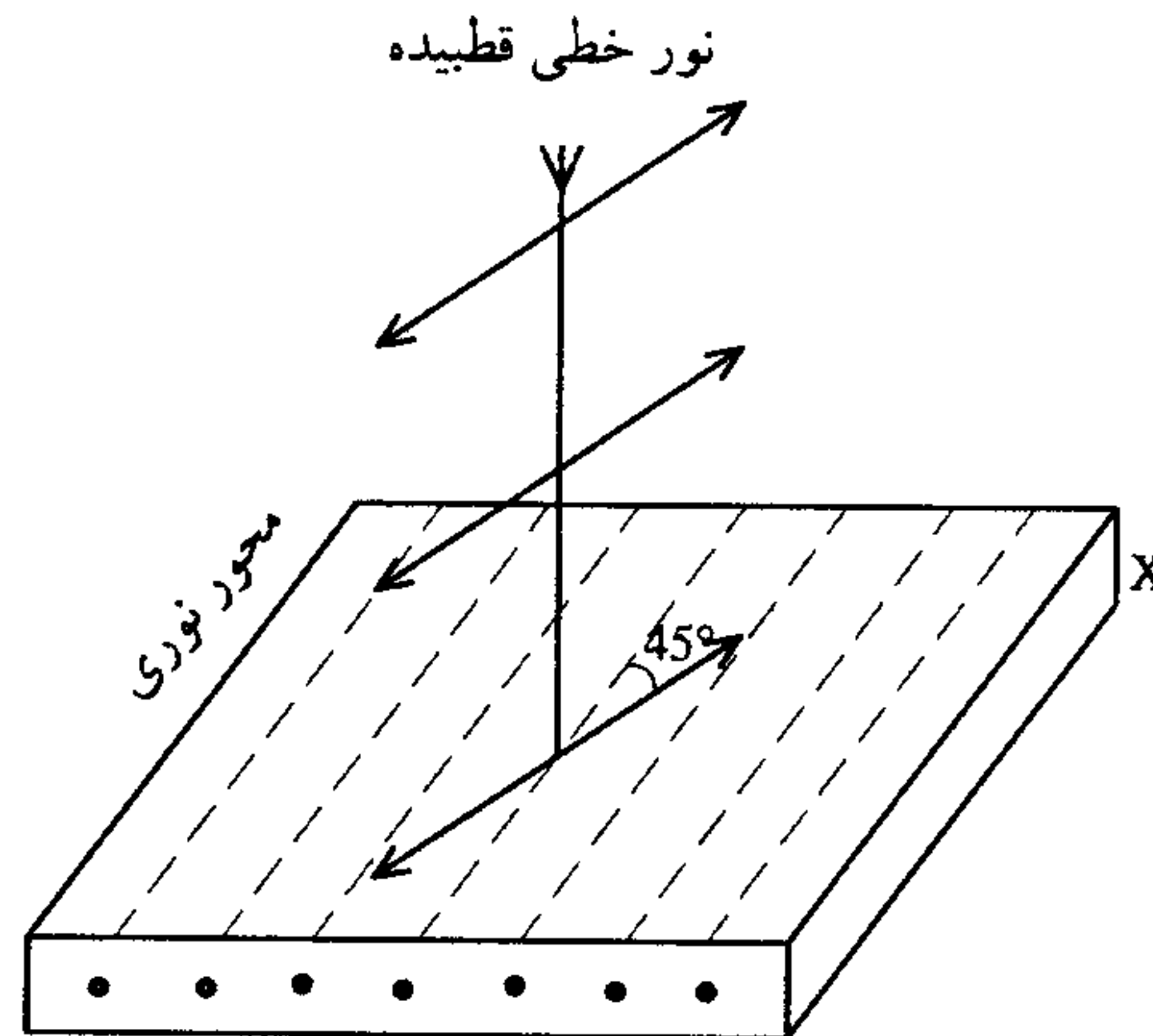
جهت خاصی به نام محور نوری در بلورهای دو شکستی وجود دارد که اگر نور در آن جهت به بلور بتابد باریکه‌ای که از بلور خارج می‌شود همان قطبیدگی باریکه فرودی را دارد و نمی‌توان امواج e و o را از یکدیگر متمایز کرد.

۵-۶ قطبش دایره‌ای

در صورتی که نور خطی - قطبیده با فرکانس زاویه‌ای ω به صورت عمودی به تیغه‌ای از کلسیت بتابد که محور نوری آن موازی با وجه آن است همان گونه که قبلاً دیدیم دو موجی که خارج می‌شوند

خطی قطبیده عمود بر هم هستند، در صورتی که صفحه ارتعاش با محور نوری زاویه 45° بسازد دامنه دو موج خروجی با هم مساوی هستند ولی برای موج عادی سرعت حرکت کمتر از موج غیرعادی است (در بلور کلسیت) و هنگامی که دو موج از بلور خارج می‌شوند دارای اختلاف فاز ϕ هستند.

با انتخاب مناسب ضخامت بلور می‌توان $\phi = 90^\circ$ را داشت (تیغه ربع موج). در این حالت نور خروجی دایره‌ای قطبیده است. به عبارتی دو موج خروجی خطی قطبیده را که بر یکدیگر عمودند و اختلاف فازشان 90° است را می‌توان تصاویر برداری دانست که حول راستای انتشار با فرکانس زاویه‌ای ω دوران می‌کند.



اگر x ضخامت تیغه باشد :

$$N_e = \frac{x}{\lambda_e} = \frac{x}{\left(\frac{\lambda}{n_e}\right)} = \frac{x n_e}{\lambda}$$

$$N_o = \frac{x}{\lambda_o} = \frac{x n_o}{\lambda}$$

$$N_e - N_o = \frac{x}{\lambda} (n_e - n_o)$$

بنابراین اختلاف فاز این دو موج خروجی عبارت است از :

$$\phi = 2\pi(N_e - N_o) = \frac{2\pi x}{\lambda} (n_e - n_o)$$

به عنوان مثال اگر بخواهیم $\phi = 90^\circ$ باشد :

$$\frac{\pi}{2} = \frac{2\pi x}{\lambda} (n_e - n_o) \Rightarrow \frac{1}{4} = \frac{x}{\lambda} (n_e - n_o)$$

۶- پرسشهای چندگزینه‌ای

۱- مخلوطی از نور طبیعی و نور پلاریزه خطی را به یک پلاروید می‌تابانیم. اگر پلاروید را حول راستای انتشار نور دوران دهیم، نور خارج شده از پلاروید :

(کنکور کارشناسی ارشد عمران ۷۶)

۱- پلاریزه خطی بوده شدت آن کم و زیاد می‌شود.

۲- پلاریزه خطی بوده شدت آن نصف شدت نور ورودی است.

۳- پلاریزه خطی بوده شدت آن ثابت می‌ماند.

۴- مخلوطی از نور طبیعی و پلاریزه خطی بوده شدت آن کم و زیاد می‌شود.

۲- نور طبیعی به مجموعه‌ای از دو پلاروید می‌تابد که نسبت به هم به طور متقاطع قرار گرفته‌اند در نتیجه :

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۷۸)

۱- نور خارج شده از دستگاه پلاریزه کامل خواهد بود زیرا هر یک از دو پلاروید در پلاریزه کردن نور سهمیم است.

۲- نور خارج شده از دستگاه پلاریزه بوده شدت آن $\frac{1}{4}$ شدت نور ورودی است.

۳- هیچ نوری از این دستگاه خارج نمی‌شود زیرا هر یک از دو پلاروید به ترتیب نصف شدت انرژی نور را جذب می‌کنند.

۴- هیچ نوری از دستگاه خارج نمی‌شود زیرا بر طبق قانون برستر دو پلاروید مجموعاً یک جسم کدر را به وجود می‌آورند.

۳- اگر محورهای دو صفحه پلاریزور با هم زاویه 30° داشته باشند شدت نور خروجی چه کسری از شدت نور ورودی است ؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۶)

$$1- \frac{3}{8} \quad 2- \frac{3}{4}$$

$$3- \frac{1}{4} \quad 4- \frac{1}{3}$$

۴- دو ورقه پلاروید طوری قرار دارند که محورهایشان با هم موازی است. یکی از ورقه‌ها را به اندازه 60° می‌چرخانیم. نسبت شدت نور عبوری در حالت اول به شدت نور عبوری در

حالت دوم چقدر است ؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۸۱)

$$1- \frac{1}{4} \quad 2- 4$$

$$3- \frac{4}{3} \quad 4- \frac{3}{4}$$

۵- سه پولا روید به طور موازی پشت سر هم قرار دارند. محورهای انتقال (محورهای تراگسبیل) پولا رویدهای اول و سوم بر هم عمودند. نور طبیعی به شدت ϵ به پولا روید اول می تابد و با شدت $\epsilon \frac{5}{72}$ از پولا روید سوم خارج می شود. زاویه بین محورهای انتقال پولا روید اول و دوم مساوی است با :

(کنکور کارشناسی ارشد عمران ۷۷ و ۷۸)

$$\text{Arccos} \frac{1}{\sqrt{6}} - 4 \quad \text{Arccos} \frac{1}{6} - 3 \quad \text{Arccos} \frac{5}{6} - 2 \quad \text{Arccos} \frac{\sqrt{5}}{6} - 1$$

۶- چهار پولا روید به طور موازی در کنار هم قرار گرفته اند به طوری که محور هر پولا روید با محور پولا روید مجاور آن زاویه 30° می سازد. نور طبیعی به شدت I بر این مجموعه می تابد. شدت نور خارج شده از این مجموعه مساوی است با :

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۷۹)

$$\frac{9}{16} I - 4 \quad \frac{27}{64} I - 3 \quad \frac{27}{128} I - 2 \quad \frac{9}{32} I - 1$$

۷- یک شعاع نور در هوا تحت زاویه i بر سطح یک شیشه مسطح به ضریب شکست n برخورد کرده منعکس می شود. شعاع بازتابیده کاملاً پولاریزه است، در نتیجه شعاع و شعاع شکست بر هم عمودند و

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۸۱)

$$\text{tan } i = n - 1 \quad \text{بازتابش} \quad \text{tan } i = n - 2 \quad \text{تابش}$$

$$\text{Cotg } i = n - 3 \quad \text{تابش} \quad \text{Cotg } i = n - 4 \quad \text{بازتابش}$$

۸- یک شعاع نور تحت زاویه بروستر (i_b) بر سطح آب به ضریب شکست n می تابد. شعاع نور بازتابیده از سطح آب :

(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۷۹)

$$1 - \text{پولاریزه ناقص است و } \sin i_b = n$$

$$2 - \text{پولاریزه ناقص است و } \tan i_b = n$$

$$3 - \text{پولاریزه کامل است و } \sin i_b = n$$

$$4 - \text{پولاریزه کامل است و } \tan i_b = n$$

۹- یک تیغه شیشه ای با ضریب شکست $1/5$ را به عنوان پولاریزور به کار می بریم زاویه قطبیدگی کامل چقدر است ؟

(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۵)

$$1 - 49/1 \text{ درجه} \quad 2 - 35/3 \text{ درجه}$$

$$3 - 26/1 \text{ درجه} \quad 4 - 56/4 \text{ درجه}$$

۱۰- زاویه تابش نور آفتاب چند درجه بالای سطح باشد تا نور زرد موجود در آن که به سطح آب برخورد کند کاملاً قطبی منعکس شود. ضریب شکست آب برای نور زرد $\frac{4}{3}$ می باشد؟
(کنکور کارشناسی ارشد فیزیک پزشکی ۷۷)

۱- زاویه‌ای که تانژانت آن $\frac{4}{3}$ می باشد.

۲- متمم زاویه‌ای که تانژانت آن $\frac{4}{3}$ می باشد.

۳- مکمل زاویه‌ای که تانژانت آن $\frac{4}{3}$ می باشد.

۴- $\frac{\pi}{2}$ به اضافه زاویه‌ای که تانژانت آن $\frac{4}{3}$ می باشد.

۱۱- در مقابل شعاع نور بازتابیده از سطح آب، پولارویدی را قرار داده آن را حول راستای شعاع نور می چرخانیم شدت نور خارج شده از پولاروید کم و زیاد می شود اما هیچ وقت به صفر نمی رسد زیرا بر طبق قانون :
(کنکور کارشناسی ارشد ژئوفیزیک و هواشناسی ۷۶)

۱- بروستر، شعاع بازتابیده پولاریزه نیست.

۲- بروستر، شعاع بازتابیده کاملاً پولاریزه شده است.

۳- مالوس، شعاع بازتابیده به طور جزئی پولاریزه شده است.

۴- مالوس، شعاع بازتابیده به طور کامل پولاریزه شده است.

۲

۶-۷ پاسخهای تشریحی

۱-۱) نور طبیعی پس از عبور از پولاروید، به صورت نور پولاریزه خطی خارج می‌شود که شدت آن نصف شدت نور ورودی است ولی چون نور پولاریزه نیز همراه نور طبیعی به پولاروید تابیده شده است با توجه به رابطه $I = I_0 \cos^2 \theta$ با چرخش پولاروید، شدت نور خروجی نور پولاریزه اولیه، بسته به آن که چه زاویه‌ای با محور پولاروید می‌سازد تغییر می‌کند پس در کل نور خروجی نهایی پولاریزه خطی بوده و شدت آن کم و زیاد می‌شود.

۱-۲) اگر محورهای دو پولاروید با هم زاویه θ بسازند و شدت نور تابیده به پولاروید اول I_0 باشد $I_1 = \left(\frac{1}{2}\right) I_0$ به صورت نور پولاریزه به پولاروید دوم تابیده و نور خروجی $I_1 \cos^2 \theta$ خواهد بود.

$$I_0 = \text{شدت نور ورودی} \quad I' = I \cos^2 \theta = I (\cos 30^\circ)^2 = \frac{3}{4} I \quad (1-3)$$

$$I = \text{شدت نور عبوری از پولاریزور} \quad I = \frac{1}{2} I_0 \quad (I = \text{شدت نور قطبی شده})$$

$$I' = \text{شدت نور عبور از آنالیزور} \quad (I_0 = \text{شدت نور قطبی نشده})$$

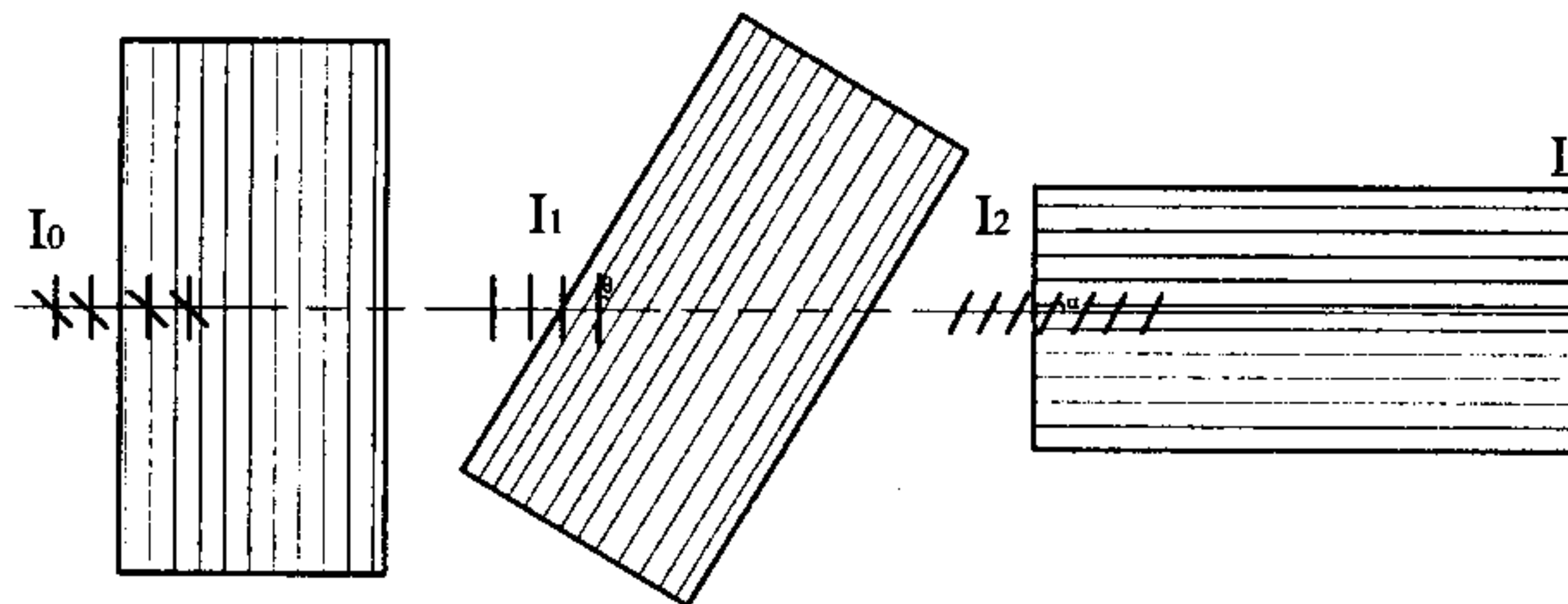
به طور متوسط فقط نیمی از قطارهای موج از قطبی‌کننده عبور می‌کنند.

$$I' = \frac{3}{4} \times \frac{1}{2} I_0 = \frac{3}{8} I_0 \Rightarrow \frac{I'}{I_0} = \frac{3}{8}$$

$$I = I_0 \cos^2 60^\circ = I_0 \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{I_0}{4} \quad \frac{I_0}{I} = 4$$

۲-۴

(۲-۵)



$$I_0 = 40 \Rightarrow I_1 = 40 \cos^2 \theta = \frac{1}{2} 40 = 20$$

$$I_r = I_1 \cos^2 \theta, \quad \alpha = \frac{\pi}{2} - \theta \Rightarrow \cos \alpha = \cos\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) = \sin \theta$$

$$I_r = I_r \cos^2 \alpha = I_r \cos^2\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) = I_r \sin^2 \theta = I_1 \cos^2 \theta \sin^2 \theta$$

$$\Rightarrow \frac{5}{72} 40 = 20 \left[\frac{1}{4} \sin^2 2\theta \right] \Rightarrow \sin^2 2\theta = \frac{40}{72} = \frac{5}{9}$$

$$\cos^2 2\theta = 1 - \frac{5}{9} = \frac{4}{9} \Rightarrow \cos 2\theta = \frac{2}{3}$$

$$\cos^2 \theta = \frac{1 + \cos 2\theta}{2} = \frac{1 + \frac{2}{3}}{2} = \frac{5}{6} \Rightarrow \cos \theta = \sqrt{\frac{5}{6}}$$

$$\Rightarrow \theta = \cos^{-1} \sqrt{\frac{5}{6}}$$

۶-۲) برای نور عبوری از پولاروید اول چون نور تابیده معمولی است ($\overline{\cos^2 \theta} = \frac{1}{2}$) داریم
 و برای نور عبوری از پولاروید دوم $I_1 \cos^2 30^\circ$ و به همین ترتیب نور از پولاروید سوم و
 چهارم عبور می‌کند.

$$I = (I_1 \cos^2 30^\circ) \cos^2 30^\circ \cos^2 30^\circ = \frac{1}{2} I_0 \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 = \frac{27}{128} I_0$$

(۷-۳)

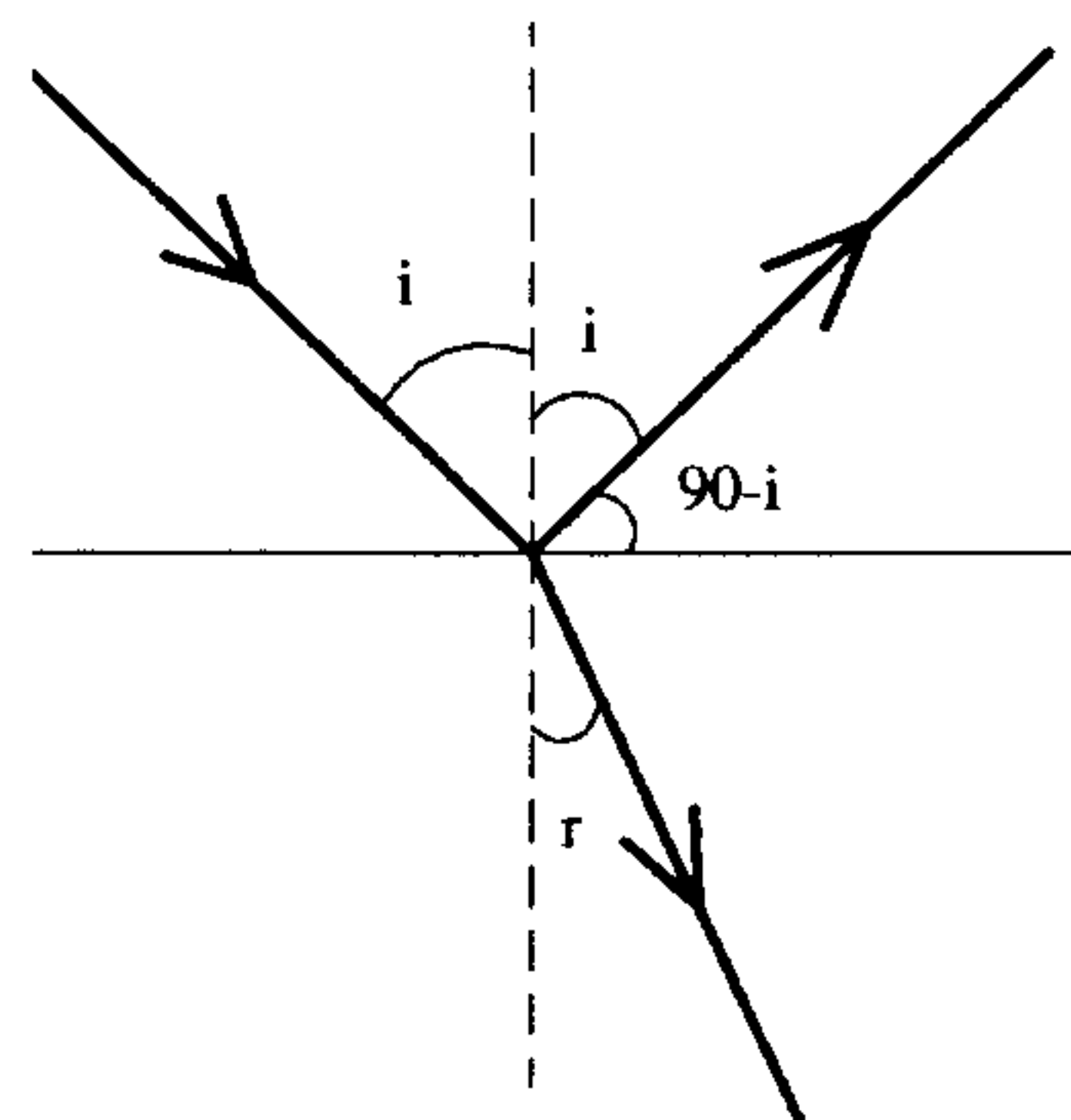
(۸-۴)

۹-۴) به دلیل اینکه نور کاملاً قطبیده شود باید پرتو شکست و انعکاس بر هم عمود باشند.

$$\frac{\sin i}{\sin r} = n \quad \text{و} \quad i + r = 90^\circ$$

$$n = \frac{\sin i}{\sin(90^\circ - i)} = \frac{\sin i}{\cos i} = \tan i$$

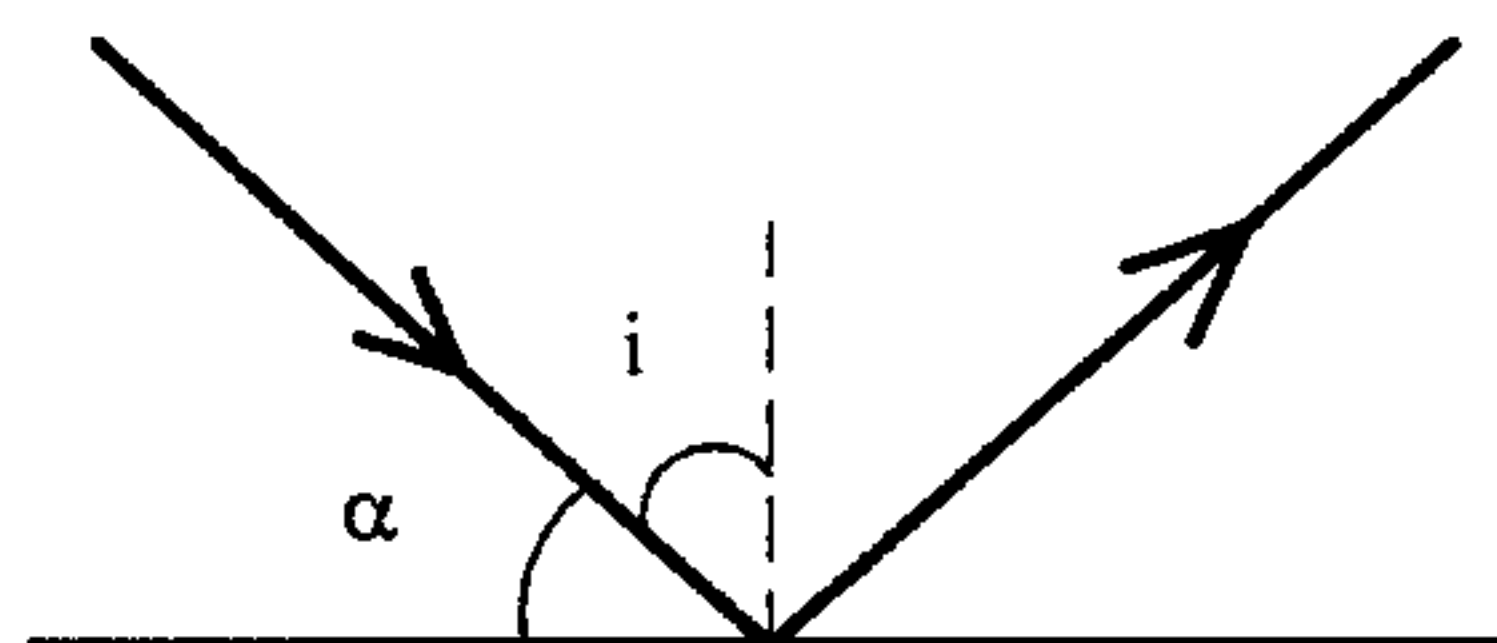
$$1/\sqrt{5} = \tan i \Rightarrow i = 56/4^\circ$$



$$\tan i = \frac{4}{3}$$

(۱۰-۲)

$$\alpha = 90^\circ - i$$



۱۱-۱) اگر تمام نور بازتابیده پولاریزه بود هنگامی که محور صفحه پولاروید عمود بر صفحه
 پولاریزاسیون نور می‌شد. شدت نور خروجی صفر می‌گردد.

فهرست انتشارات مؤسسه فرهنگی هنری دیباگران تهران (مجتمع فنی تهران)

فهرست کتابهای ویژه آزمونهای کاردانی پیوسته، کاردانی به کارشناسی، کارشناسی ارشد و دکتری (Ph.D)

دانشگاههای آزاد و دولتی

مؤلف / مترجم	کاردانی به کارشناسی و کارشناسی ارشد
اصغر بختیارزاده	۱ کتابداری و اطلاع رسانی
ابراهیم رستمی فر	۲ علوم سیاسی و روابط بین الملل
واحد تحقیقات و انتشارات	۳ ادبیات فارسی (بازجدید نظر)
حسن نمازی	۴ معارف اسلامی (بازجدید نظر)
واحد تحقیقات و انتشارات	۵ زبان انگلیسی (با تجدید نظر)
مهندس سعید سعادت	۶ ریاضی (با تجدید نظر)
مهندس سعید سعادت	۷ حل تشریحی مسائل ریاضی
مهندس سعید سعادت	۸ پرسشهای چهارگزینه‌ای ریاضی (بازجدید نظر)
مهندس سعید سعادت	۹ پاسخ پرسشهای چهارگزینه‌ای ریاضی
واحد تحقیقات و انتشارات	۱۰ فیزیک
واحد تحقیقات و انتشارات	۱۱ شیمی
واحد تحقیقات و انتشارات	۱۲ بیوشیمی
واحد تحقیقات و انتشارات	۱۳ فیزیولوژی
امیری - مصلاهی پور	۱۴ الکترومغناطیس
امیری - مصلاهی پور	۱۵ مکانیک کوانتومی
امیری - مصلاهی پور	۱۶ مکانیک تحلیلی
امیری - مصلاهی پور	۱۷ فیزیک GRE
مریم خالصی	۱۸ زیست سلولی
مریم خالصی	۱۹ زیست مولکولی
واحد تحقیقات و انتشارات	۲۰ زبان تخصصی پزشکی (جلد اول)
واحد تحقیقات و انتشارات	۲۱ زبان تخصصی پزشکی (جلد دوم)
شهرزاد خاکپور	۲۲ فیزیولوژی انسانی
دکتر فرخ السادات شریعتی	۲۳ ایمنی شناسی تخصصی
واحد تحقیقات و انتشارات	۲۴ میکروپ شناسی
پروانه عدیمی	۲۵ قارچ شناسی پزشکی
واحد تحقیقات و انتشارات	۲۶ انگل شناسی
واحد تحقیقات و انتشارات	۲۷ ویروس شناسی
واحد تحقیقات و انتشارات	۲۸ بافت شناسی
واحد تحقیقات و انتشارات	۲۹ خون شناسی
واحد تحقیقات و انتشارات	۳۰ ایمنی شناسی
واحد تحقیقات و انتشارات	۳۱ اپیدمیولوژی
دکتر حمید بلقیس زاده	۳۲ حشره شناسی پزشکی و ماززه با ناقلین
مریم خالصی	۳۳ زیست شناسی عمومی
واحد تحقیقات و انتشارات	۳۴ آناتومی
دکتر یغمائیان و دکتر خانی	۳۵ میکروبیولوژی محیط زیست (جلد اول)
دکتر یغمائیان و دکتر خانی	۳۶ میکروبیولوژی محیط زیست (جلد دوم)
دکتر یغمائیان و خانی و اکبرزاده	۳۷ مهندسی فاضلاب
دکتر یغمائیان و دکتر خانی	۳۸ آلودگی هوا
واحد تحقیقات و انتشارات	۳۹ مواد زاید جامد
واحد تحقیقات و انتشارات	۴۰ عوامل زیان آور محیط کار
واحد تحقیقات و انتشارات	۴۱ بیماریهای شغلی
واحد تحقیقات و انتشارات	۴۲ تغذیه

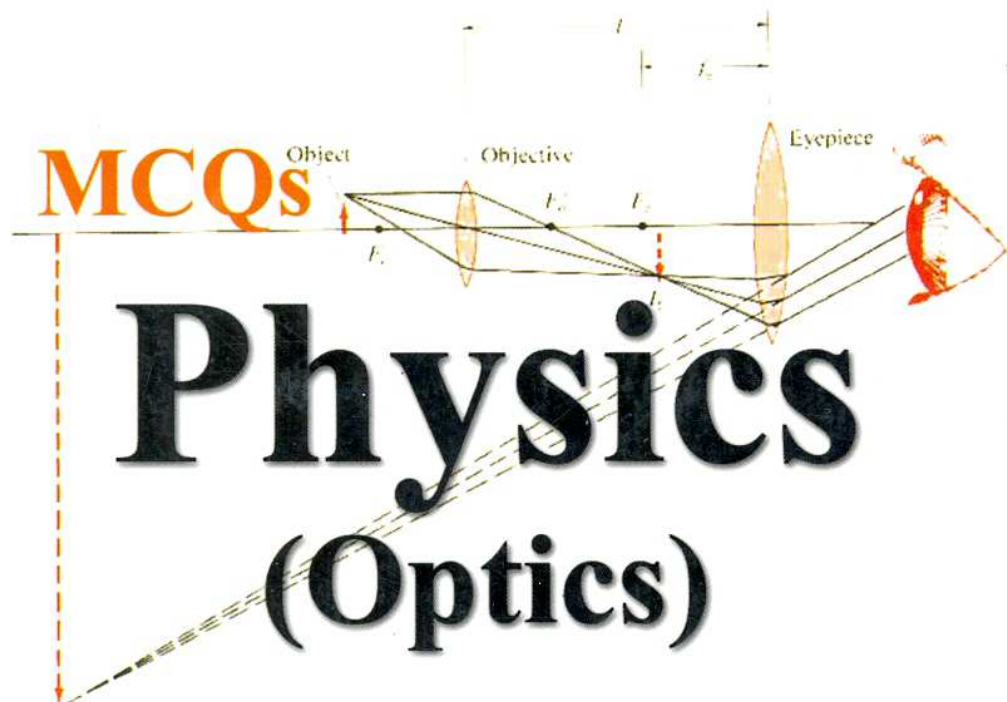
مؤلف / مترجم		کاردانی به کارشناسی و کارشناسی ارشد	
دکتر آراسب دباغ مقدم	بهداشت مواد غذایی	۴۳	
واحد تحقیقات و انتشارات	بهداشت عمومی	۴۴	
واحد تحقیقات و انتشارات	بهداشت خانواده	۴۵	
واحد تحقیقات و انتشارات	آموزش بهداشت	۴۶	
واحد تحقیقات و انتشارات	سم شناسی	۴۷	
دکتر یغمائیان و دکتر خانی	ریاضی کاربردی تصفیه خانه آب	۴۸	
دکتر یغمائیان و دکتر خانی	ریاضی کاربردی تصفیه خانه فاضلاب	۴۹	
دکتر یغمائیان و دکتر خانی	تصفیه آب	۵۰	
واحد تحقیقات و انتشارات	پرستاری بیماریهای داخلی جراحی	۵۱	
واحد تحقیقات و انتشارات	پرستاری بهداشت مادران و نوزادان	۵۲	
واحد تحقیقات و انتشارات	پرستاری بیماریهای کودکان	۵۳	
واحد تحقیقات و انتشارات	پرستاری بهداشت جامعه	۵۴	
واحد تحقیقات و انتشارات	پرستاری بیماریهای روانی	۵۵	
مینو پاک گوهر	نوزادان	۵۶	
دکتر اوهانس خاچاطوریان	بیماریهای داخلی جراحی در مامایی	۵۷	
واحد تحقیقات و انتشارات	بهداشت مادر و کودک	۵۸	
دکتر محمدصادق پور عباسی	بیماریهای زنان و زایمان	۵۹	
مینو پاک گوهر	جنین شناسی	۶۰	
مینو پاک گوهر	بارداری و زایمان (عادی و غیرعادی)	۶۱	
دکتر خانی و دکتر یغمائیان	کلیات خدمات بهداشتی جلد ۱ - بهداشت محیط	۶۲	
دکتر خانی و دکتر یغمائیان	کلیات خدمات بهداشتی جلد ۲ - بهداشت عمومی	۶۳	
دکتر خانی و دکتر یغمائیان	کلیات خدمات بهداشتی جلد ۳ - بهداشت حرفه‌ای	۶۴	
انصاری - نوبخت حقیقی	علوم و صنایع غذایی	۶۵	
واحد تحقیقات و انتشارات	آمار حیاتی (زیستی)	۶۶	
دکتر خانی و دکتر یغمائیان	شیمی محیط زیست	۶۷	
لنگری زاده - شاهوردیان - جعفری کروی	مدارک پزشکی	۶۸	
مهندس اکبرزادگان	مصالح ساختمان	۶۹	
مهندس اکبرزادگان	متره و برورد	۷۰	
دکتر مسعودی، منشوری و خانی	نقشه برداری	۷۱	
مهندس علیرضا پارسای	استاتیک	۷۲	
مهندس اکبرزادگان	راه سازی	۷۳	
مهندس کریمی لاهرودی	مقاومت مصالح (کاردانی به کارشناسی)	۷۴	
دکتر مهرانسی	هیدرولیک	۷۵	
مهندسین بهناز خاکباز - علی شیرازی	تحلیل سازه‌ها	۷۶	
مهندسین پیام اشتری - مجتبی اصفهانی	سازه‌های فولادی	۷۷	
مهندس اسکویی	سازه‌های بتونی	۷۸	
مهندس مرتضی رحمانی	ترمودینامیک	۷۹	
مهندس پارسای	تکنولوژی مواد	۸۰	
دکتر شکوهی	هیدرولوژی	۸۱	
گروه مؤلفان - دکتر استکانچی	مقاومت مصالح (کارشناسی ارشد)	۸۲	
گروه مؤلفان - دکتر جعفرزاده	مکانیک خاک و مهندسی پی	۸۳	
مهندسین سارنگ و جوادی	مکانیک سیالات و هیدرولیک	۸۴	
مهندسین تاجیک و رزم آرا	الکترونیک عمومی ۲۰۱	۸۵	
واحد تحقیقات و انتشارات	مدارهای الکتریکی	۸۶	

مؤلف / مترجم		کاردانی به کارشناسی و کارشناسی ارشد	
مهندس عادل‌نیا	اطلاعات عمومی کامپیوتر و سیستم عامل	۸۷	
مهندسین زرین زاده و فیضیان	ریاضیات گسسته	۸۸	
مهندسین شادکام و یوسفی	معادلات دیفرانسیل	۸۹	
مهندسین یوسفی و شادکام	ریاضی عمومی ۲	۹۰	
مهندسین یوسفی و کربلایی	ریاضیات مهندسی	۹۱	
مهندس رزم آرا	ماشینهای الکتریکی	۹۲	
مهندس خسرو پور	الکترونیک	۹۳	
مهندس عادل‌نیا و خانم ملکوتی خواه	زبان برنامه‌نویسی پاسکال	۹۴	
حمیدرضا غلامرضایی	شناخت اجزای ماشین	۹۵	
مهندسین پورگیری و خلجی	انتقال حرارت	۹۶	
واحد تحقیقات و انتشارات	زبان تخصصی کشاورزی (جلد اول)	۹۷	
واحد تحقیقات و انتشارات	زبان تخصصی کشاورزی (جلد دوم)	۹۸	
واحد تحقیقات و انتشارات	خاک شناسی عمومی	۹۹	
دکتر شعبانپور شهرستانی	خاک شناسی (فیزیک، شیمی و حاصلخیزی خاک)	۱۰۰	
دکتر شعبانپور شهرستانی	خاک شناسی (بیولوژی، پیدایش و رده‌بندی خاک)	۱۰۱	
واحد تحقیقات و انتشارات	باغبانی عمومی	۱۰۲	
مهندسین قنبری و حسنی	باغبانی (میوه، گل، سبزیکاری)	۱۰۳	
دکتر قنبری و دکتر حق جویان	باغبانی (ازدیاد نباتات، فیزیولوژی و ...)	۱۰۴	
واحد تحقیقات و انتشارات	گیاه شناسی عمومی	۱۰۵	
پریسا جنوبی	گیاه شناسی تخصصی	۱۰۶	
دکتر شهر آیین و دکتر پور رحیم	گیاه پزشکی	۱۰۷	
دکتر شیرانی راد	فیزیولوژی گیاهان زراعی	۱۰۸	
دکتر اربابی	حشره شناسی کشاورزی و آفات گیاهی	۱۰۹	
دکتر دانشیان	آمار و احتمالات کشاورزی	۱۱۰	
دکتر شیرانی راد و مهندس خانی	طرحهای آماری در تحقیقات کشاورزی	۱۱۱	
مهندسین پیمان و شریفی	ماشینهای کشاورزی	۱۱۲	
واحد تحقیقات و انتشارات	زراعت	۱۱۳	
واحد تحقیقات و انتشارات	آبیاری و زه‌کشی	۱۱۴	
دکتر شعبانپور شهرستانی	آبخیزداری، فرسایش و حفاظت خاک	۱۱۵	
پریسا کریشچی خیابانی	جانور شناسی	۱۱۶	
واحد تحقیقات و انتشارات	پرورش گاو	۱۱۷	
واحد تحقیقات و انتشارات	پرورش گوسفند	۱۱۸	
واحد تحقیقات و انتشارات	پرورش طیور	۱۱۹	
مهندس نصایبان	تشریح و فیزیولوژی دام	۱۲۰	
مهندس شهیر	اصلاح دام	۱۲۱	
مهندسین کریمی و نصایبان	تغذیه دام و طیور (جلد اول)	۱۲۲	
مهندسین کریمی و نصایبان	تغذیه دام و طیور (جلد دوم)	۱۲۳	
دکتر شهر آیین و دکتر پور رحیم	قارچ شناسی و بیماریهای گیاهی	۱۲۴	
مهندس شهیر	ژنتیک کشاورزی	۱۲۵	
دکتر پیمان و مهندس شریفی	موتور و تراکتور	۱۲۶	
امید ابراهیم راده	اصول حسابداری	۱۲۷	

مؤلف / مترجم	کاردانی پیوسته	
واحد تحقیقات و انتشارات	دروس عمومی و پایه کار دانش	۱۲۸
فرید نوبخت حقیقی	زبان انگلیسی	۱۲۹
حسن دلیلی کاجان	زبان فارسی	۱۳۰
میناترایی - معصومه دلایل فرشیدی	ادبیات فارسی	۱۳۱
حسن نمازی	معارف اسلامی	۱۳۲
محمد جواد زینعلی	عربی	۱۳۳
مرجان رهبری	شیمی (۱)	۱۳۴
مهندسین ساسانی و مهدی خانی	آب و خاک (۱)	۱۳۵
مهندسین ساسانی و مهدی خانی	آب و خاک (۲)	۱۳۶
واحد تحقیقات و انتشارات	اصول تغذیه دام	۱۳۷
سهیلا سمندی	رنگ شناسی	۱۳۸
مهندس شادکام انور	الکترونیک عمومی (۱)	۱۳۹
مسعود یوسفی مباشرت	مفاهیم و روشهای آماری ۱ و ۲	۱۴۰
مرجان مصلاهی پور	فیزیک تخصصی	۱۴۱
یوسفی مباشرت - هادی صمدی	ریاضیات (۱)	۱۴۲
مهندسین عادلنی نیا و جعفری	تجزیه ، تحلیل و طراحی سیستمها	۱۴۳
مهندسین عادلنی نیا و حکیمی	زبانهای نسل چهارم	۱۴۴
مهندسین عادلنی نیا و قربانی	سیستم عامل ۱	۱۴۵
مهندسین عادلنی نیا و ملکوتی خواه	برنامه سازی کامپیوتر (پاسکال)	۱۴۶
بهرام غلامی	سواد کامپیوتری	۱۴۷
دکتر نسرین رثوفی و شهرام نصایبان	تشریح و فیزیولوژی دام، طیور و ماهی	۱۴۸
طاهره مؤمنی	عکاسی	۱۴۹
مهندس حسن افشار	مدارهای الکتریکی	۱۵۰
مهندسین یوسفی و صمدی	ریاضیات ۲	۱۵۱
مهندس شادکام انور	سخت افزار ۱	۱۵۲
مهدی رثوفی و شهرام نصایبان	تغذیه و بهداشت مواد غذایی	۱۵۳

آدرس : سعادت آباد - روبه روی بیمارستان مدرس - انتهای باغستان یک - نبش بلوار بهزاد - شماره ۱۰

کدپستی : ۱۹۹۸۶ تلفن ۵-۲۰۹۰۰۰۱ فکس : ۲۳۵۲۶۲۶



By: Naser Zare Dehnavi Hossien Mohsenipour

مؤسسه فرهنگی هنری دیباگران تهران
ساختمان مرکزی: سعادت آباد - بلوار بهزاد - شماره ۱۰
تلفن: ۵-۲۰۹۰۰۰۱-۲۳۵۲۶۲۶ دورنگار
E-mail : publishing@mftmail.com
URL: www.mftsite.com

ISBN 964-354-308-0



9 789643 543082